



الصفحة

1

1

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية ٢٠١٢
الموضوع

الملكة المغربية



وزارة التربية الوطنية

المركز الوطني للتقويم والامتحانات

4	المعامل	RS26	الرياضيات	المادة
2	مدة الإنجاز		مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير الحاسبي	الشعبية أو المسلط

التمرين الأول (نقطتان ونصف)

1. تحقق أن الدالة F المعرفة على $[0; +\infty]$ بحيث $F(x) = x \ln x - x$ هي دالة أصلية للدالة f المعرفة على $[0; +\infty]$. $f(x) = \ln x$. 0.5
2. استنتج حساب التكامل: $\int_1^e \ln x dx$. 0.5
3. باستعمال متكاملة بالأجزاء احسب التكامل: $\int_1^e (\ln x)^2 dx$. 1.5

التمرين الثاني (أربع نقاط ونصف)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بما يلي:

$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2-u_n}, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

1. بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n < 1$. 0.5
2. أ. بين أن $u_{n+1} - u_n = \frac{(u_n - 1)^2}{2 - u_n}$ لكل n من \mathbb{N} . 0.5
- ب. استنتج أن $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية تزايدية وأنها متقاربة. 0.75
3. نضع: $v_n = \frac{u_n - 2}{u_n - 1}$ لكل n من \mathbb{N} .
- أ. احسب $v_{n+1} - v_n$ ثم استنتاج أن $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية حسابية أساسها $r = 1$. 1
- ب. بين أن $u_n = \frac{v_n - 2}{v_n - 1}$ لكل n من \mathbb{N} . 0.5
- ج. احسب v_n بدلالة n ثم استنتاج أن $u_n = \frac{n}{n+1}$ لكل n من \mathbb{N} . 0.75
- د. استنتاج . $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$. 0.5

التمرين الثالث (تسعة نقاط)

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي:

ولتكن (C) تمثيلها المباني في معلم متعامد ممنظم $(O; \bar{i}; \bar{j})$.

1. احسب النهاية $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ وأعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 0.75
2. تتحقق أن: $f(x) = e^x \left(3e^x - 4 + \frac{1}{e^x} \right)$ أعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 1.5
3. أ. بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f'(x) = 2e^x(3e^x - 2)$. 0.5
- ب. ادرس إشارة $(x)' f$ على \mathbb{R} وتحقق أن $f\left(\ln \frac{2}{3}\right) = -\frac{1}{3}$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f . 1.25
4. أ. تتحقق أن: $f(x) = (e^x - 1)(3e^x - 1)$ لكل x من \mathbb{R} . 0.5
- ب. استنتاج أن المنحنى (C) يقطع محور الأفاصيل في النقطة O وفي النقطة $I(-\ln 3; 0)$. 1

ج . بين أن : $f(x) = 4e^x(3e^x - 1)$ لكل x من \mathbb{R} وادرس إشارة $f(x)$ ثم استنتج أن I نقطة انعطاف المنحنى (C).

د . احسب $f'(0)$ و $f'(-\ln 3)$ وأنشئ النقطتين I و B ومماسات (C) في النقط O و I و B على التوالي ثم أنشئ المنحنى (C) (نأخذ : $\|\bar{i}\| = \|\bar{j}\| = 2\text{cm}$ و $\ln 2 \approx 0.7$ و $\ln 3 \approx 1.1$).

1.25

2.25

التمرين الرابع (أربع نقاط)

ملحوظة : تعطى جميع النتائج على شكل كسر.

يحتوي كيس على اثنين عشرة كرة غير قابلة للتمييز باللمس، خمس منها حمراء وأربع بيضاء وثلاث خضراء. نسحب عشوائياً ثلاثة كرات من الكيس في آن واحد.

1 . نعتبر الحدفين A و B التاليين :

A : " الكرات المسحوبة كلها من نفس اللون "
B : " توجد كرة واحدة خضراء على الأقل ضمن السحبة ".

أ . بين أن احتمال الحدث A هو $p(A) = \frac{3}{44}$.

0.5

ب . احسب $p(\bar{B})$ (\bar{B} هو الحدث المضاد للحدث B) ثم استنتاج $p(B)$.

1.25

2 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات الخضراء المسحوبة.

أ . تحقق أن القيم التي يأخذها X هي 0 و 1 و 2 و 3 .

0.25

ب . حدد قانون احتمال X .

