

الغزيراء النووية

سلسلة التمارين 2 : النوى ، الطاقة والكتلة الثانية بكالوريا علوم فيزيائية وعلوم رياضية

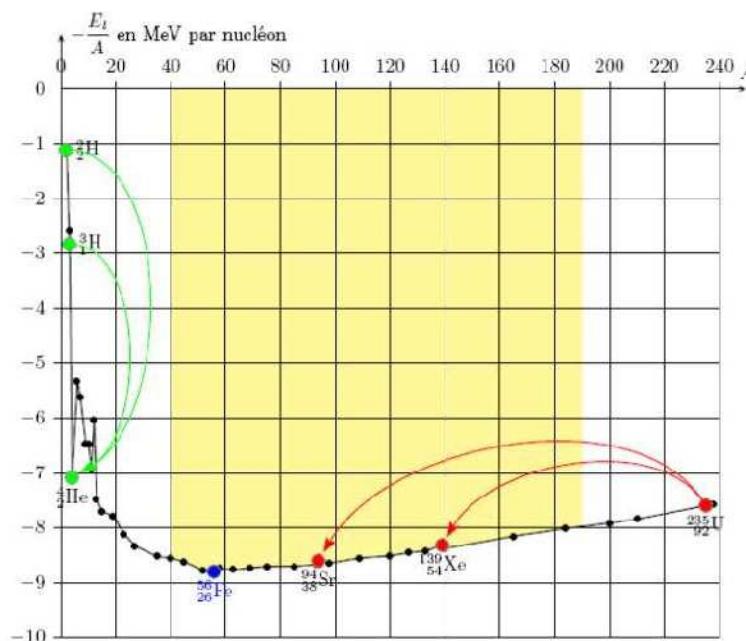
في جميع التمارين نأخذ :

$$m_n = 1,00866u, m_p = 1,00728u$$

$$m(\alpha) = 4,00150u, m(e) = 0,00055u$$

$$1u = 1,6605 \cdot 10^{-27} kg, 1eV = 1,602 \cdot 10^{-19} J$$

$$c = 2,9979 \cdot 10^8 m/s, 1u = 931,5 MeV / c^2$$



تمرين 1

- 1 - عرف النقص الكتلي للنواة ${}_{\Lambda}^{Z}X$.
- 2 - عرف طاقة الربط لنوءة e .
- 3 - أكتب العلاقة التي تمكن من حساب طاقة الربط لنوءة ${}_{\Lambda}^{Z}X$.

تمرين 2 . منحنى أسطون

- 1 - ماذا يمثل منحنى أسطون ؟
- 2 - عين على هذا المنحنى مجال النوى المستقرة .
- 3 - أين توجد النوى على المنحنى القابلة للانسياط والنوى القابلة للاندماج ؟ علل جوابك .

تمرين 2

من بين نظائر الكربون هناك : $({}_{6}^{12}C)$ و $({}_{6}^{14}C)$

- 1 - أحسب بالنسبة لنوءة $({}_{6}^{14}C)$
 - أ - النقص الكتلي Δm .
 - ب - طاقة الربط E_e .

ج - طاقة الربط بالنسبة لنوءة E ب $MeV/nucleon$ ثم بالجول .

2 - طاقة الربط بالنسبة لنوءة لنوءة $({}_{6}^{12}C)$ هي $E' = 7,68 MeV/nucleon$

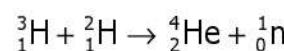
استنتج النواة الأكثر استقرارا من بين $({}_{6}^{12}C)$ و $({}_{6}^{14}C)$.

معطيات :

$$m({}_{6}^{12}C) = 11,99674u, m({}_{6}^{14}C) = 13,9999u$$

تمرين 3

يتناً علماء الذرة حالياً أن وقود المفاعلات النووية المستقبلية في تفاعلات الاندماج وهو خليط مكون من الدوتوريوم (d) نواته $({}_{1}^{2}H)$ والтриسيوم (t) نواته $({}_{1}^{3}H)$. المعادلة النووية للاندماج هي كالتالي :



- 1 - أحسب تغير الكتلة Δm الناتج عن التفاعل النووي .
- 2 - أحسب الطاقة الناتجة عن التفاعل النووي .

