

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية 2013

الموضوع



RS28



3	مدة الإختبار	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية	الشعبة أو المسلك

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة
تعفى التعابير الحرفية قبل إنجاز التصبيقات العددية

يتضمن موضوع الامتحان تمريناً في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء

الكيمياء : (7 نقط)

- التحليل الكهربائي لمحلول كلورور النيكل II. (2 نقط)
- دراسة تفاعل حمض الميثانويك مع الماء وتحضير ميثانوات الإيثيل . (5 نقط)

الفيزياء : (13 نقطة)

- التحولات النووية (2,5 نقط) : التلوث الإشعاعي لمادة غذائية خلال حادثة فوكوشيما .
- الكهرباء (5 نقط) : تحديد مميزات وشيعة واستخدامها في دارة كهربائية متذبذبة.
- الميكانيك (5,5 نقط) : دراسة حركة النواس الوازن .



الكيمياء (7 نقط)

يتضمن التمرين جزئين مستقلين

الجزء الأول : التحليل الكهربائي لمحلول كلورور النيكل II (2 نقط)

للتحليل الكهربائي تطبيقات متعددة في المجال الصناعي ، منها تحضير بعض الفلزات وبعض الغازات .
يهدف هذا التمرين إلى تحضير فلز النيكل بواسطة تقنية التحليل الكهربائي .

معطيات :

- الكتلة المولية للنيكل : $M(\text{Ni}) = 58,7 \text{ g.mol}^{-1}$.- ثابتة فرادي : $1F = 9,65.10^4 \text{ C.mol}^{-1}$.لتحضير فلز النيكل ، نجز التحليل الكهربائي لمحلول كلورور النيكل II $\text{Ni}^{2+}_{(\text{aq})} + 2\text{Cl}^{-}_{(\text{aq})}$.

نضع هذا المحلول في محلل كهربائي على شكل U ونمرر تيارا كهربائيا مستمرا ، شدته ثابتة $I = 0,5 \text{ A}$ ، بين
إلكترودين مغمورين في المحلول لمدة ساعة واحدة ($\Delta t = 1 \text{ h}$) .

تتكون الكاثود من البلاتين وتتكون الأنود من الجرافيت .

نلاحظ ، خلال عملية التحليل الكهربائي ، توضع النيكل على الكاثود و تكوّن ثنائي الكلور بجوار الأنود .

1- حدّد المزدوجتين مختزل / مؤكسد المتدخلتين في هذا التحليل الكهربائي . 0,5

2- أكتب معادلة التفاعل عند كل إلكترون والمعادلة الحصيلة المنمذجة للتحويل الحاصل . 0,75

3- أوجد الكتلة m لفلز النيكل المتوضع . 0,75

الجزء الثاني : تفاعل حمض الميثانويك مع الماء وتحضير ميثانوات الإيثيل (5 نقط)

يستعمل ميثانوات الإيثيل HCOOC_2H_5 كمادة مذيية للشحوم و لمشتقات السيليولوز ، كما يستعمل في الصناعة
الغذائية كمادة تضيفي نكهة التوت على الأطعمة المصنّعة .

يحضر ميثانوات الإيثيل في المختبر بتفاعل حمض الميثانويك HCOOH مع الإيثانول .

يهدف هذا الجزء من التمرين إلى دراسة تفاعل حمض الميثانويك مع الماء وتحضير ميثانوات الإيثيل .

1- دراسة تفاعل حمض الميثانويك مع الماء :

نعتبر محلولاً مائياً ، حجمه V ، لحمض الميثانويك تركيزه المولي $C = 5,0 \text{ mol.m}^{-3}$. نقيس موصلية هذاالمحلول عند درجة الحرارة 25°C فنجد $\sigma = 4,0.10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$.

معطيات :

- تعبير الموصلية σ لمحلول مائي هو : $\sigma = \sum_i \lambda_i [X_i]$ ، حيث $[X_i]$ التركيز المولي الفعلي لكل نوعأيوني i متواجد في المحلول و λ_i موصليته المولية الأيونية .- $\lambda_{\text{HCOO}^-} = 5,46.10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$.- $\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} = 35,0.10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$.- نهمل تأثير الأيونات HO^- على موصلية المحلول .

1.1- أنشئ الجدول الوصفي لتقدم تفاعل حمض الميثانويك مع الماء . 0,5

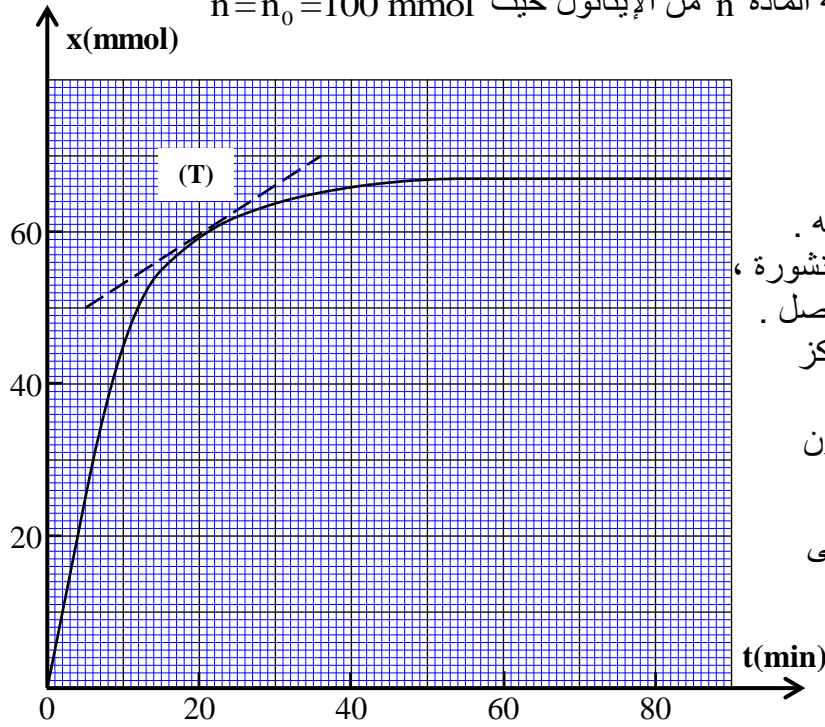
1.2- أوجد تعبير نسبة التقدم النهائي τ بدلالة σ و λ_{HCOO^-} و $\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+}$ و C . احسب τ . 0,75

