


 الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
 الدورة العادية 2011  
 الموضوع


الصفحة
1
3

7	المعامل	NS22	الرياضيات	المادة
3	مدة الإجابة	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها		الشعب (ة) أو المجلد

## معلومات عامة

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛

مدة إنجاز موضوع الامتحان : 3 ساعات ؛

عدد الصفحات : 3 صفحات ( الصفحة الأولى تتضمن معلومات والصفحتان المتبقيتان تتضمنان تمارين الامتحان )؛

يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛

ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؛

بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

## معلومات خاصة

يتكون الموضوع من أربعة تمارين مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

النقطة الممنوحة	المجال	التمرين
2.5	حل معادلات ومراجعات لوغاريتمية	التمرين الأول
3	المتتاليات العددية	التمرين الثاني
5	الأعداد العقدية	التمرين الثالث
9.5	دراسة دالة وحساب التكامل	التمرين الرابع

– بالنسبة للتمرين الأول ،  $\ln$  يرمز للوغاريتم النبيري .

## الموضوع

## التمرين الأول (2.5 ن)

- 1 أ - حل في IR المعادلة :  $x^2 + 4x - 5 = 0$  0.5
- ب - حل في المجال  $]0, +\infty[$  المعادلة :  $\ln(x^2 + 5) = \ln(x + 2) + \ln(2x)$  1
- 2 حل في المجال  $]0, +\infty[$  المتراجحة :  $\ln x + \ln(x + 1) \geq \ln(x^2 + 1)$  1

## التمرين الثاني (3 ن)

- نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي :  $u_0 = 1$  و  $u_{n+1} = \frac{u_n}{5 + 8u_n}$  لكل  $n$  من IN .
- 1 بين بالترجع أن  $u_n > 0$  لكل  $n$  من IN 0.5
- 2 نضع :  $v_n = \frac{1}{u_n} + 2$  لكل  $n$  من IN .
- أ - بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها 5 ثم اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  1.5
- ب - بين أن  $u_n = \frac{1}{3 \times 5^n - 2}$  لكل  $n$  من IN ثم احسب نهاية المتتالية  $(u_n)$  . 1

## التمرين الثالث (5 ن)

- 1 حل في مجموعة الأعداد العقدية C المعادلة :  $z^2 - 18z + 82 = 0$  1
- 2 نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  ، النقط A و B و C التي أحاقها على التوالي هي :  $a = 9 + i$  و  $b = 9 - i$  و  $c = 11 - i$  .
- أ - بين أن  $\frac{c-b}{a-b} = -i$  ثم استنتج أن المثلث ABC قائم الزاوية ومتساوي الساقين في B . 1
- ب - أعط الشكل المثلثي للعدد العقدي  $4(1-i)$  . 0.5
- ج - بين أن  $(c-a)(c-b) = 4(1-i)$  ثم استنتج أن  $AC \times BC = 4\sqrt{2}$  . 1
- د - ليكن z لحق نقطة M من المستوى و  $z'$  لحق النقطة M' صورة M بالدوران R الذي مركزه النقطة B وزاويته  $\frac{3\pi}{2}$  . 1.5
- بين أن :  $z' = -iz + 10 + 8i$  ثم تحقق من أن لحق النقطة C' صورة النقطة C بالدوران R هو  $9 - 3i$  .