3 - أحسب الطاقة الناتجة بالجول خلال تكون 1mol من الهيليوم ${}_{2}^{4}He$

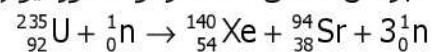
4 - مثل الحصيلة الطافية باستعمال مخطط الطاقة.
نعطي :

$$m(^2_1H) = 2,01355u, m(^3_1H) = 3,01550u$$

$$m(^1_0n) = 1,00866u, m(^4_2He) = 4,00150$$

تمرين 4

نعبر عن تفاعل انشطار نواة الأورانيوم 235 ، عند قدفها بنيترون ، بالمعادلة التالية :



1 - أحسب تغير الكتلة Δm الناتج عن التفاعل النووي .

2 - استنتج الطاقة الناتجة عن التفاعل . هل هذا التفاعل ناشر للحرارة أم ماص للحرارة ؟ علل الجواب .

3 - مثل الحصيلة الطافية باستعمال مخطط الطاقة .

نعطي :

$$m(^{235}_{92}U) = 234,99332u, m(^{94}_{38}Sr) = 93,89446u$$

$$m(^1_0n) = 1,00866u, m(^{139}_{54}Xe) = 138,89194u$$

تمرين 5

باستغلال النتائج المحصلة في التمرين 4 والتمرين 5 ، بين أن الطاقة الناتجة خلال الاندماج جد مهمة بالنسبة للطاقة الناتجة خلال الانشطار .

تمرين 6

نواة الكوبالط $(^{60}_{27}Co)$ إشعاعية النشاط β^- .

1 - أكتب معادلة التفاعل النووي لتفتت نواة الكوبالط . فسر ميكانيزم النشاط الإشعاعي β^- .

2 - أحسب طاقة الرابط للنواة $(^{60}_{27}Co)$.

3 - أحسب الطاقة الناتجة عن تفتت 1g من الكوبالط 60 .

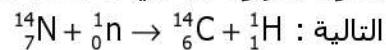
نعطي :

$$m(^{60}_{28}Ni) = 59,91544u, m(^{60}_{27}Co) = 59,91901u$$

$$N_A = 56,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

تمرين 7

يتكون الكربون 14 في الطبقات العليا للغلاف الجوي بعد اصطدام نوترون بنواة الأوزوت حسب المعادلة



1 - أحسب طاقة هذا التفاعل .

2 - الكربون 14 إشعاعي النشاط β^-

2 - 1 أكتب معادلة تفتت الكربون 14 .

2 - 2 أحسب الطاقة الناتجة خلال هذا التفاعل .

3 - مثل الحصيلة الطافية باستعمال مخطط الطاقة . هل هذا التفاعل ناشر للحرارة أم ماص للحرارة ؟ علل الجواب .

$$m(^{12}_6C) = 11,99674u, m(^{14}_6C) = 13,9999u$$

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow N(t) = \left(\frac{N_A}{M(U)} \cdot m + \frac{N_A}{M(Pb)} \cdot m' \right) e^{-\lambda t}$$

$$N_A \frac{m}{M(U)} = N_A \left(\frac{m}{M(U)} + \frac{m'}{M(Pb)} \right) e^{-\lambda t}$$

$$\frac{m}{M(U)} = \left(\frac{m}{M(U)} + \frac{m'}{M(Pb)} \right) e^{-\lambda t}$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \Rightarrow \frac{m}{M(U)} = \left(\frac{m}{M(U)} + \frac{m'}{M(Pb)} \right) e^{-\left(\frac{\ln 2}{t_{1/2}}\right)t}$$

$$\frac{\frac{m}{M(U)}}{\left(\frac{m}{M(U)} + \frac{m'}{M(Pb)} \right)} = e^{-\left(\frac{\ln 2}{t_{1/2}}\right)t} \Rightarrow \ln \frac{\frac{m}{M(U)}}{\left(\frac{m}{M(U)} + \frac{m'}{M(Pb)} \right)} = -\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t$$

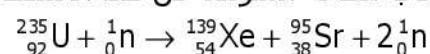
$$t = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \times \left(\ln \frac{\left(\frac{m}{M(U)} + \frac{m'}{M(Pb)} \right)}{\frac{m}{M(U)}} \right) \Rightarrow t = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \times \left(\ln \left(1 + \frac{m'}{m} \frac{M(U)}{M(Pb)} \right) \right)$$

