



امتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2011
الموضوع

7	المعامل	NS30	الفيزياء والكيمياء	المادة
4	مذكرة الإنجذاب		شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب(ة) او المجال

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

يتضمن الموضوع أربعة تمارين :

- تمارين في الكيمياء (7 نقط)
- ثلاثة تمارين في الفيزياء (13 نقط)

تمرين الكيمياء:

- الجزء الأول : التعرف على محلولين حمضيين - تصنيع إستر..... (4,75 نقط)
- الجزء الثاني : عمود كهربائي بالتركيز (2,25)..... (2,25 نقط)

تمارين الفيزياء :

تمرين 1 : التاريخ بالكترون 14 (2 نقط)

تمرين 2 : التبادل الطاقي بين وشيعة ومكثف (5,25 نقط)

تمرين 3 :

- الجزء الأول : دراسة حركة متزلج (2,25 نقط)
- الجزء الثاني : السقوط الرأسى لكرية فلزية (3,5 نقط)

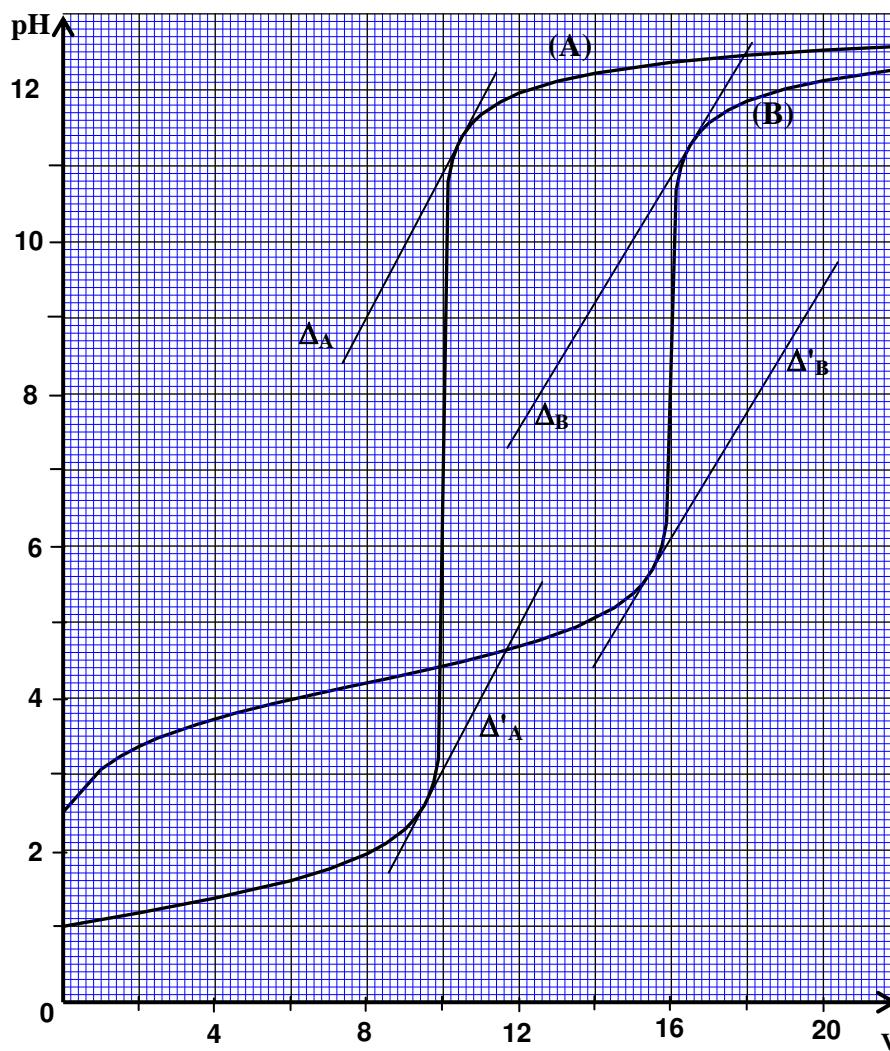
الجزء الأول والثاني مستقلان
الجزء الأول (4,75 نقطة): التعرف على محلولين حمضيين عن طريق المعايرة - تصنيع إستر

حضر تبني المختبر محلولين أحدهما (S_1) لحمض كربوكسيلي RCOOH والآخر (S_2) لحمض بيركلوريك HClO_4 وضع كلاً منهما في قنية ، إلا أنه نسي تسجيل اسميهما على القنينتين .

معطى : نسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض بيركلوريك مع الماء هي $\tau = \frac{V}{V_b}$.

1 للتعرف على محلولين و تحديد تركيزهما ، قام تبني المختبر بمعايرة كل منهما بواسطة محلول (S_b) لهيدروكسيد الصوديوم . أخذ نفس الحجم $V = 10 \text{ mL}$ من محلولين (S_1) و (S_2) و عايرهما بواسطة نفس محلول هيدروكسيد الصوديوم ذي التركيز $C_b = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$.

