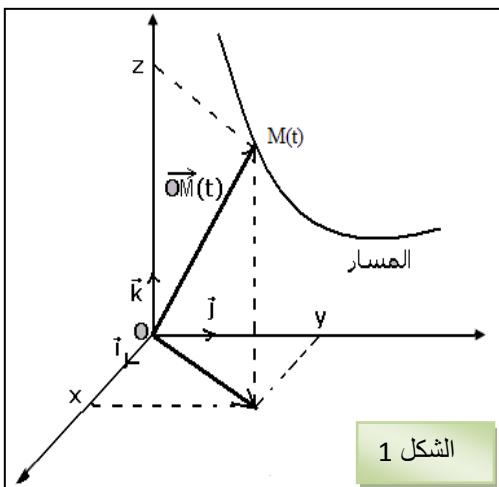
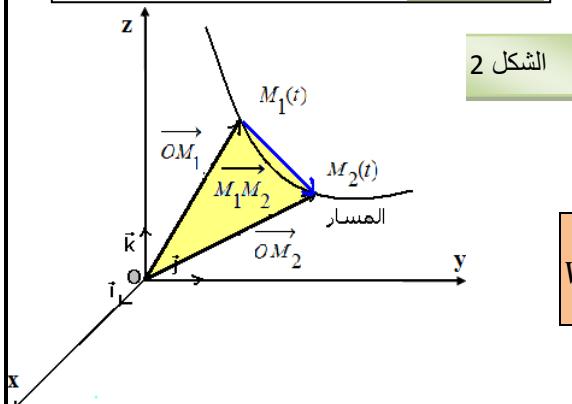


قوانين نيوتن Les lois de Newton



الشكل 2



$$\vec{V}_m = \frac{\vec{M}_1 M_2}{t_2 - t_1} = \frac{\vec{O}M_2 - \vec{O}M_1}{t_2 - t_1}$$

بـ السرعة الحظية:

تعريف:

السرعة الحظية للنقطة المتحركة M عند اللحظة t_i تساوي تقريبا سرعتها المتوسطة بين اللحظتين t_{i+1} و t_{i-1} جداً متقاربتين

$$\vec{V}_i = \frac{\vec{M}_{i-1} M_{i+1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

$$\vec{V}(t) = \lim_{t_1 \rightarrow t_2} \frac{\vec{M}_1 M_2}{t_2 - t_1} = \lim_{t_1 \rightarrow t_2} \frac{\vec{O}M_2 - \vec{O}M_1}{t_2 - t_1}$$

$$\vec{V}(t) = \frac{d(\vec{O}M)}{dt}$$

متوجهة السرعة عند اللحظة t تساوي مشتقه متوجهة الموضع \vec{OM}

إحداثيات متوجهة السرعة في المعلم الديكارتي.

نعتبر معلوماً مرتبطاً بالجسم المرجعي $R(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$: $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$

$$\vec{V}(t) = \frac{d\vec{OM}}{dt}$$

$$\vec{V}(t) = V_x \vec{i} + V_y \vec{j} + V_z \vec{k}$$

$$\vec{V}(t) = \frac{dx}{dt} \vec{i} + \frac{dy}{dt} \vec{j} + \frac{dz}{dt} \vec{k}$$

$$\|\vec{V}\| = \sqrt{V_x^2 + V_y^2 + V_z^2}$$

منظم متوجهة السرعة:

$$\left| \begin{array}{l} V_x = \frac{dx}{dt} = \dot{x} \\ V_y = \frac{dy}{dt} = \dot{y} \\ V_z = \frac{dz}{dt} = \dot{z} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{الإحداثيات} \\ \text{الديكارتية لمتجهة السرعة} \end{array}$$

3 - متجه التسارع: Vecteur accélération:

أ - تعريف:

تساوي متجه التسارع \vec{a} مشتقة متجه السرعة \vec{V} بالنسبة للزمن: $\vec{a} = \frac{d\vec{V}}{dt}$ بما أن $\vec{a}(t) = \frac{d^2(\overrightarrow{OM})}{dt^2}$ فإن: $\vec{V}(t) = \frac{d(\overrightarrow{OM})}{dt}$

وحدة التسارع a في النظام العالمي: $(m.s^{-2})$ أو (m/s^2) .