2



الصفحة

1
1

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2012
عناصر الإجابة

المملكة المغربية



وزارة التربية الوطنية

المركز الوطني للتفصيم والامتحانات

4	المعامل	RR26	الرياضيات	المادة
2	مدة الإجاز		مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير الحاسبي	الشعبة أو المسلط

التمرين الأول (نقطتان ونصف)

السؤال	تفصيل سلم التقييم	الفرعية	المجموع	ملاحظات
. 1	التحقق من أن : $F(x) = f'(x)$ لكل x من \square^*	0.5	0.5	
. 2	$\int_1^e \ln x \, dx = [F(x)]_1^e = 1$	0.5		
. 3	الطريقة النتيجة : $\int_1^e (\ln x)^2 \, dx = e - 2$	1		

التمرين الثاني (أربع نقاط ونصف)

السؤال	تفصيل سلم التقييم	الفرعية	المجموع	ملاحظات
. 1		0.5	0,5	يقبل من المترشح عدم الإشارة إلى أن : $2 - u_n > 0$
. 2 . ب.	إثبات التزايدية إثبات التقارب	0,5 0,25	0,5 0,75	يقبل عدم الإشارة إلى : $2 - u_n > 0$ إذا سبقت الإشارة إليها في السؤال 1 .
		0,25	1	
. 3 . ج.	إثبات أن $v_{n+1} - v_n = 1$	0,75	1	
	الاستنتاج	0,25	1	
		0,5	0,5	
. 3 . د.	$v_n = v_0 + nr$	0,25	0,75	تعنح النقطة 0.5 في حالة ما إذا أعطى المترشح النتيجة $v_n = n + 2$ مباشرة
	$v_n = n + 2$	0,25	0,75	
	إثبات أن : $u_n = \frac{n}{n+1}$	0,25	0,75	
. 3 . د.	$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 1$	0,5	0,5	تعبر النتيجة مقبولة دونما برهان إذا كانت صحيحة

التمرين الثالث (تسعة نقاط)

السؤال	تفصيل سلم التقييم	الفرعية	المجموع	ملاحظات
. 1	التحليل	0,25	0,25	تعنح النقطة 0.25 في حالة لم يقدم المترشح تعليلا لحساب النهاية الصحيحة
	النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 1$	0,25		
	الاستنتاج: (C) يقبل مقارباً أفقياً معادلة $y = 1$	0,25		

تمنح النقطة 0.25 في حالة لم يقدم المترشح تعليلاً لحساب النهاية الصحيحة	0.25	0.25	التحقق	. 2
		0.25	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = +\infty$	النهاية
		0.25	تعليق النتيجة	
		0.25	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$	النهاية
	1.5	0.25	التحليل	
		0.25	التأويل الهندسي	
		0.5	$f'(x) = \dots$	إثبات أن = . 3 . أ.
		0.75	$f'(x) = \dots$	دراسة إشارة . ب. 3
	1.25	0.25	التحقق	
		0.25	وضع جدول التغيرات f	
		0.5	$f(x) = (3e^x - 1)(e^x - 1)$. أ. 4
		2×0.5	$I(-\ln 3; 0)$ و نقطتا التقاطع هما O	. ب. 4
	1.25	0.5	إثبات أن =	إثبات أن = . ج. 4
		0.5	$f''(x) = \dots$	دراسة إشارة $f''(x)$
		0.25	استنتاج نقطة الانعطاف	
		2×0.25	$f'(-\ln 3) = \dots$ و $f(0) = \dots$	حساب $f'(0)$ و $f(0)$. د. 4
	2.25	0.25	$y = 1$ إنشاء المقارب ذي المعادلة	
		2×0.25	$B\left(\ln \frac{2}{3}; -\frac{1}{3}\right)$ و $I(-\ln 3; 0)$	إنشاء مماس I في $(-\ln 3; 0)$
		0.25	O في إنشاء مماس	
		0.25	B في إنشاء المماس الأفقي	
		0.25	I في إنشاء المماس	
		0.25	إنشاء المنحنى	

التمرين الرابع (أربع نقاط)				
السؤال	تفصيل سلم التقييم	الفرعية	المجموع	ملاحظات
. أ. 1	$p(A) = \frac{C_5^3 + C_4^3 + C_3^3}{C_{12}^3}$	0.5	0.5	تقبل كل طريقة صحيحة
. ب. 1	$p(\bar{B}) = \frac{C_9^3}{C_{12}^3}$	0.5	0.5	تقبل كل طريقة صحيحة
	$p(\bar{B}) = \frac{84}{220} = \frac{21}{55}$	0.25		
	$p(B) = 1 - p(\bar{B})$	0.25		
	$p(B) = \frac{34}{55}$	0.25		
. أ. 2	التحقق	0.25	0.25	

		0.25	$p(X = 0) = p(\bar{B})$. ب . 2
		0.25	$p(X = 0) = \frac{84}{220}$	
		0.25	$p(X = 1) = \frac{C_9^2 C_3^1}{220}$	
		0.25	$p(X = 1) = \frac{108}{220}$	
		0.25	$p(X = 2) = \frac{C_3^2 C_9^1}{220}$	
		0.25	$p(X = 2) = \frac{27}{220}$	
		0.25	$p(X = 3) = \frac{C_3^3}{220}$	
	2	0.25	$p(X = 3) = \frac{1}{220}$	

تقبل كل طريقة صحيحة