م Kahn تتبع تطور الـ pH أثناء المعايرة من الحصول على المنحنيين جانبه (A) و (B) الممثلين لتغيرات الـ pH بدلالة الحجم V_b لمحلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف .



Δ_A و Δ'_A متوازيان مماسان للمنحنى (A) ، و Δ_B و Δ'_B متوازيان مماسان للمنحنى (B) .

1.1 - اكتب معادلة تفاعل كل حمض مع الماء . 0,5

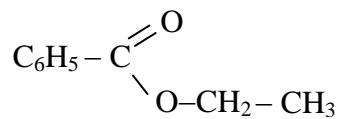
1.2 - اكتب معادلة تفاعل المعايرة بالنسبة لكل حمض . 0,5

1.3 - باستعمال المماسات ، حدد H_{pH} الخليط عند التكافؤ بالنسبة لكل منحنى مع ذكر الطريقة المتبعة واستنتج ، معلمًا جوابك ، المنحنى الموفق لمعايرة محلول (S_1) .

1.4 - حدد تركيز كل من محلولين (S_1) و (S_2) . 0,5

1.5 - اعتمادًا على جدول تقدم تفاعل الحمض الكربوكسيلي مع الماء ، حدد قيمة الثابتة pK_A للمزدوجة قاعدة/حمض لهذا الحمض . 0,75

2- لتصنيع إستر انطلاقاً من الحمض الكربوكسيلي RCOOH ، قام تبني المختبر بتخزين خليط مكون من $8,2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ من الحمض الكربوكسيلي و $1,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ من الإيثanol ، فحصل على إستر صيغته نصف المشورة :



عند نهاية التفاعل قام بتخفيف درجة حرارة

ال الخليط النتائلي ، ثم عاير الحمض الكربوكسيلي RCOOH المتبقى ، فوجد $n_r = 2,4 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

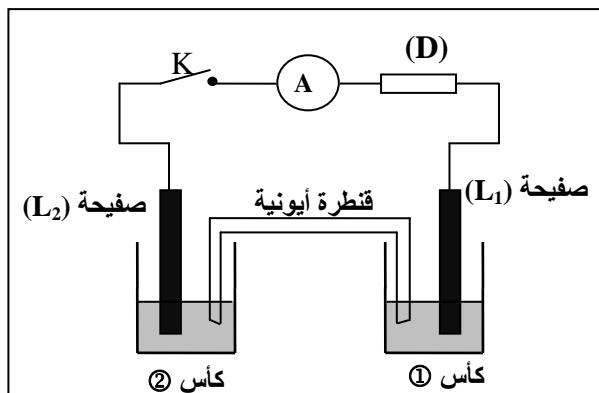
2.1 - حدد الصيغة نصف المشورة للحمض الكربوكسيلي RCOOH . 0,25

2.2 - حدد كمية مادة الإستر المتكون عند نهاية التفاعل . 0,5

2.3 - احسب مردود هذا "تصنيع" . 0,5

الجزء الثاني (2,25 نقط) : عمود كهربائي بالتركيز

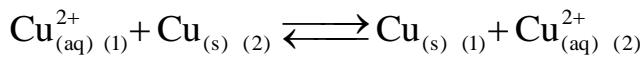
الأعمدة الكهربائية هي أجهزة كهربائية تحول طاقة التفاعل الكيميائي إلى طاقة كهربائية ، نذكر من بينها الأعمدة الكهربائية بالتركيز التي تستمد طاقتها من فرق تراكيز الأيونات في محلولين . يستعمل هذا النوع من الأعمدة خاصة في الصناعة على مستوى الغلفنة و دراسة التآكل . يهدف هذا التمرين إلى دراسة عمود بالتركيز نحاس - نحاس .



الشكل 2

يتكون العمود الممثل في الشكل 2 من :
- كأس ① تحتوي على حجم $V_1 = 50 \text{ mL}$ من محلول (S_1) لكبريتات النحاس (II) $(\text{Cu}^{2+} + \text{SO}_4^{2-})$ تركيزه C_1 مغمور فيه جزء صفيحة (L_1) من النحاس ؛
- كأس ② تحتوي على حجم $V_2 = V_1$ من محلول (S_2) لكبريتات النحاس (II) تركيزه C_2 مغمور فيه جزء صفيحة (L_2) من النحاس ؛
قطريه أيونية تصل محلولين (S_1) و (S_2) .
نصل صفيحتي النحاس (L_1) و (L_2) بموصل أومي (D) مقاومته R و أمبيرمتر و قاطع التيار K .