1.3- حدد قيمة pH هذا المحلول المائي . 0,5

1.4- أوجد قيمة pK_A للمزدوجة $\text{HCOOH}_{(\text{aq})} / \text{HCOO}^{-}_{(\text{aq})}$. 0,5

2- تحضير ميثانوات الإيثيل :

نصب في حوالة كمية المادة $n_0=100 \text{ mmol}$ من حمض الميثانويك ونضعها داخل حمام مريم درجة حرارته ثابتة ثم نضيف إليها كمية المادة n من الإيثانول حيث $n=n_0=100 \text{ mmol}$



و بعض القطرات من حمض الكبريتيك المركز ، فنحصل على خليط حجمه ثابت $V = 25 \text{ mL}$.

نتتبع تطور التقدم x للتفاعل الحاصل بدلالة الزمن فنحصل على المنحنى جانبه .

2.1 - أكتب، باستعمال الصيغ نصف المنشورة ،

المعادلة الكيميائية المنمذجة للتحويل الحاصل .

2.2 - ما هو دور حمض الكبريتيك المركز المضاف ؟

2.3 - حدد التقدم x_{eq} للتفاعل عند التوازن

و زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

2.4 - يمثل المستقيم (T) المماس للمنحنى

عند اللحظة $t = 20 \text{ min}$ ؛

أحسب بالوحدة $\text{mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$ قيمة

السرعة الحجمية v للتفاعل عند هذه اللحظة .

2.5 - أوجد قيمة ثابتة التوازن K لهذا التفاعل .

2.6 - نمزج ، في نفس الظروف التجريبية السابقة ، كمية المادة $n_1=150 \text{ mmol}$ من حمض الميثانويك مع

كمية المادة $n_2=100 \text{ mmol}$ من الإيثانول .

تحقق أن القيمة الجديدة لتقدم التفاعل عند التوازن هي $x'_{eq} = 78,5 \text{ mmol}$.

الفيزياء (13 نقطة)

التحولات النووية : (2,5 نقط)

نقلت وسائل الإعلام التي غطت الكارثة النووية لمحطة فوكوشيما اليابانية يوم 11 مارس 2011 ، أن معدلات

التلوث بالإشعاع النووي الذي أصاب المواد الغذائية قد تجاوز في بعض الأحيان 10 مرات المعدلات المسموح

بها ؛ فعلى سبيل المثال تراوح النشاط الإشعاعي لليود 131 في السبانخ بين 6100 Bq و 15020 Bq في

الكيلوغرام الواحد .

في اليابان ، تعتبر السبانخ غير ملوثة باليود 131 المشع إذا كان نشاطه الإشعاعي لا يتعدى 2000 Bq في

الكيلوغرام الواحد كحد أقصى مسموح به .

عن الموقع الإلكتروني : www.ciirad.org (بتصرف)

يهدف التمرين إلى دراسة التناقص الإشعاعي لعينة من السبانخ ملوثة باليود 131 المشع .

معطيات :

- عمر النصف لليود 131 : $t_{1/2} = 8 \text{ jours}$.

- $1u = 931,5 \text{ MeV} . c^{-2}$.

- $m(^{131}_{54}\text{Xe}) = 130,8755 \text{ u}$.

- $m(^{131}_{53}\text{I}) = 130,8770 \text{ u}$.

- $m(e^-) = 0,00055 \text{ u}$.



1- دراسة نويدة اليود $^{131}_{53}\text{I}$.

1.1- ينتج عن تفكك نويدة اليود $^{131}_{53}\text{I}$ تكون النويدة $^{131}_{54}\text{Xe}$ ، أكتب معادلة هذا التفكك وحدد طرازه. 0,5

1.2- أحسب ، بالوحدة MeV ، الطاقة الناتجة عن تفكك نويدة واحدة من اليود 131. 0,75

2- دراسة عينة من السبائك الملوثة باليود 131.

أعطى قياس النشاط الإشعاعي لعينة من السبائك ، مأخوذة من مزرعة قريبة من مكان الحادث القيمة 8000 Bq في الكيلوغرام الواحد عند لحظة نعتبرها أصل التواريخ .