ب - إحداثيات متجه التسارع \vec{a} في المعلم الديكارتي

$$\left\{ \begin{array}{l} \vec{V} = V_x \vec{i} + V_y \vec{j} + V_z \vec{k} \\ \vec{V} = \dot{x} \vec{i} + \dot{y} \vec{j} + \dot{z} \vec{k} \\ \vec{a} = \frac{d\vec{V}_x}{dt} \vec{i} + \frac{d\vec{V}_y}{dt} \vec{j} + \frac{d\vec{V}_z}{dt} \vec{k} \end{array} \right. \quad \vec{a} = \frac{d\vec{V}}{dt}$$

$$\left| \begin{array}{l} a_x = \frac{dV_x}{dt} = \ddot{x} \\ a_y = \frac{dV_y}{dt} = \ddot{y} \\ a_z = \frac{dV_z}{dt} = \ddot{z} \end{array} \right.$$

إحداثيات \vec{a} في المعلم الديكارتي. a_x, a_y, a_z إذن: $\vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j} + a_z \vec{k}$

$$\|\vec{a}\| = \sqrt{\ddot{x}^2 + \ddot{y}^2 + \ddot{z}^2}$$

$$\|\vec{a}\| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$$

منظم متجه التسارع \vec{a} :

ć- تطبيقي:

نعتبر المعادلين الزمنيين لنقطة متحركة M في المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ حيث $x = t - 1$, $y = 2t^2 - 1$, $t \geq 0$.

1 - ما مسار هذه النقطة المتحركة؟

2 - حدد إحداثيات متجهة السرعة ومتوجه التسارع عند اللحظة t.

3 - استنتج سرعة وتسارع النقطة المتحركة.

الاجوبة:

$$\overrightarrow{OM} = x \vec{i} + y \vec{j} \Rightarrow \overrightarrow{OM} = (t - 1) \vec{i} + (2t^2 - 1) \vec{j}$$

$$\left| \begin{array}{l} a_x = \frac{dV_x}{dt} = x = 0 \\ a_y = \frac{dV_y}{dt} = y = 4 \end{array} \right. \quad \text{إحداثيات } \vec{a}$$

$$\left| \begin{array}{l} V_x = \frac{dx}{dt} = x = 1 \\ V_y = \frac{dy}{dt} = y = 4t \end{array} \right. \quad \text{إحداثيات } \vec{V}$$

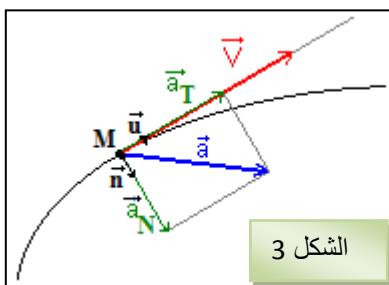
$$\|\vec{V}\| = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = \sqrt{1 + 16t^2}$$

$$\text{تسارع النقطة المتحركة: } \|\vec{a}\| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{0 + 16} = 4 m.s^{-2}$$

ج - إحداثيات متجه التسارع في أساس فريني (base Frenet)

ć- تعريف:

معلم فريني هو معلم متعدد منظم (M, \vec{u}, \vec{n}) حيث ينطبق أصله في كل لحظة مع المتحرك M، ومتوجهه الواحدية \vec{u} مماسية للمسار وموجهة في منحى الحركة، أما المتوجه الواحدية \vec{n} ف تكون متعددة مع \vec{u} وموجهة نحو تغير المسار.



الشكل 3

\vec{a}_T : متجه التسارع المماسي.
 \vec{a}_N : متجه التسارع المنظمي.

$$\vec{a} = \vec{a}_T + \vec{a}_N$$

$$\vec{a} = a_T \vec{u} + a_N \vec{n}$$

p: شعاع انحناء المسار في الموضع M.