نرمز بـ $\text{Cu}_{(aq)}^{2+}$ لأيونات Cu^{2+} الموجودة في الكأس ① ،
وبـ $\text{Cu}_{(aq)}^{2+}$ لأيونات Cu^{2+} الموجودة في الكأس ② .
عند إغلاق قاطع التيار K ، يحدث داخل العمود تفاعل أكسدة - اختزال معادلته :



نجز تجربتين (a) و (b) باستعمال قيم التراكيز المشار إليها في الجدول أسفله . نقيس شدة التيار المار في الموصى الأومي ، عند إغلاق قاطع التيار ، في كل من التجربتين و ندون النتائج في الجدول نفسه :

التجربة (b)	التجربة (a)	التركيز بـ (mol.L^{-1})	شدة التيار (mA)
$C_2 = 0,10$	$C_1 = 0,10$	$C_2 = 0,10$	$I_1 = 0,010$
$I_2 = 0$	$I_1 = 140$		

معطى : ثابتة فرادي $F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C.mol}^{-1}$.

1- استنتج انطلاقا من النتائج التجريبية المدونة في الجدول أعلاه ، قيمة ثابتة التوازن المقرونة بمعادلة التفاعل .

2- نهم بالتجربة (a) و نأخذ كاصل للتاريخ ($t=0$) اللحظة التي نغلق عندها قاطع التيار .

2.1- حدد القطب الموجب للعمود معللا الجواب .

2.2- أثبت تعابير التقدم x للتفاعل الحاصل بدلالة الزمن t باعتبار شدة التيار I_1 ثابتة خلال اشتغال العمود .

احسب نسبة تقدم التفاعل عند اللحظة $t = 30 \text{ min}$.

2.3- أوجد التراكيز $\left[\text{Cu}_{(2)}^{2+} \right]_{\text{eq}}$ و $\left[\text{Cu}_{(1)}^{2+} \right]_{\text{eq}}$ في كل من الكأسين ① و ② عند استهلاك العمود .

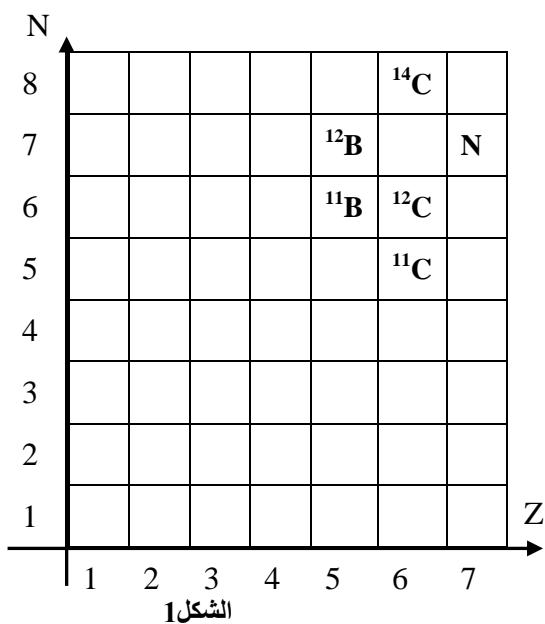
الفيزياء

تمرين 1 (2 نقط) : التاريخ بالكريون 14

تمتص جميع النباتات الكربون C الموجود في الجو $(\text{C}^{14} \text{ و } \text{C}^{12})$ من خلال ثباتي أوكسيد الكربون بحيث تبقى نسبة عدد النوى $N(\text{C}^{14})$ للكريون 14 على عدد النوى $N(\text{C}_0)$ للكربون في النباتات ثابتة

$$\text{خلال حياتها: } \frac{N(\text{C}^{14})_0}{N(\text{C})_0} = 1,2 \cdot 10^{-12}$$

انطلاقا من لحظة موت النبات تناقص هذه النسبة نتيجة تفتق الكربون 14 لكونه نظير مشع.

**معطيات:**

- عمر النصف للكربون 14 هو : $t_{1/2} = 5730 \text{ ans}$

- الكتلة المولية للكربون : $M(C) = 12,0 \text{ g.mol}^{-1}$

- ثابتة أفوcadro : $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

- $1 \text{ an} = 3,15 \cdot 10^7 \text{ s}$

- نواة الكربون 14 إشعاعية النشاط β^- ، ينتج عن تفتقدها

نواة ${}^A_Z Y$.

1-1. يعطي الشكل (1) جزءا من مخطط سيعري (Z, N) .

1-1.1. اكتب معادلة التحول النووي للكربون 14 محددا

النواة المتولدة ${}^A_Z Y$.

1-1.2. تفتقن نواة الكربون ${}^{11}_6 C$ لتعطي نواة البور ${}^{11}_7 B$.

اكتب معادلة هذا التحول النووي محددا A' و Z' .

2- اعتمادا على مخطط الطاقة الممثل في الشكل (2) :

2-1. أوجد طاقة الربط بالنسبة لنوية نواة الكربون 14 .

2-2. أوجد القيمة المطلقة للطاقة الناتجة عن تفتقن نواة الكربون 14 .

3- نريد تحديد عمر قطعة خشب قديم ، لذلك نأخذ منها عند لحظة t عينة

كتلتها $m = 0,295 \text{ g}$ ؛ فجد أن هذه العينة تعطي 1,40 تفتقنا في الدقيقة .