2.1- أحسب N_0 عدد نويدات اليود 131 المشع المتواجدة في عينة السبائك المدروسة عند أصل التواريخ . 0,5

2.2- حدّد ، بالوحدة (jour) ، أصغر مدة زمنية لازمة لكي تصبح عينة السبائك المدروسة غير ملوثة بمادة اليود 131 . 0,75

الكهرباء: (5 نقط)

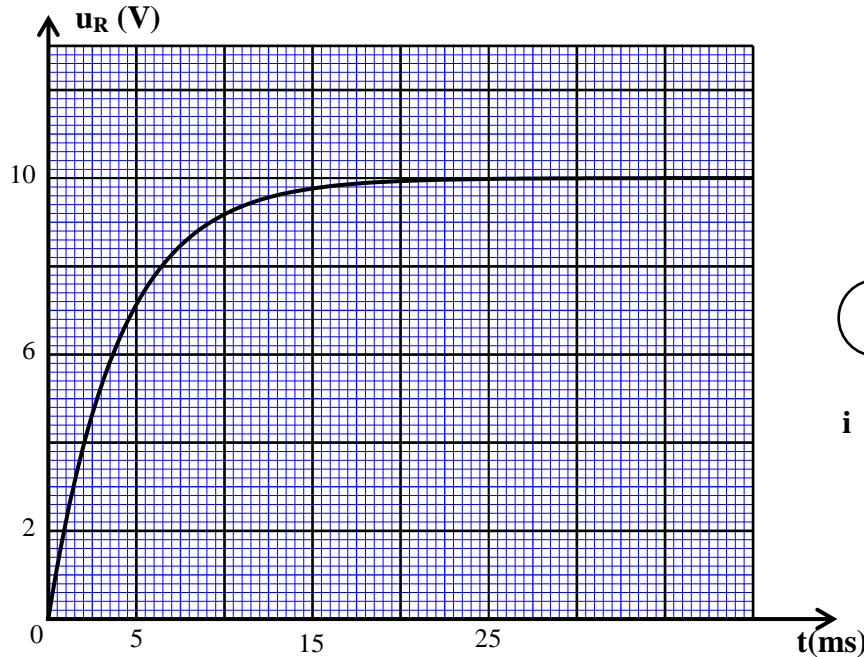
تحتوي مجموعة من الأجهزة السمعية على مكبرات للصوت . تشتمل هذه الأخيرة على دارات كهربائية من مكوناتها الأساسية الوشيعات .

يهدف هذا التمرين إلى تحديد مميزتي وشيعة لمكبر للصوت باعتماد تجربتين مختلفتين .

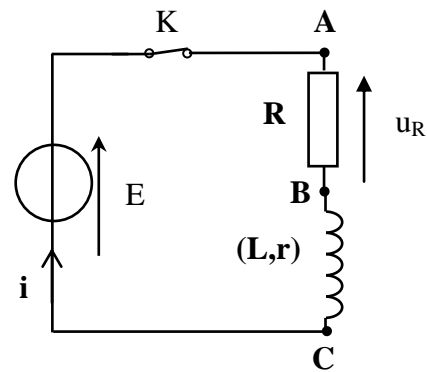
التجربة الأولى :

يتضمن مكبر الصوت وشيعة معامل تحريضها L و مقاومتها r . لتحديد هذين المقدارين المميزين للوشيعة تم إنجاز التركيب التجريبي المبين في الشكل 1 حيث $E = 12\text{V}$ و $R = 42\Omega$.

مباشرة بعد غلق الدارة ، نعاين بواسطة جهاز معلوماتي ملائم تطور التوتر u_R بدلالة الزمن . (الشكل 2)



الشكل 2



الشكل 1

1- بين أن التوتر u_R بين مربطي الموصل الأومي يحقق المعادلة التفاضلية : $A + u_R = \tau \frac{du_R}{dt}$ ، محددًا 0,75

تعبير كل من الثابتين A و τ بدلالة برامترات الدارة .

2- تحقق أن للثابتة τ بعدا زمنيا . 0,5

3- أوجد :

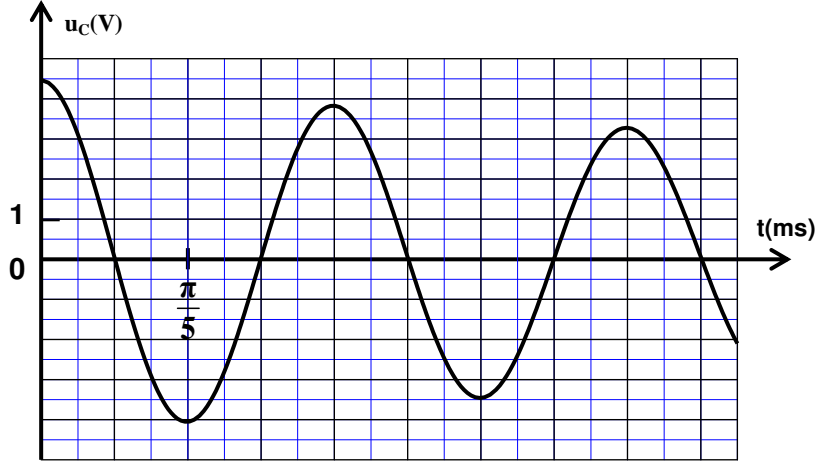
3.1- المقاومة الكهربائية r للوشيعة . 0,5

3.2- معامل التحريض الذاتي L للوشيعة . 0,5

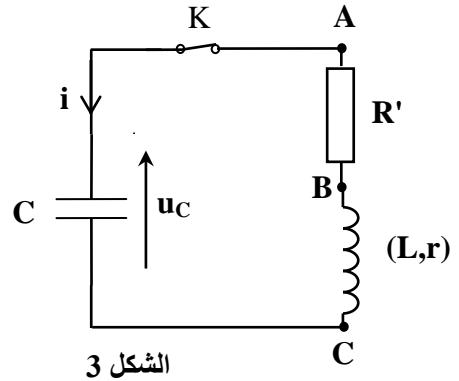
التجربة الثانية :

نركب الوشيعية السابقة على التوالي مع مكثف مشحون كلياً سعته $C = 0,2 \mu F$ وموصل أومي مقاومته $R' = 200 \Omega$ (الشكل 3) .

بواسطة نفس العدة المعلوماتية ، نحصل على منحنى الشكل 4 الذي يمثل التوتر u_C بين مربطي المكثف بدلالة الزمن .