## التمرين الرابع (9.5 ن)

- I - نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $g(x) = (1-x)e^x - 1$  .
- (1) أ - بين أن :  $g'(x) = -xe^x$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  . 0.5
- ب - بين أن الدالة  $g$  تناقصية على  $[0, +\infty[$  وتزايدية على  $]-\infty, 0]$  و تحقق من أن  $g(0) = 0$  . 0.75
- (2) استنتج أن :  $g(x) \leq 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  . 0.5
- II - لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $f(x) = (2-x)e^x - x$  .
- ولیکن (C) المنحنى الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة 1cm) .
- (1) أ - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$  . 0.5
- ب - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$  ثم استنتج أن المنحنى (C) يقبل فرعا شلجيميا بجوار  $+\infty$  يتم تحديد اتجاهه . 0.75
- (2) أ - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  ثم احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x]$  ( نذكر أن :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$  ) . 0.75
- ب - بين أن المستقيم (D) الذي معادلته  $y = -x$  مقارب مائل للمنحنى (C) بجوار  $-\infty$  . 0.25
- أ - بين أن :  $f'(x) = g(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  . 0.5
- ب - أول هندسيا النتيجة  $f'(0) = 0$  . 0.25
- ج - بين أن الدالة  $f$  تناقصية قطعا على  $\mathbb{R}$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  . 0.5
- (4) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في  $\mathbb{R}$  وأن  $\frac{3}{2} < \alpha < 2$  ( نقبل أن  $e^{\frac{3}{2}} > 3$  ) . 0.5
- (5) أ - حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) + x = 0$  واستنتج أن (C) و (D) يتقاطعان في النقطة  $A(2, -2)$  . 0.5
- ب - ادرس إشارة  $f(x) + x$  على  $\mathbb{R}$  . 0.25
- ج - استنتج أن (C) يوجد فوق (D) على  $]-\infty, 2[$  وتحت (D) على  $]2, +\infty[$  . 0.25
- (6) أ - بين أن المنحنى (C) يقبل نقطة انعطاف وحيدة زوج إحداثياتها هو  $(0, 2)$  . 0.5
- ب - أنشئ المستقيم (D) والمنحنى (C) في نفس المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  . 1
- (7) أ - باستعمال كاملة بالأجزاء بين أن  $\int_{-1}^0 (2-x)e^x dx = 3 - \frac{4}{e}$  . 1
- ب - استنتج ب  $\text{cm}^2$  مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) والمستقيم (D) والمستقيمين اللذين معادلتهما  $x = 0$  و  $x = -1$  . 0.25


 الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
 الدورة العادية 2011  
 عناصر الإجابة


الصفحة
1
1

7	المعامل	NR22	الرياضيات	المادة
3	مدة الإجابة		شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها	الشعب (ة) أو المجلد

تؤخذ بعين الاعتبار مختلف مراحل الحل وتقبل كل طريقة صحيحة تؤدي إلى الحل

التمرين الأول ( 2.5 ن )			
1	أ- 0.5	ب- 0.5 للتوصل إلى المعادلة $x^2 + 4x - 5 = 0$ و 0.5 للتوصل إلى الحل	1.5
2	0.5 للتوصل إلى المتراحة $x(x+1) \geq x^2 + 1$ و 0.5 لمجموعة الحلول		1
التمرين الثاني ( 3 ن )			
1	0.5		0.5
2	أ- 1 لكون المتتالية هندسية و 0.5 لكتابة $v_n$ بدلالة $n$ ب- 0.5 لصيغة $u_n$ و 0.5 للنهاية		2.5
التمرين الثالث ( 5 ن )			
1	0.5 لكل حل من الحلين ( تمنح 0.25 في حالة حساب المميز دون التوصل إلى الحلين )		1
2	أ - 0.5 للمتساوية و 0.25 للمثلث قائم الزاوية و 0.25 للمثلث متساوي الساقين ب - 0.25 للمعيار و 0.25 للعمدة ج - 0.5 للمتساوية و 0.5 للاستنتاج د - 1 للصيغة العقدية للدوران و 0.5 للتحقق		4
التمرين الرابع ( 9.5 ن )			
1 - I	أ - 0.5	ب- 0.25 لتغيرات الدالة على كل مجال من المجالين و 0.25 للتحقق	1.25
2	0.5 ( استعمال رتبة الدالة $g$ على كل من المجالين أو انطلاقا من جدول تغيراتها )		0.5
1 - II	أ - 0.5	ب - 0.5 للنهاية و 0.25 لاتجاه الفرع اللانهائي	1.25
2	أ - 0.5 للنهاية الأولى و 0.25 للنهاية الثانية ب- 0.25		1
3	أ - 0.5 ب- 0.25		1.25
4	0.25 لوجود ووحانية $\alpha$ في $IR$ و 0.25 لتأطيره	ج - 0.25 ل $f$ تناقصية و 0.25 لجدول التغيرات	0.5
5	أ- 0.25 لحل المعادلة و 0.25 لتحديد نقطة التقاطع ب- 0.25 ج- 0.25		1
6	أ - 0.5 ب - 1		1.5
7	أ- 0.25 لتقنية المكاملة بالأجزاء و 0.75 للتوصل إلى النتيجة ب- 0.25		1.25