نعتبر أن التفتقنات الملاحظة ناتجة فقط عن نوى الكربون 14 الموجود في

العينة المدروسة .

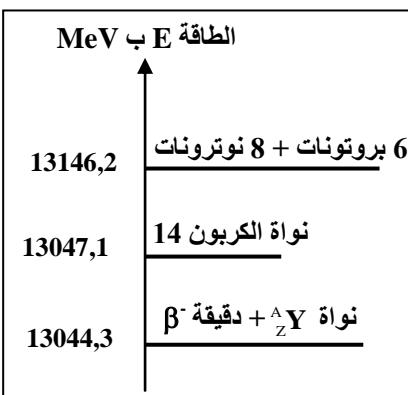
نأخذ من شجرة حية قطعة لها نفس كتلة العينة السابقة $m = 0,295 \text{ g}$

فنجد أن نسبة كتلة الكربون فيها هي 51,2% .

3-1. احسب عدد نوى الكربون C وعدد نوى الكربون 14 في القطعة

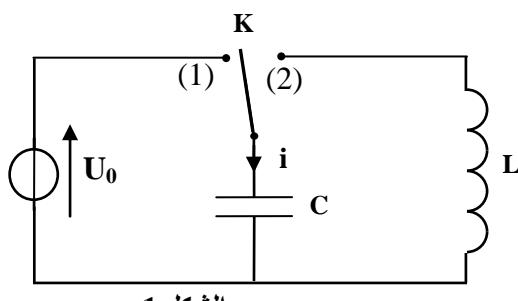
التي أخذت من الشجرة الحية .

3-2. حدد عمر قطعة الخشب القديم .



تمرين 2 (5,25 نقط) : التبادل الطاقي بين وشيعة ومكثف

تنصرف الدارة LC كمتذبذب يتم فيه تبادل الطاقة بين المكثف و الوشيعة بكيفية دورية ، إلا أنه في الواقع لا تبقى الطاقة الكلية لهذه الدارة ثابتة خلال الزمن وذلك بسبب ضياع جزء منها بمفعول جول .
يهدف هذا التمرين إلى دراسة التبادل الطاقي بين مكثف و وشيعة واستجابة هذه الأخيرة لرتبة توتر كهربائي .



1- التذبذبات الكهربائية في الحالة التي تكون فيها مقاومة الوشيعة مهملا .

نعتبر التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 والمكون من :

- مولد كهربائي G مؤتمل للتوتر يعطي توترة U_0 ؛

- وشيعة معامل تحريضها L و مقاومتها مهملا ؛

- مكثف سعته $C = 8,0 \cdot 10^{-9} \text{ F}$ ؛

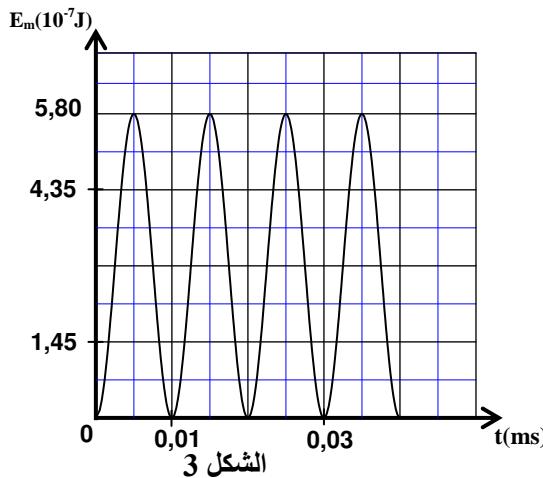
- قاطع التيار K .

نشحن المكثف تحت التوتر U_0 بوضع قاطع التيار K في الموضع (1) .

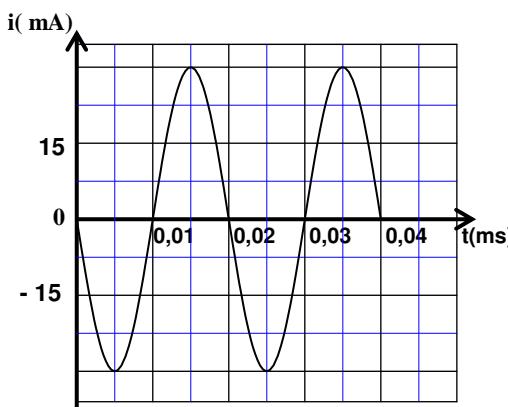
بعد شحن المكثف كلية، نؤرجح قاطع التيار إلى الموضع (2) عند لحظة $t=0$ ، فيمر في الدارة تيار كهربائي شدته i .

بواسطة جهاز ملائم ، نعاين المنحنى الممثل لتغيرات الشدة i للتيار بدلالة الزمن (الشكل 2) والمنحنى الممثل

لتغيرات الطاقة المغناطيسية E_m المخزونة في الوشيعة بدلالة الزمن (الشكل 3) .



الشكل 3



الشكل 2

1.1- أوجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار i .