الشكل 4



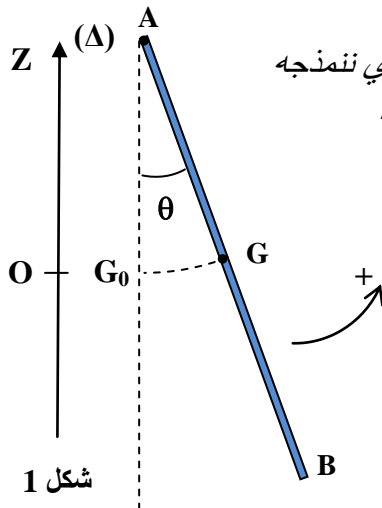
الشكل 3

- 1- 0,25 أي نظام من الأنظمة الثلاثة للتذبذب يوافق المنحنى الممثل في الشكل 4 ؟
- 2- 0,5 أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C .
- 3- 0,5 باعتبار أن شبه الدور T يساوي الدور الخاص T_0 للمتذبذب LC ، تحقق من قيمة معامل التحريض الذاتي L للوشيعية المدروسة.
- 4- 0,5 أوجد الطاقة المبددة في الدارة بمفعول جول بين اللحظتين $t_0 = 0$ و $t_1 = \frac{3}{2}T$.
- 5- لتعويض الطاقة المبددة بمفعول جول ، نركب على التوالي في الدارة السابقة (الشكل 3) مولدا كهربائيا يعطي توترا u_G يتناسب اطرادا مع شدة التيار ، حيث $u_G(t) = k.i(t)$.
- 5.1 0,5 أثبت في هذه الحالة المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة $q(t)$ للمكثف .
- 5.2 0,5 نضبط البرامتر k على القيمة 208,4 للحصول على تذبذبات كهربائية جيبية . تحقق من قيمة المقاومة الكهربائية r للوشيعية المدروسة.

الميكانيك (5,5 نقط) :

استعمل الإنسان الساعة منذ القديم لقياس الزمن ، فاخترع أنواعا مختلفة من الساعات مثل: الساعة الشمسية والساعة المائية و الساعة الرملية ... إلى أن جاء العالم هويجنس Huygens الذي صنع أول ساعة حائطية سنة 1657 ميلادية.

يعتمد هذا النوع من الساعات في اشتغاله أساسا على رقاص الساعة الذي نمذجته في هذه الدراسة بنواس وازن ينجز تذبذبات صغيرة حرة بدون احتكاك .



شكل 1

يتكون النواس المدروس من عارضة متجانسة AB ، كتلتها $m = 0,203 \text{ kg}$ وطولها $AB = l = 1,5 \text{ m}$ ، يمكنها الدوران في مستوى رأسي حول محور أفقي (Δ) ثابت يمر من طرفها A (الشكل 1) .



ندرس حركة النواس في معلم مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا .
نمعلم ، في كل لحظة ، موضع النواس بأفصوله الزاوي θ .

نعطي عزم قصور العارضة بالنسبة للمحور (Δ) : $J_{\Delta} = \frac{1}{3} . m . \ell^2$.

نقبل في حالة التذبذبات الصغيرة أن : $\sin \theta \approx \theta$ حيث θ بالراديان .
نرمز لشدة الثقالة بالحرف g .

نزيح النواس الوازن عن موضع توازنه المستقر بزاوية صغيرة θ_m في المنحى الموجب ثم نحرره بدون
سرعة بدئية عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ .

1- الدراسة التحريكية للنواس الوازن

1.1- بتطبيق العلاقة الأساسية لديناميك في حالة الدوران ، أثبت المعادلة التفاضلية لحركة النواس . 1

1.2- حدد طبيعة حركة النواس الوازن واكتب تعبير المعادلة الزمنية $\theta(t)$ بدلالة t و θ_m والدور الخاص T_0 . 1

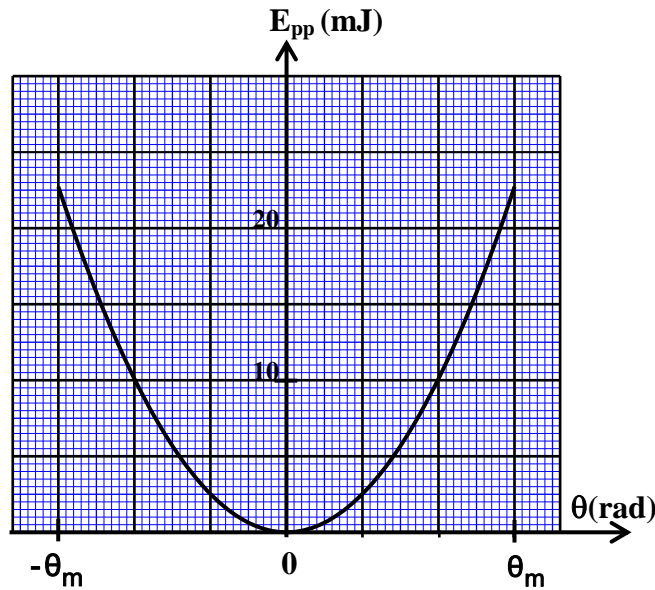
1.3- بين أن تعبير الدور الخاص T_0 لهذا النواس هو : $T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{2\ell}{3g}}$. 1

1.4- أحسب الطول L للنواس البسيط المتواقت للنواس الوازن المدروس . 0,75

2- الدراسة الطاقية للنواس الوازن

نختار المستوى الأفقي المار من النقطة G_0 ، موضع مركز القصور G للعارضة AB عند التوازن المستقر ،
مرجعا لطاقة الوضع الثقالية $(E_{pp}(0) = 0)$.