في حالة الحركة الدائرية فإن $R = p$

R: شعاع المسار الدائري.

$$a = \sqrt{a_T^2 + a_N^2}$$

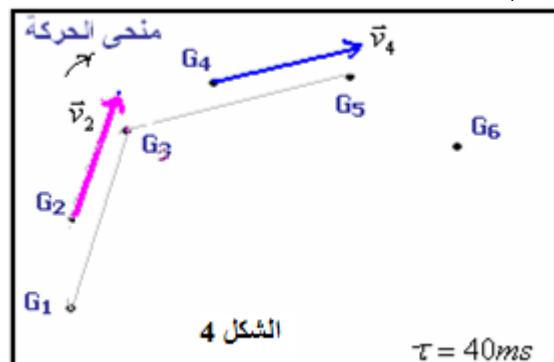
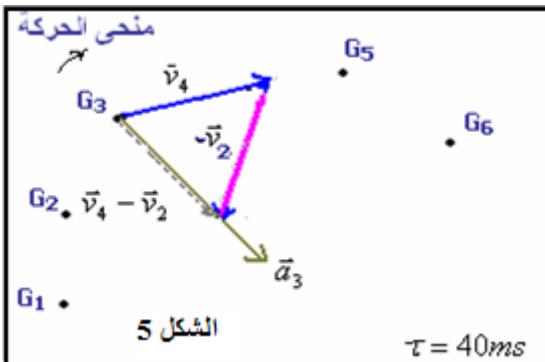
$$a_T = \frac{dV}{dt} \quad a_N = \frac{V^2}{R}$$

✓ التعيين العملي لمتجه التسارع \vec{a}_i عند الموضع M_i :

$$\vec{a}_i = \frac{\vec{V}_{i+1} - \vec{V}_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} = \frac{\vec{V}_{i+1} - \vec{V}_{i-1}}{2\tau}$$

مثال عند الموضع M_3 : $\vec{a}_3 = \frac{\vec{V}_4 - \vec{V}_2}{2\tau}$

\vec{a}_3 و $\vec{V}_4 - \vec{V}_2$ لهما نفس الاتجاه والمنحي.



ملحوظة:

الجاء المتجهي: $\vec{V} \cdot \vec{a}$

$$\vec{a} = \vec{a}_T + \vec{a}_N$$

$$\vec{V} \cdot (\vec{a}_T + \vec{a}_N) = \vec{V} \cdot \vec{a}_T + \vec{V} \cdot \vec{a}_N \square 0$$

$$\vec{V} \cdot \vec{a} = \vec{V} \cdot \vec{a}_T$$

$\vec{V} \cdot \vec{a} > 0$: تكون الحركة متتسعة

$\vec{V} \cdot \vec{a} < 0$: تكون الحركة ممتباطة.

$\vec{V} \cdot \vec{a} = 0$: تكون الحركة منتظمة.

II - قوانين نيوتن.

1 - القوى الداخلية والقوى الخارجية.

بعد تحديد المجموعة المدرosaة.

نسمى القوى الداخلية، كل قوة مطبقة من طرف جسم ينتمي إلى المجموعة على جسم آخر ينتمي إلى المجموعة نفسها.

ونسمى القوى الخارجية كل قوة مطبقة من طرف جسم لا ينتمي إلى المجموعة على جسم ينتمي إليها.

ملحوظة:

إذا كانت المجموعة لا تخضع إلى أي تأثير خارجي نقول إنها معزولة ميكانيكيا.

2 - القانون الأول لنيوتن.

في معلم غاليلي، إذا كان مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب منعدم، فإن متجهة سرعة مركز قصوره تكون ثابتة:

$$\vec{V}_G = C^{te} \Leftrightarrow \sum \vec{F} = \vec{0}$$

ملحوظة:

يعتبر معلم كوبيرنيك أفضل معلم غاليلي (أصله الشمس ومحاوره الثلاثة موجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة). ويستعمل في علم الفلك لدراسة حركة الكواكب.

وكل معلم في حركة مستقيمية منتظامه بالنسبة لمعلم كوبيرنيك يعتبر معلمًا غاليليا، وبذلك لا يمكن اعتبار المعلم الأرضية غاليلية إلا بالنسبة لمدد زمنية قصيرة.

3 - القانون الثاني لنيوتن (العلاقة الأساسية للديناميك).