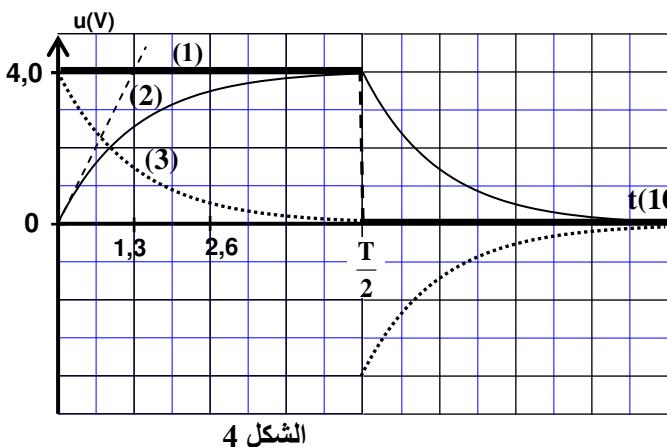
1.2- اعتمادا على الشكلين (2) و (3) :

أ- حدد قيمة الطاقة الكلية E_T للدارة LC و استنتج قيمة التوتر U_0 .

ب- حدد قيمة L .

2- استجابة وشيعة ذات مقاومة مهملة لرتبة توتر

نركب الوشيعة السابقة على التوالى مع موصل أومي مقاومته $R = 100 \Omega$.
نطبق بين مربطي ثنائى القطب المحصل توترًا قيمة رتبته الصاعدة E وقيمة رتبته النازلة منعدمة ودوره T .
نعين بواسطة جهاز ملائم تطور التوتر u بين مربطي المولد و التوتر u_R بين مربطي الموصل الأولي
والتوتر u_L بين مربطي الوشيعة؛ فنحصل على المنحنيات (1) و(2) و(3) الممثلة في الشكل (4).



الشكل 4

2.1- أثبت المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار (t)

في المجال $\frac{T}{2} < t < 0$.

2.2- يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل :

$$(2) \quad i(t) = I_p (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

أ- أفرن كلا من التوترين u_L و u_R بالمنحنى الموفق

له في الشكل (4).

ب- اعتمادا على منحنيات الشكل 4 أوجد قيمة I_p .

2.3- يكتب تعبير شدة التيار (t) i بدلالة الزمن في

المجال $\frac{T}{2} \leq t < T$ (دون تعديل أصل التواريخ) على الشكل $i(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$ مع A و τ ثابتان.

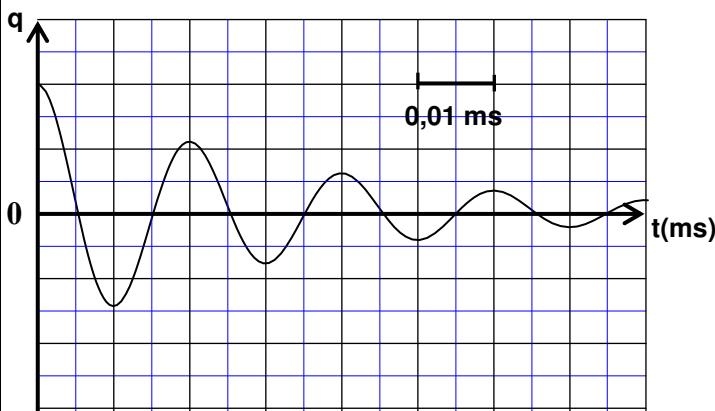
بيان أن تعبير شدة التيار عند اللحظة t_1 يكتب على الشكل : $i(t_1) = I_p \cdot e^{-\frac{3T}{4}}$

3- التذبذبات في حالة وشيعة ذات مقاومة غير مهملة .

نعيد التجربة باستعمال التركيب الممثل في الشكل (1) وذلك بتعويض الوشيعة السابقة بوشيعة أخرى لها نفس
معامل التحرير L لكن مقاومتها r غير مهملة .

بعد شحن المكثف كلية ، نؤرجح قاطع التيار إلى الموضع (2).

يمثل الشكل (5) تطریع "شحنة q للمكثف بدلالة الزمن .



الشكل (5)

3.1- اختر الجواب أو الأجبوبة الصحيحة : 0,5

تكون الطاقة المخزونة في الوشيعة :

 أ) قصوى عند اللحظة $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ ms}$ ب) دنيا عند اللحظة $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ ms}$ ج) قصوى عند اللحظة $t_2 = 10^{-2} \text{ ms}$ د) دنيا عند اللحظة $t_2 = 10^{-2} \text{ ms}$

3.2- بيّن أن المعادلة التفاضلية التي تتحققها شحنة المكثف تكتب على الشكل التالي : 0,5

$$\frac{d^2q}{dt^2} + 2\lambda \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{4\pi^2}{T_0^2} \cdot q = 0$$

 مع : T_0 الدور الخاص للدارة و $\lambda = \frac{r}{2L}$ 3.3- علماً أن تعبير شبه الدور T للتذبذبات هو 0,5

$$T = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{T_0^2} - \frac{\lambda^2}{4\pi^2}}}$$