تطبيق عددي :
 $t = 7,45 \cdot 10^7 \text{ ans}$

تمرين 3

1 – نطبق قانون صودي فنحصل على : $x=38$ و $y=2$

2 – حساب الطاقة المتولدة عن هذا الانشطار :



$$\Delta E = (m(\text{Xe}) + m(\text{Sr}) + m_n - m(\text{U})) \cdot c^2$$

$$\Delta E = -200,6 \text{ MeV} = -3,21 \cdot 10^{-11} \text{ J}$$

3 – حساب المدة الزمنية التي يستهلك خلالها كتلة 1g من الأورانيوم 235 :

$$\text{نعلم أن : } \mathcal{P} = \frac{W}{\Delta t} \text{ بحيث أن } W \text{ الطاقة التي ينتجها 1g من الأورانيوم وهي :}$$

نعلم أن نويدة واحدة تنتج ما قيمته $J = -\Delta E = 200,5 \text{ MeV} = 3,21 \cdot 10^{-11} \text{ J}$ ونعلم كذلك أن 1g

يحتوي على N نويدة من الأورانيوم بحيث أن $N = N_A \cdot \frac{m}{M(U)}$ إذن

$$\Delta t = N_A \frac{m}{M(U) \cdot \mathcal{P}} |\Delta E| = 62 \text{ jours} 16 \text{ h}$$

2 – حساب عمر النصف لنويدة الأورانيوم 239 :

حسب قانون النشاط الإشعاعي لدينا :

تصحيح السلسلة 2

النواي والطاقة والكتلة .

السنة الثانية بكالوريا علوم فيزيائية

تمرين 1

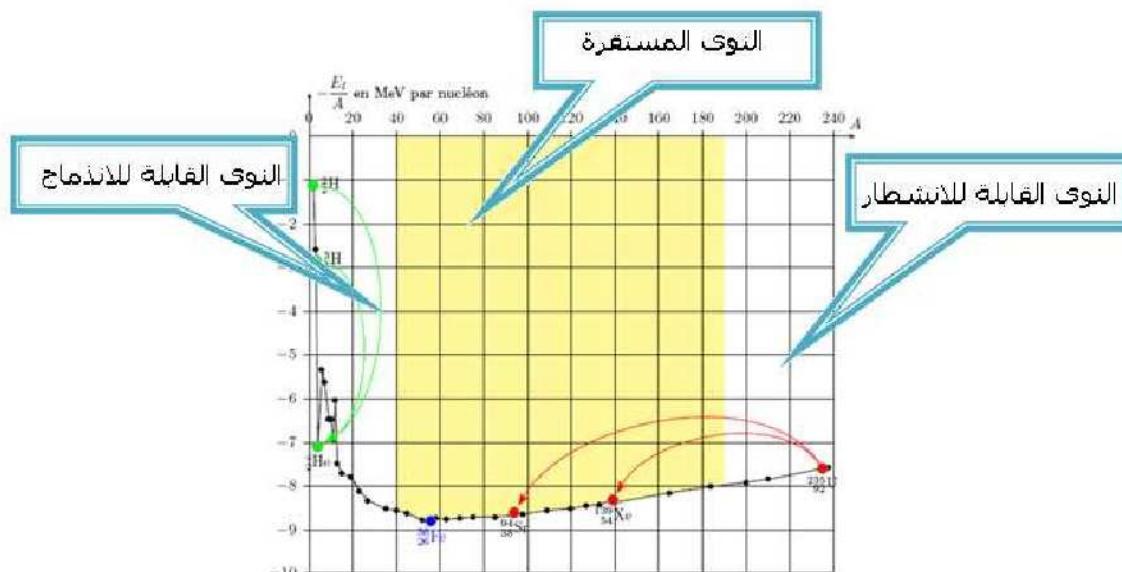
- 1 – النقص الكتلي هو الفرق بين كتلة النويات عندما تكون منفصلة وكتلة النواة . نعبر عنه بالعلاقة التالية بالنسبة لنواة Z مكونة من p протونات و n نويونات :
$$\Delta m = (Zm_p + (A - Z)m_n) - m(^A_Z X)$$
- 2 – طاقة الربط E_ℓ : هي الطاقة اللازمة لإعطاء نواة لفصل نوياتها .
- 3 – العلاقة التي تمكن من حساب طاقة الربط :
$$E_\ell = \Delta m \cdot c^2$$