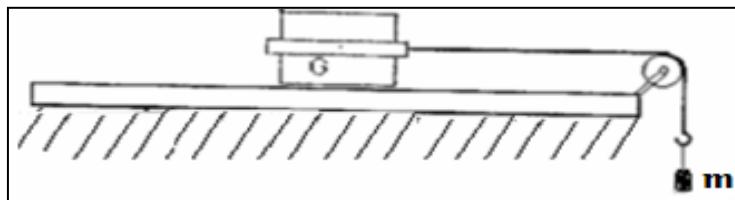
أ - نص القانون:

في معلم غاليلي، مجموع متجهات القوى المطبقة على جسم صلب يساوي في كل لحظة، جداء كتلة الجسم ومتجهة تسارع مركز قصوره:

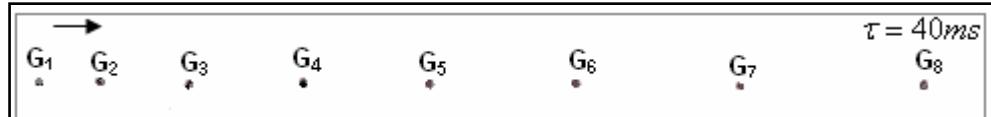
$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$$

ب - التحقق التجاري من القانون الثاني لنيوتن

نستعمل المنضدة الهوائية في الوضع الأفقي وننجز التركيب التالي:



نسلط على الحامل الذاتي بواسطة خيط قوة شدتها $T = 1N$ ثم نحرر المجموعة ونسجل مواضع مركز قصور الحامل الذاتي في مدد زمنية متالية ومتساوية $\tau = 40ms$.



$$G_7G_8 = 3,4\text{cm} ; G_6G_7 = 3\text{cm} ; G_5G_6 = 2,6\text{cm} ; G_4G_5 = 2,2\text{cm} ; G_3G_4 = 1,8\text{cm} ; G_2G_3 = 1,4\text{cm} ; G_1G_2 = 1\text{cm}$$

1 - اجرد القوى المطبقة على الحامل الذاتي.

2 - أثبت أن مجموع متجهات القوى المطبقة على الحامل الذاتي أثناء حركته يكافي القوة \vec{T} .

3 - أوجد باستغلال التسجيل قيمة ΔV تغير سرعة G في الحالات التالية:

(أ) بين G_2 و G_3 (ب) بين G_2 و G_4 (ج) بين G_2 و G_5 (د) بين G_2 و G_6 . ماذا تستنتج؟

4 - مثل منحني تغيرات ΔV_G بدلالة Δt المدة الزمنية الموافقة.

5 - ما المدلول الفيزيائي للمعامل الموجّه للمنحنى المحصل؟ قارن قيمة هذا المعامل وخارج القسمة $\frac{T}{m}$ ، m : كتلة الحامل الذاتي $m = 400g$. ثم تتحقق من العلاقة $\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$

الأجوبة:

- 1 - \vec{T} : تأثير الخيط

\vec{R} : تأثير المنضدة الهوائية

\vec{P} : وزن الحامل الذاتي

2 - في البداية الحامل الذاتي في حالة سكون تحت تأثير قوتين \vec{P} و \vec{R} ، هذه الأخيرة عمودية على سطح التماس لأن الاحتکاکات مهملة وبالتالي:

$$\vec{P} + \vec{R} = 0$$

خلال الحركة أصبح:

$$\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{R} + \vec{T}$$

وبما أن $\vec{P} + \vec{R} = 0$ فإن:

$$\sum \vec{F} = \vec{T}$$

3 - لدينا:

$$V_2 = \frac{G_1G_3}{2\tau} = \text{_____} = ms^{-1}$$

$$V_3 = \frac{G_2G_4}{2\tau} = \text{_____} = ms^{-1}$$

$$V_4 = \frac{G_3G_5}{2\tau} = \text{_____} = ms^{-1}$$

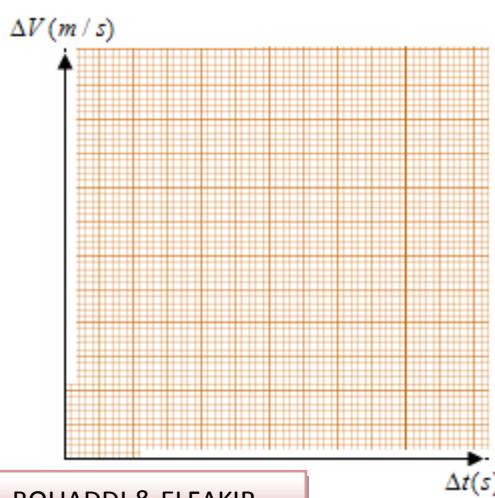
$$V_5 = \frac{G_4G_6}{2\tau} = \text{_____} = ms^{-1}$$

$$V_6 = \frac{G_5G_7}{2\tau} = \text{_____} = ms^{-1}$$

$\Delta V (m.s^{-1})$	$V_3 - V_2 =$	$V_4 - V_2 =$	$V_5 - V_2 =$	$V_6 - V_2 =$
$\Delta t (s)$	τ	2τ	3τ	4τ

4 - تمثيل المنحنى: $\Delta V = f(t)$

المنحنى خطى يمر من أصل المعلم.