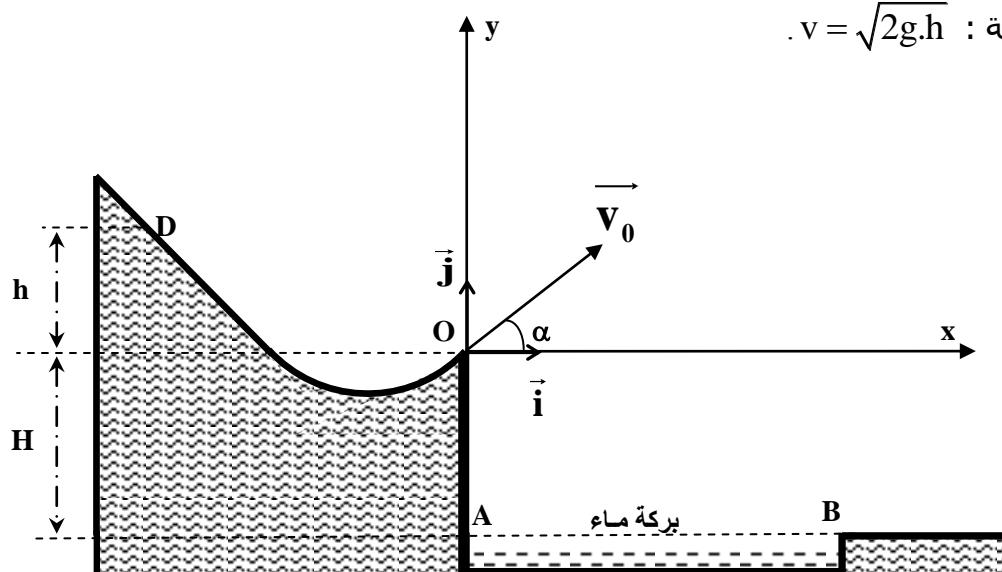
 بالنسبة لـ $\frac{L}{C}$ لتكون $T \approx T_0$.

الجزء الأول والثاني مستقلان

تمرين 3 (5,75 نقط)

الجزء الأول (2,25 نقط) : دراسة حركة متزلج

ينزلق متزلج على سطح جبل مكسو بطبقة من الجليد توجد في سفحه بركة ماء .
 يبيّن الشكل التالي مكان بركة الماء بالنسبة للنقطة O التي يكون عندها المتزلج مضطراً لمغادرة سطح الجبل بسرعة تكون متوجّهتها \vec{v} زاوية α مع المستقيم الأفقي . انطلق المتزلج من نقطة D توجد على ارتفاع h بالنسبة للمستوى الأفقي المار من النقطة O (انظر الشكل) .
 يعبر عن السرعة v للمتزلج عند مروره من النقطة O بالعلاقة : $v = \sqrt{2g \cdot h}$.



في إحدى المحاولات ، مر المتزلج من النقطة O أصل المعلم (j, O, i) بسرعة معينة فسقط في بركة الماء .

نريد تحديد القيمة الدنيا h_m للارتفاع h لالرتفاع D التي يجب أن ينطلق منها المتزلج، بدون سرعة بديئة، لكي لا يسقط في بركة الماء.

معطيات :

- كتلة المتزلج ولوارمه : $m = 60 \text{ kg}$

- تسارع القالة : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$

- الارتفاع : $H = 0,50 \text{ m}$

- الزاوية : $\alpha = 30^\circ$ (انظر الشكل)؛

- طول بركة الماء : $d = AB = 10 \text{ m}$.

بالنسبة لهذا التمرين، نمائذ المتزلج ولوارمه بنقطة مادية G و نهمل جميع الاحتكاكات و كذلك جميع التأثيرات الناتجة عن الهواء.

1- يغادر المتزلج النقطة O عند اللحظة $t = 0$ بسرعة متوجهها \vec{v} تكون الزاوية α مع المستقيم الأفقي.

1.1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية التي يتحققها كل من إحداثي متوجهة سرعة المتزلج في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

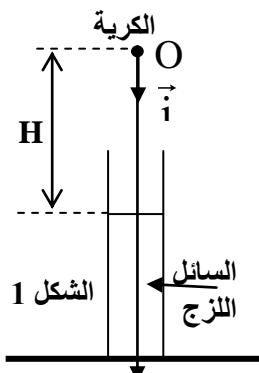
1.2- بين أن معادلة مسار المتزلج تكتب في المعلم الديكارتي على الشكل :

$$y(x) = -\frac{1}{2} g \cdot \frac{x^2}{v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha} + x \cdot \tan \alpha$$

2- حدد القيمة الدنيا h_m للارتفاع h لكي لا يسقط المتزلج في بركة الماء.

الجزء الثاني (3,5 نقط): السقوط الرأسى لكرية فلزية .

يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة السقوط الرأسى لكرية فلزية في الهواء و في سائل لزج .