يمثل الشكل 2 منحى تغير طاقة الوضع الثقالية $E_{pp}(\theta)$ للنواس المدروس في المجال $[-\theta_m, \theta_m]$.



الشكل 2

باستغلال المخطط الطاقى :

2.1- حدد قيمة الطاقة الميكانيكية E_m للنواس . 0,75

2.2- أوجد القيمة المطلقة للسرعة الزاوية $\dot{\theta}$ للنواس عند مروره من موضع أفصوله الزاوي $\theta = \frac{2}{3} \theta_m$. 1

تصحيح موضوع الفيزياء الاستدراكية مسلك العلوم الفيزيائية 2013 ذ. عبد الكريم اسبيرو

تصحيح موضوع الكيمياء: الجزء الأول :

(1) المزدوجتين : مختزل / مؤكسد المتدخلتين في التحليل الكهربائي هما Cl_2 / Cl^- و: Ni^{2+} / Ni

(2) بجوار الأنود : $2Cl^- \rightleftharpoons Cl_2 + 2e^-$ وهو تفاعل أكسدة .

بجوار الكاتود : $Ni^{2+} + 2e^- \rightleftharpoons Ni$ وهو تفاعل اختزال .

المعادلة الحصيلة : $2Cl^-_{(aq)} + Ni^{2+}_{(aq)} \rightarrow Cl_{2(g)} + 2Ni_{(s)}$

(3) من خلال نصف المعادلة $Ni^{2+} + 2e^- \rightarrow Ni$ لدينا : $\frac{n(Ni)}{1} = \frac{n(e^-)}{2}$ ومنه $\frac{m(Ni)}{M(Ni)} = \frac{I \cdot \Delta t}{2F}$

ت.ع : $0,55 \text{ g} \approx 0,547 \text{ g}$ $m(Ni) = \frac{0,5 \times 360}{2 \times 96485}$



المعادلة الكيميائية				الحالة	تقدم التفاعل
كميات المادة بالمول					
$CH_3COOH + H_2O$	\rightleftharpoons	$CH_3COO^- + H_3O^+$		$x = 0$	البداية
CV		0	0	x	خلال التحول
$CV - x$		x	x	$x = x_{eq}$	عند التوازن
$CV - x_{eq}$		x_{eq}	x_{eq}		

$$(1-2) \text{ نسبة تقدم التفاعل : } \tau = \frac{x_f}{x_{max}}$$

بما أن الماء مستعمل بوفرة فإن CH_3COOH هو المحد ، إذن : $x_{max} = CV \Leftarrow CV - x_{max} = 0$

ومن جهة أخرى ، استقرار الموصلية يدل على أن التفاعل قد وصل على نهايته : $\sigma = \lambda_{CH_3COO^-} \times [CH_3COO^-]_{\epsilon q} + \lambda_{H_3O^+} \times [H_3O^+]_{\epsilon q}$

مع : $x_f = x_{\epsilon q} : \text{ مع } x_{\epsilon q} = \frac{\sigma \times V}{\lambda_{CH_3COO^-} + \lambda_{H_3O^+}}$ ومنه $\sigma = (\lambda_{CH_3COO^-} + \lambda_{H_3O^+}) \times \frac{x_{\epsilon q}}{V} \Leftarrow [CH_3COO^-]_{\epsilon q} = [H_3O^+]_{\epsilon q} = \frac{x_{\epsilon q}}{V}$

إذن : $\tau = \frac{\sigma}{C \times (\lambda_{CH_3COO^-} + \lambda_{H_3O^+})}$: ت.ع : $\tau = \frac{4.10^{-2}}{5 \times (5,46 + 35) \times 10^{-3}} \approx 0,20 = 20\%$

(1-3) لدينا : $pH = -\log[H_3O^+] : \text{ مع } pH = 3 \Leftarrow [H_3O^+]_{\epsilon q} = \frac{x_{\epsilon q}}{V} = \frac{\sigma}{\Sigma \lambda} \approx 1 \text{ mol} / \text{m}^3 = 10^{-3} \text{ mol} / \text{L}$

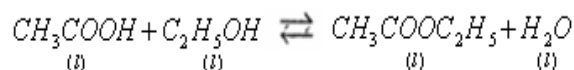
(1-4) لدينا : $k_A = \frac{[CH_3COO^-]_{\epsilon q} \times [H_3O^+]_{\epsilon q}}{[CH_3COOH]_{\epsilon q}}$: و $pk_A = -\log k_A = -\log \left(\frac{[CH_3COO^-]_{\epsilon q} \times [H_3O^+]_{\epsilon q}}{[CH_3COOH]_{\epsilon q}} \right)$

لدينا : $[CH_3COO^-]_{\epsilon q} = [H_3O^+]_{\epsilon q} = \frac{x_{\epsilon q}}{V} = 10^{-3} \text{ mol} / \text{L}$

و : $pk_A = -\log \left(\frac{10^{-3} \times 10^{-3}}{4.10^{-3}} \right) = 3,6 \Leftarrow [CH_3COOH]_{\epsilon q} = \frac{CV - x_{\epsilon q}}{V} = C - \frac{x_{\epsilon q}}{V} = 5.10^{-3} - 10^{-3} = 4.10^{-3} \text{ mol} / \text{L}$

أو بطريقة أخرى : $pk_A = pH - \log \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = 3 - \log \frac{10^{-3}}{4.10^{-3}} = 3 + \log 4 = 3,6$

(2-1) معادلة التفاعل :



(2-2) حمض الكبريتيك المركز يلعب دور الحفاز.