المعامل الموجي:

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \dots = ms^{-2}$$

5 - تمثل تسارع الحامل الذاتي. $m.s^{-2}$

$$\text{لدينا: } \frac{T}{m} = a \quad \text{ومنه فإن: } \frac{T}{m} = \frac{1N}{0,4} = 2,5ms^{-2}$$

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$$

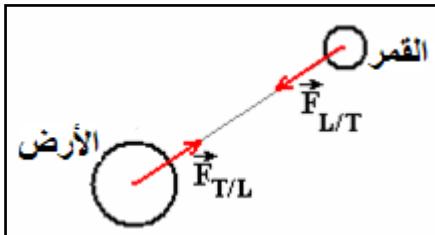
وبما أن: $\sum \vec{F} = \vec{T}$ فإن: 4 - القانون الثالث لنيوتون (مبدأ التأثيرات المتبادلة).

أ - نص القانون:

عندما يتم تأثير متبادل بين جسمين A و B ، فإن $\vec{F}_{A/B}$ التي يطبقها الجسم A على B ، والقوة $\vec{F}_{B/A}$ التي يطبقها الجسم B على A ، تتحقق دائمًا العلاقة المتجهة: $\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$ ، وذلك كيما كانت حالة الحركة أو السكون للجسمين.

ب - مثال:

التأثير التجاذبي الكوني بين الأرض والقمر.



III - تطبيق: حركة جسم صلب على مستوى مائل.

1 - الحركة تتم بدون احتكاك:

نطلق بدون سرعة بدينية جسما صلبا (S) كتلته $m = 80Kg$ فوق مستوى مائل بزاوية 12° بالنسبة لخط الأفق، فينزلق الجسم (S) بدون احتكاك وفق المستقيم الأكبر ميلا.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد a_G تسارع الجسم (S) وشدة القوة المطبقة من طرف سطح التماس. نعطي $g = 10N/Kg$.

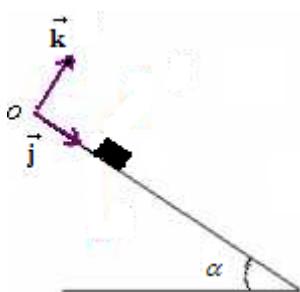
► المجموعة المدرستة: { الجسم S }

► القوى الخارجية المطبقة على S :

\vec{R} : تأثير المستوى المائل

\vec{P} : وزن الجسم S .

لدينا: $\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G$



$$R = R_z = mg \cos \alpha$$

✓ إسقاط على (o, \vec{k}) : $-P_z + R_z = 0$: على المحور (o, \vec{k}) ليس هناك حركة للنقطة G .

$$mg \sin \alpha = ma$$

✓ إسقاط على (o, \vec{i}) : $P_x = ma$.

وبالتالي: $a_G = g \sin \alpha$

نستنتج أن حركة G مركز قصور الجسم مستقيمية متغيرة بانتظام، تسارعها لا يتعلق بكتلة الجسم، ومعادلتها الزمنية:

$$x = \frac{1}{2} at^2 + V_0 t + x_0$$

V_0 : السرعة البدئية;

x_0 : أصل الأفاصيل.

2 - الحركة تتم باحتكاك:

نجر جسما صلبا كتلته $m = 80Kg$ فوق مستوى مائل بزاوية 12° بواسطة حبل يطبق عليه قوة \vec{F} أنظر الشكل أسفله:

1 - بتطبيقات القانون الثاني لنيوتون أوجد قيمة شدة المركبة المماسية لتأثير سطح التماس R_T ثم استنتج قيمة شدة R_N

2 - احسب شدة القوة \vec{F}

3 - اكتب بدلالة الزمن المعادلة (t) لحركة مركز قصور الجسم (S)

باعتبار النقطة 0 هي موضع G عند اللحظة 0 = t وسرعته البدينية منعدمة. نعطي $g = 9.8m/s^2$