معطيات :

- الكتلة الحجمية للكرية : $\rho_1 = 2,70 \cdot 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$

- الكتلة الحجمية للسائل اللزج : $\rho_2 = 1,26 \cdot 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$

- حجم الكرية : $V = 4,20 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$

- تسارع القالة : $g = 9,80 \text{ m.s}^{-2}$

عند لحظة $t = 0$ تحرر الكرية من نقطة O منطبقه مع مركز قصورها G . توجد النقطة O على ارتفاع H من السطح الحر للسائل اللزج الذي يوجد في أنبوب رأسى شفاف. (شكل 1).

يمثل منحنى الشكل (2) تطور السرعة v لمركز القصور G للكرية خلال سقوطها في الهواء و داخل السائل اللزج .

1 - دراسة حركة الكرية في الهواء .

ننمذج تأثير الهواء على الكرية أثناء سقوطها بقوة رأسية \vec{R} شدتها R ثابتة .

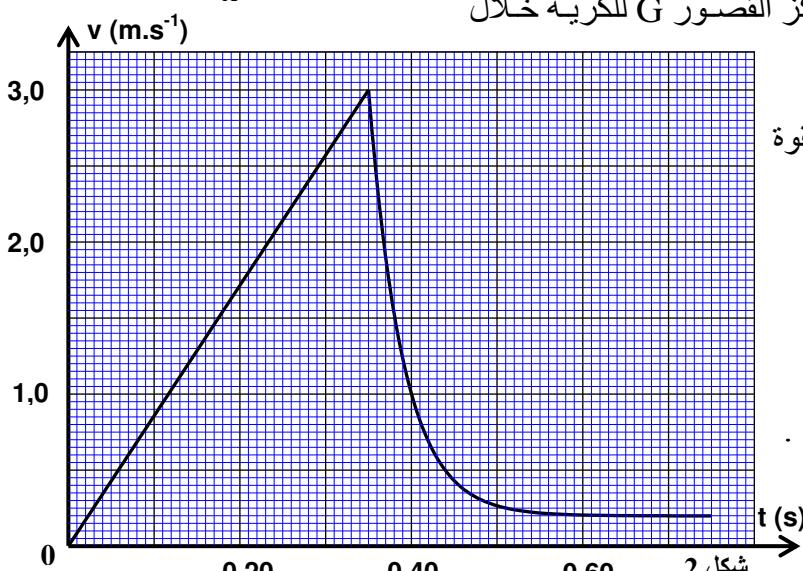
نهمل شعاع الكرية أمام الارتفاع H .

يصل مركز القصور G للكرية إلى السطح الحر للسائل اللزج عند اللحظة t_1 بسرعة v_1 .

1.1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، عبر

عن R بدلالة V و ρ_1 و g و v_1 و t_1 .

1.2- باستئثار المنحنى $v = f(t)$ ، احسب قيمة الشدة R .



2 دراسة حركة الكريمة داخل السائل اللزج .

تُخضع الكريمة أثناء سقوطها داخل السائل اللزج بالإضافة لوزنها إلى :

$$\text{دَافِعَةُ أَرْخِيمِيدِس} \quad \vec{F} = -\rho_2 \cdot V \cdot g \cdot \vec{i} ;$$

$$\text{قُوَّةُ احْتِكَاكِ مَائِعٍ} \quad \vec{f} = -k \cdot v \cdot \vec{i} \quad \text{حيث } k \text{ ثابتة موجبة .}$$

نندرج تطور السرعة v لمركز قصور الكريمة في النظام العالمي للوحدات بالمعادلة التقاضلية :

$$(1) \quad \frac{dv}{dt} = 5,2 - 26 \cdot v$$

2.1 - أوجد المعادلة التقاضلية الحرفية التي تتحققها السرعة v لمركز قصور الكريمة بدلالة معطيات النص .

2.2 - باستعمال هذه المعادلة التقاضلية الحرفية و مبيان الشكل 2 ، تحقق من صحة المعادلة التقاضلية (1) .

2.3 - باستعمال معادلة الأبعاد، حدد بعد الثابتة k . احسب قيمة k .

2.4 - علما أن سرعة مركز قصور الكريمة داخل السائل اللزج عند لحظة t_i هي $v_i = 2,38 \text{ ms}^{-1}$ ، أثبت باستعمال

طريقة أولى أن تعبر سرعة G عند اللحظة t_{i+1} هو : $t_{i+1} = t_i + \Delta t$

مع Δt خطوة الحساب . احسب v_{i+1} في حالة $\Delta t = 5,00 \text{ ms}$

0,5

0,75

0,5

0,75



امتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2011
عناصر الاجابة

7	المعامل	NR30	الفيزياء والكيمياء	المادة
4	مذكرة الإنجليزية		شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (أ) او المدخل

الجزء الأول : 4,75 نقط
الكمياء (7 نقط)