(2-3) مبيانيا نجد : $x_f = 67 \text{ m.mol}$ وزمن نصف التفاعل : الذي يوفى : $\frac{x_f}{2}$: نجد : $t_{1/2} \approx 7 \text{ min}$

(2-4) السرعة الحجمية عند اللحظة $t = 20 \text{ min}$

$$v = \frac{1}{V} \times \frac{dx}{dt} = \frac{1}{V} \cdot \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{1}{25} \times \frac{(60 - 50)}{(20 - 5)} \approx 2,7.10^{-2} \text{ mol} / \text{L} \cdot \text{min}$$

(2-5) ثابتة التوازن : $K = \frac{[CH_3COOC_2H_5] \times [H_2O]}{[CH_3COOH] \times [C_2H_5OH]}$

ومن خلال جدول تقدم التفاعل :

$x_{\text{eq}} = 0,067 \text{ mol}$
 $10^{-1} - x_{\text{eq}} = 0,033 \text{ mol}$

$CH_3COOH + C_2H_5OH \rightleftharpoons CH_3COOC_2H_5 + H_2O$				المعادلة الكيميائية	
كميات المادة بالمول mol				تقدم التفاعل	الحالة
10^{-1}	10^{-1}	0	0	$x = 0$	البدئية
$10^{-1} - x$	$10^{-1} - x$	x	x	x	خلال التحول
0,033	0,033	0,067	0,067	$x_{\text{eq}} = 0,067$	عند التوازن

$$K = \frac{\frac{0,067}{V} \times \frac{0,067}{V}}{\frac{0,033}{V} \times \frac{0,033}{V}} \approx 4 : \text{إذن}$$

(2-6) بالنسبة للتركيب الجديد لدينا :

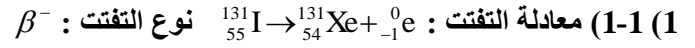
$CH_3COOH + C_2H_5OH \rightleftharpoons CH_3COOC_2H_5 + H_2O$				المعادلة الكيميائية	
كميات المادة بالمول mol				تقدم التفاعل	الحالة
0,15	10^{-1}	0	0	$x = 0$	البدئية
$0,15 - x'_{\text{eq}}$	$0,1 - x'_{\text{eq}}$	x'_{eq}	x'_{eq}	x'_{eq}	عند التوازن

$x'_{\text{eq}} = 78,5 \text{ mmol}$: نتحقق من كون :

بما أن ثابتة التوازن لا تتعلق سوى بدرجة الحرارة سوف تحتفظ بنفس القيمة السابقة .

$$K' = K = 4 \Leftrightarrow K' = \frac{\frac{x'_{\text{eq}}}{V} \times \frac{x'_{\text{eq}}}{V}}{\frac{0,15 - x'_{\text{eq}}}{V} \times \frac{0,1 - x'_{\text{eq}}}{V}} = \frac{x_{\text{eq}}^2}{(0,15 - x'_{\text{eq}}) \cdot (0,1 - x'_{\text{eq}})} = \frac{0,0785^2}{(0,15 - 0,0785) \cdot (0,1 - 0,0785)} = 4$$

تمرين الفيزياء الأول: التحولات النووية .



(1-2) الطاقة الناتجة عن تفتت نوية واحدة من اليود 131:

$$|\Delta E| = |\Delta m \cdot c^2| = |[m(\text{Xe}) + m(\text{e}) - m(\text{I})] \times c^2|$$

$$\dots\dots\dots = |[130,8755 + 0,00055 - 130,8770] \text{u} \times c^2|$$

وهي الطاقة المحررة خلال تفتت نوية واحدة من اليود 131.

$$\dots\dots\dots = |-9,5 \cdot 10^{-4} \times (931,5 \text{ MeV} / c^2) \times c^2|$$

$$\dots\dots\dots = 0,885 \text{ MeV}$$

(2-1) لدينا : $N_0 = \frac{a_0}{\lambda} = \frac{a_0 \cdot t_{1/2}}{\text{Ln}2}$ ومنه : $N_0 = \frac{8000 \times 8 \times 24 \times 3600}{\text{Ln}2} \approx 8 \times 10^9$

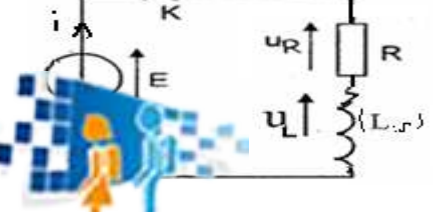
(2-2) نعلم من خلال المعطيات أن الحد الأقصى للنشاط الإشعاعي لكي تكون السبائخ غير ملوثة هو $a = 200 \text{ Bq}$

ولدينا : $a = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = a_0 \cdot e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t}$ إذن : $\text{Ln} \frac{a}{a_0} = -\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \times t$

$$t = \frac{-\text{Ln} \frac{a}{a_0}}{\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}}} \times t_{1/2} = \frac{-\text{Ln} \frac{2000}{8000}}{\text{Ln}2} \times 8 = 16 \text{ jours} : \text{ومنّه}$$

تمرين الفيزياء الثاني : الكهرباء. التجربة الأولى:

