

تمارين تطبيقية مصاحبة للدرس 1 مع حلولها

حل التمرين 3

1 - العبارة (P) صحيحة لأن المعادلة :

$$x(x-1) = 0 \quad \text{نكافئ } x^2 - x = 0$$

$$\text{أي : } x = 0 \quad \text{أو} \quad x = 1$$

ومنه المعادلة $x^2 - x = 0$ تقبل حلين .

2 - نفي العبارة (P) هي العبارة $(\neg P)$ المعادلة $x^2 - x = 0$ تقبل حلًا وحيداً أو ليس لها حلول .

تمرين 1

أكتب العبارات التالية باستعمال المكممات :

$$(P_1) : x^2 \geq 0 \quad \text{لكل } x \in \mathbb{R} \text{ لدينا :}$$

$$(P_2) : |x^2| \geq 0 \quad \text{مهما يكن } x \in \mathbb{R} \text{ لدينا :}$$

$$(P_3) : 2x - 1 = 0 \quad \text{يوجد عدد حقيقي } x \text{ بحيث :}$$

حل التمرين 1

$$(P_1) : (\forall x \in \mathbb{R}) ; x^2 \geq 0$$

$$(P_2) : (\forall x \in \mathbb{R}) ; |x| \geq 0$$

$$(P_3) : (\exists x \in \mathbb{R}) ; 2x - 1 = 0$$

تمرين 2

اعط نفي العبارات التالية :

$$(P_1) : (\forall x \in \mathbb{R}) ; 4x - 3 \geq 0$$

$$(P_2) : (\exists x \in \mathbb{R}) ; x^2 - 5 < 0$$

$$(P_3) : (\forall x \in \mathbb{R}) ; |x| > 0$$

$$(P_4) : (\exists x \in \mathbb{R}) ; 4x - 5 = 0$$

حل التمرين 2

$$(\neg P_1) : (\exists x \in \mathbb{R}) ; 4x - 3 < 0$$

$$(\neg P_2) : (\forall x \in \mathbb{R}) ; x^2 - 5 \geq 0$$

$$(\neg P_3) : (\exists x \in \mathbb{R}) ; |x| \leq 0$$

$$(\neg P_4) : (\forall x \in \mathbb{R}) ; 4x - 5 \neq 0$$

تمرين 3

نعتبر العبارة :

المعادلة $x^2 - x = 0$ تقبل حلين مختلفين : (P) .

1 - هل العبارة (P) صحيحة أم خاطئة ؟

2 - اعط نفي العبارة (P) .

حل التمرين 4

1 - العبارة (P) خاطئة لأن $7 > 5$ عبارة خاطئة .

2 - نفي العبارة (Q) هي العبارة $(\neg Q)$: العدد 5 دائمًا سالب أو $5 \leq 7$.