0,25		معادلة تفاعل الحمض HClO_4	-1.1/1
0,25		معادلة تفاعل الحمض الكربوكسيلي	
0,25		معادلة تفاعل معايرة محلول (S_1)	-1.2
0,25		معادلة تفاعل معايرة محلول (S_2)	
0,25		الطريقة لتحديد الـ pH عند التكافؤ	-1.3
0,25		بالنسبة للمنحنى A : $\text{pH}_{EA} = 7$	
0,25		بالنسبة للمنحنى B : $\text{pH}_{EB} \approx 8,5$	
2×2,5		المنحنى B هو المنحنى الموافق لمعايرة (S_1) لأن $\text{pH}_{EB} > 7$	
0,25		$C_1 = 1,6 \cdot 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$	-1.4
0,25		$C_2 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$	
0,5		الطريقة	-1.5
0,25		$\text{pK}_A = 4,2$	
0,25		الصيغة نصف المنشورة للحمض الكربوكسيلي	-2.1/2
0,5		$n(\text{ester}) = 5,8 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$	-2.2
0,5		المردود : $r \approx 71\%$	-2.3

الجزء الثاني (2,25 نقط)

0,5		$K = Q_{r,\text{eq}} = 1,0$	-1
0,5		القطب الموجب للعمود هو الصفيحة L_2	-2.1
0,25		الطريقة	-2.2
0,25		$((\text{mol} \rightarrow t) \rightarrow x) \rightarrow s) \rightarrow t) \quad x = 7,25 \cdot 10^{-7} \cdot t \quad ; \quad x = \frac{I_1}{2F} \cdot t$	
0,25		$\tau(t=30\text{min}) = 26\%$	
0,5		$[\text{Cu}^{2+}]_{\text{eq}} = [\text{Cu}^{2+}]_{(2)} = 5,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$	-2.3

الفيزياء

تمرين 1 : (2 نقط)

0,25	$^{14}_6 \text{C} \longrightarrow ^{14}_7 \text{N} + ^0_{-1} \text{e}$	-1.1/1
0,25	$^{11}_6 \text{C} \longrightarrow ^{11}_5 \text{B} + ^0_{+1} \text{e}$	-1.2
0,25	$E_1 = 7,1 \text{MeV/nucléon}$	-2.1/2
0,25	$ \Delta E = 2,8 \text{MeV}$ الطاقة المحررة :	-2.2
0,25	$N(\text{C})_0 = 7,58 \cdot 10^{21}$ عدد نوى الكربون في القطعة :	-3.1/3
0,25	$N(^{14}\text{C})_0 = 9,1 \cdot 10^9$ عدد نوى الكربون 14 في القطعة:	
0,5	عمر الخشب : $3,34 \cdot 10^3 \text{ ans}$	-3.2

الفيزياء

تمرين 2 : (5,25 نقط)

0,5	$\frac{d^2i}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot i = 0$ التوصل إلى :	-1.1/1
0,25	$E_T = 5,80 \cdot 10^{-7} \text{ J}$	-أ/1.2
0,25	$U_0 = \sqrt{\frac{2E_T}{C}}$	
0,25	$U_0 = 12 \text{ V}$	
0,5	طريقة + $L \approx 1,3 \cdot 10^{-3} \text{ H}$	-ب
0,5	$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i = \frac{E}{L}$ التوصل إلى	-2.1/2
0,25	$u_R(2)$ يوافق	-أ/2.2
0,25	$u_L(3)$ يوافق	
0,25	$I_p = \frac{E}{R}$	-ب
0,25	$I_p = 4,0 \cdot 10^{-2} \text{ A}$	
0,5	$i(t_1)$ البرهنة على تعبير	2.3
0,25x2	(أ) و (د)	-3.1/3
0,5	البرهنة	-3.2
0,5	$r \ll 2\sqrt{\frac{L}{C}}$	-3.3

الفيزياء			
تمرين 3 : (5,75 نقط)			
الجزء الأول (2,25 نقط)			
0,25	$\vec{a} = \vec{g}$	-1.1/1	
0,25	$\frac{dv_x}{dt} = 0$		
0,25	$\frac{dv_y}{dt} = -g$		
0,5	التوصل إلى معادلة المسار	-1.2	
0,75	البرهنة	/2	
0,25	$h_m = 5,3 \text{ m}$		
الجزء الثاني (3,5 نقطه)			
0,5	التوصل إلى العلاقة : $R = \rho_1 \cdot V \left(g - \frac{v_1}{t_1} \right)$	-1.1/1	
0,5	$R \approx 1,4 \cdot 10^{-2} \text{ N}$	-1.2	
0,5	إثبات تعبير المعادلة التفاضلية الحرافية	-2.1/2	
0,75	التحقق من صحة المعادلة التفاضلية (1)	-2.2	
0,25	بعد k هو $M \cdot T^{-1}$	-2.3	
0,25	$k = 0,3 \text{ kg.s}^{-1}$		
0,5	إثبات تعبير السرعة v_{i+1}	-2.4	
0,25	$v_{i+1} = 2,09 \text{ ms}^{-1}$		