(1) بتطبيق قانون تمييع التوترات لدينا :



$$(1) r.i + L \frac{di}{dt} + u_R = E \quad \text{أي} \quad u_L + u_R = E$$

$$\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} \quad \text{ولدينا : } u_R = R.i \quad \text{إذن} \quad \leftarrow$$

$$u_R \cdot \left(\frac{r}{R} + 1\right) + \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = E \quad \leftarrow \quad r \cdot \frac{u_R}{R} + \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} + u_R = E \quad \text{بالتعويض العلاقة (1) تصبح}$$

$$\frac{L}{R+r} \times \frac{du_R}{dt} + u_R = \frac{E \times R}{R+r} \quad \text{ومنه} \quad L \cdot \frac{du_R}{dt} + (r+R) \cdot u_R = E \times R \quad \leftarrow \quad \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} + \frac{(r+R)}{R} \cdot u_R = E \quad \leftarrow$$

$$\tau = \frac{L}{R+r} \quad \text{و} \quad A = \frac{E \times R}{R+r} \quad \leftarrow \quad \tau \times \frac{du_R}{dt} + u_R = A \quad \text{وهي على الشكل}$$

$$[\tau] = \frac{[L]}{[R]} \quad \leftarrow \quad \tau = \frac{L}{R+r} \quad \text{(2) لدينا}$$

$$[L] = \frac{[U]}{[I] \times [t]^{-1}} \quad \leftarrow \quad L = \frac{u_L}{\frac{di}{dt}} \quad \text{لدينا} \quad u_L = L \cdot \frac{di}{dt} \quad \text{من خلال العلاقة}$$

$$\text{ومن خلال العلاقة : } u_R = R.i \quad \text{لدينا} \quad R = \frac{u_R}{i} \quad \leftarrow \quad [R] = \frac{[U]}{[I]} \quad \text{إذن} \quad [\tau] = \frac{[L]}{[R]} = \frac{[U] \times [I]^{-1} \times [t]}{[U] \times [I]^{-1}} = [t] \quad \text{إذن } \tau \text{ لها بعد زمني.}$$

$$(3-1) \quad \text{عندما يصبح التوتر } u_R = 10V \text{ ثابتا ، تصبح } \frac{du_R}{dt} = 0 \text{ وتصبح المعادلة التفاضلية : } u_R = \frac{E \times R}{R+r} \text{ ومنه :}$$

$$r = \frac{E \times R}{u_R} - R = \frac{42 \times 12}{10} - 42 = 8,4 \Omega$$

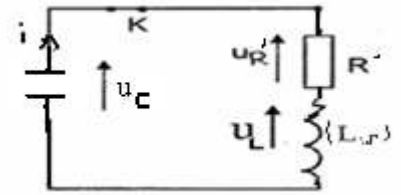
$$(3-2) \quad \text{مبيانيا } \tau \text{ توافق التوتر : } u_R = 0,63 \times 10 = 6,3V \quad \text{نجد} \quad \tau = 4ms \quad \text{ولدينا} \quad \tau = \frac{L}{R+r} \text{ ومنه :}$$

$$L = \tau(R+r) = 4.10^{-3} \times (8,4 + 42) = 0,2H$$

التجربة الثانية :

(1) النظام الذي يوافق المنحنى الممثل في الشكل (4) : نظام شبه دوري .

(2) بتطبيق قانون تجميع التوترات عند إغلاق قاطع التيار K:



$$i = \frac{dq}{dt} = c \cdot \frac{du_c}{dt} \quad \text{مع} \quad R'.i + r.i + L \cdot \frac{di}{dt} + u_c = 0 \quad \leftarrow \quad u_{R'} + u_L + u_c = 0$$

$$\frac{d^2 u_c}{dt^2} + \frac{(R'+r)}{L} \times \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{Lc} u_c = 0 \quad \leftarrow \quad (R'+r).c \cdot \frac{du_c}{dt} + L.c \cdot \frac{d^2 u_c}{dt^2} + u_c = 0 \quad \text{إذن} \quad \frac{di}{dt} = c \cdot \frac{d^2 u_c}{dt^2}$$

$$(3) \quad \text{لدينا} \quad T = T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{LC} \quad \text{ومن خلال منحنى الشكل (4) لدينا} \quad T = \frac{2\pi}{5} ms \quad \text{إذن} \quad T_0^2 = 4\pi^2 \cdot LC$$

$$\text{ومنه} \quad L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 \cdot C} = \frac{4\pi^2 \cdot (10^{-3})^2}{25 \times 4\pi^2 \cdot 0,2 \times 10^{-6}} = 0,2H$$

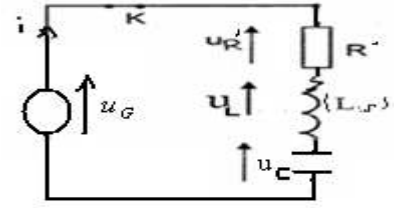
$$(4) \quad \text{الطاقة المبذودة في الدارة بين اللحظتين} \quad t_0 = 0 \quad \text{و} \quad t_1 = \frac{3T}{2}$$

$$\Delta\xi = \xi_{e_{t_1}} - \xi_{e_{t_2}}$$

$$\dots = \frac{1}{2}.C.u_{c_1}^2 - \frac{1}{2}.C.u_{c_2}^2$$

$$\dots = \frac{1}{2}.0,2.10^{-6}(3,5^2 - 4,5^2) = -8.10^{-7} \text{ J}$$

(5-1) بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا :



$$k.i = R'.i + r.i + L.\frac{di}{dt} + \frac{q}{C} \quad \text{أي} \quad u_G = u_{R'} + u_L + u_C$$

$$\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{(R'+r-k)}{L} \times \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC}.q = 0 \quad \text{أي} \quad L.\frac{d^2q}{dt^2} + (R'+r-k)\frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0 \quad \Leftarrow \quad \frac{di}{dt} = \frac{d^2q}{dt^2} \quad \text{و} \quad i = \frac{dq}{dt}$$

$$k = R'+r \Leftarrow R'+r-k=0 \Leftarrow \frac{(R'+r-k)}{L} = 0. \quad \text{المتعلق بالخمود ، بانعدامه يزول الخمود} \quad \frac{(R'+r-k)}{L} \text{ المعامل}$$

$$\text{ومنه: } r = k - R' = 208,4 - 200 = 8,4\Omega$$

تمرين الميكانيك :