تمرين 2

يمثل منحنى أسطوون تغيرات طاقة الربط بالنسبة لنوية بدلالة عدد الكتلة A :

$$\left(-\frac{E_\ell}{A} \right) = f(A)$$

أنظر المنحنى :



تمرين 3

1 – حساب النقص الكتلي :

$$\Delta m = (6m_p + 8m_n) - m(^{14}_6 C)$$

$$= 6,04368 + 8,06928 - 13,9999 = 0,11306u$$

ب – طاقة الربط للنواة :

$$E_\ell = \Delta m \cdot c^2 = 0,11306u$$

$$1u = 931,5 \text{ MeV} / c^2$$

$$E_\ell = 0,11306u = 0,11306 \times 931,5 \text{ MeV} = 105,32 \text{ MeV}$$

ج – طاقة الربط بالنسبة لنوية :

$$\mathcal{E} = \frac{E_\ell}{A} = \frac{105,32 \text{ MeV}}{14} = 7,52 \text{ MeV / nucleon}$$

بال التالي فإن الكربون 12 الأكتر استقرار من الكربون 14 .

تمرين 4

1 - حساب تغير الكتلة Δm الناتج عن التفاعل النووي :

$$\Delta m = m(^4_2\text{He}) + m(n) - m(^3_1\text{H}) - m(^2_1\text{H})$$

$$\Delta m = 4,00150 + 1,00866 - 3,01550 - 2,01355$$

$$\Delta m = -0,01889\text{u}$$

$$\Delta m = -17,596\text{MeV} / c^2$$

2 - حساب الطاقة الناتجة عن التفاعل النووي :

$$\Delta E = \Delta m \cdot c^2 = -17,5960\text{MeV}$$

الطاقة الناتجة عن التفاعل هي $Q = 17,5960\text{MeV}$ خلال تكون نواة واحدة من الهيليوم .

$$Q = 17,5960 \times 1,602 \cdot 10^{-13} \text{J} = 28,189 \cdot 10^{-13} \text{J}$$

3 - عند تكون 1mol والذي يحتوي على N_A نواة من الهيليوم تكون الطاقة الناتجة هي :

$$Q' = N_A \cdot Q = 169,965 \cdot 10^{10} \text{J}$$

4 - الحصيلة الطاقية باستعمال مخطط الطاقة :

تمرين 5

1 - حساب تغير الكتلة : Δm

$$\Delta m = m(^{140}_{54}\text{Xe}) + m(^{94}_{38}\text{Sr}) + 2m(n) - m(^{235}_{92}\text{U})$$

$$\Delta m = 138,89194 + 93,89446 + 2 \times 1,00866 - 234,99332$$

$$\Delta m = -0,1896\text{u}$$

$$\Delta m = -176,612\text{MeV} / c^2$$

2 - نستنتج الطاقة الناتجة عن التفاعل :

$$\Delta E = \Delta m \cdot c^2 = -176,612\text{MeV}$$

الطاقة الناتجة عن التفاعل هي $Q = -\Delta E = 176,612\text{MeV}$ بما أن

$\Delta E < 0$ فإن التفاعل ناشر للحرارة

3 - مخطط الطاقة أنظر المخطط جانبه .

تمرين 6

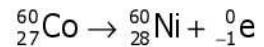
حسب التمرينين :

خلال الاندماج يتبيّن أن 5 نوبات تنتج أو تحرر طاقة تكافئ $17,596\text{MeV}$ أي أن نوبة واحدة تحرر $3,5192\text{MeV}$

خلال الانشطار أن 236 نوبية تحرر طاقة تكافئ $176,612\text{MeV}$ أي أن نوبة واحد تحرر ما قيمته $0,748\text{MeV}$ مما يبيّن أن الطاقة المحروقة خلال الاندماج أكبر بكثير من الطاقة المحروقة خلال الانشطار

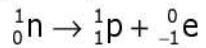
تمرين 7

1 - معادلة التفاعل النووي لتفتت نواة الكوبالت .



تفسير ميكانيزم النشاط الإشعاعي β^-

النشاط الإشعاعي β^- هو استحالة نووية حيث تتحول داخل النواة نوترون إلى بروتون :



2 - حساب طاقة الربط لنواة الكوبالت :

$$\Delta m = (27m_p + 33m_n) - m(^{60}_{27}\text{Co}) = 0,56333\text{u}$$

طاقة الربط هي