(1-1) باعتبار العارضة كمجموعة مدروسة و بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بالنسبة للدوران لدينا :

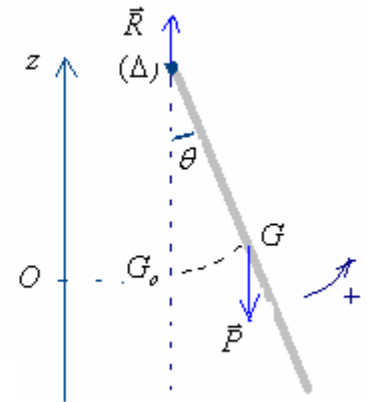
$$M\vec{P}_\Delta + M\vec{R}_\Delta = J_\Delta.\ddot{\theta} \quad \text{أي} \quad \Sigma M\vec{F}_\Delta = J_\Delta.\ddot{\theta}$$

$$-m.g.\frac{\ell}{2}.\sin\theta = J_\Delta.\ddot{\theta} \quad \Leftarrow \quad -P.\frac{\ell}{2}.\sin\theta + 0 = J_\Delta.\ddot{\theta}$$

بالنسبة للتذبذبات الصغيرة : $\sin\theta = \theta$

$$J_\Delta = \frac{1}{3}.m.\ell^2 \quad \text{مع} \quad \ddot{\theta} + \frac{m.g.\ell}{2.J_\Delta}.\theta = 0 \quad \text{أي} \quad J_\Delta.\ddot{\theta} + m.g.\frac{\ell}{2}.\theta = 0 \quad \Leftarrow$$

$$\text{وهي المعادلة التفاضلية لحركة النواس الوازن.} \quad \ddot{\theta} + \frac{3.g}{2.\ell}.\theta = 0 \quad \Leftarrow$$



(1-2) طبيعة حركة النواس : تذبذبية دورية .

$$\text{المعادلة الزمنية للحركة: } \theta = \theta_m.\cos\left(\frac{2.\pi}{T_0}.t + \varphi\right) \quad \text{وبما أنه عند اللحظة } t=0 \quad \theta = \theta_m.\cos\left(\frac{2.\pi}{T_0}.t + \varphi\right) \quad \text{ومنه } \varphi = 0 \Leftarrow \theta = +\theta_m$$

$$(1-3) \text{ لدينا: } \dot{\theta} = -\theta_m.\frac{2.\pi}{T_0}.\sin\frac{2.\pi}{T_0}.t \quad \text{و} \quad \ddot{\theta} = -\theta_m.\frac{4.\pi^2}{T_0^2}.\cos\frac{2.\pi}{T_0}.t = -\frac{4.\pi^2}{T_0^2}.\theta$$

$$\text{بالتعويض في المعادلة التفاضلية: } -\frac{4.\pi^2}{T_0^2}.\theta + \frac{3.g}{2.\ell}.\theta = 0 \quad \Leftarrow \quad T_0^2 = 4.\pi^2 \frac{2.\ell}{3.g} \quad \Leftarrow \quad \frac{4.\pi^2}{T_0^2} = \frac{3.g}{2.\ell}$$

$$(1-4) \text{ بالنسبة للنواس البسيط لدينا: } \ddot{\theta} + \frac{g}{L}.\theta = 0 \quad \text{دوره: } T'_0 = 2.\pi.\sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$\text{الطول } L \text{ للنواس البسيط المتواقت للنواس المدروس يحفف كون: } T'_0 = T_0 \quad \text{أي} \quad 2.\pi.\sqrt{\frac{L}{g}} = 2.\pi.\sqrt{\frac{2.\ell}{3.g}} \quad \Leftarrow \quad L = \frac{2.\ell}{3}$$

$$\text{ت.ع: } \frac{2.\ell}{3} = \frac{2 \times 1,5}{3} = 1\text{m}$$

(2) الدراسة الطاقية : 2-1 مبيانا لدينا
E_m = E_{pp max} = 22,5mJ : 2-1 مبيانا لدينا

(2-2) عند اللحظة $t = \frac{2}{3} \theta_m$ من خلال وثيقة الشكل (2) نجد عند هذه اللحظة قيمة الطاقة الوضع الثقالية : $E_{pp} = 10mJ$ ومن خلال

العلاقة : $E_m = E_c + E_{pp}$ لدينا : $E_c = E_m - E_{pp} = 22,5 - 10 = 12,5mJ$ و : $J_{\Delta} = \frac{1}{3} \cdot m \cdot \ell^2 = \frac{1}{3} \times 0,203 \times 1,5^2 = 0,152kg \cdot m^2$

$$|\dot{\theta}| = \left| \pm \sqrt{\frac{2 \cdot E_c}{J_{\Delta}}} \right| = \left| \pm \sqrt{\frac{2 \times 12,5 \times 10^{-3}}{0,152}} \right| = 0,4 \text{rad/s} \quad \text{إذن} \quad \dot{\theta}^2 = \frac{2 \cdot E_c}{J_{\Delta}} \quad \Leftarrow \quad E_c = \frac{1}{2} \cdot J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2 \quad \text{ولدينا}$$

SBIRO Abdelkrim Lycée agricole d'Oulad-Taima région d'Agadir royaume du Maroc
Pour toute observation contactez moi

Sbiabdou@yahoo.fr

لا تنسوننا من صالح دعائكم ونسال الله لكم العون والتوفيق.