

سلسلة تمارين حول القوة المطبقة من طرف جسم نابض - دافعة أرخميد س

التمرين رقم 1 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدی فی الفیزیاء:

يُخضع جسم صلب **S** كثنته مهملة لتأثيرين ميكانيكيين من طرف ديناموميترین **D₁** و **D₂** فيشير الديناموميتر **D₂** إلى الشدة $F_2 = 4N$.



الجسم **S** في حالة توازن .

(1) أعط شرط توازن جسم صلب خاضع لقوتين .

(2) حدد مميزات القوة \vec{F}_2 .

(3) مثل بسلم مناسب لقوتين : \vec{F}_1 و \vec{F}_2 .

التصحيح

التصحيح

(1)

عندما جسم صلب في توازن تحت تأثير قوتين \vec{F}_1 و \vec{F}_2 فإن:

- مجموعهما المتجهي منعدم: $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{0}$

- ولهم نفس خط التأثير.

أي : للقوتين \vec{F}_1 و \vec{F}_2 نفس خط التأثير و منحى متعاكسان و نفس الشدة $F_1 = F_2$

(2) مميزات القوة \vec{F}_2 : - نقطة التأثير : **B**

- خط التأثير :

- المنحى : من $B \leftarrow A$

- الشدة :

$$F_2 = 4N$$

(4) نستعمل السلم $1cm \rightarrow 1N$



التمرين رقم 2 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدی فی الفیزیاء:

نضع كرة فولاذية **S** كثتها $m = 400g$ فوق مستوى أفقى .

(1) اوجد مميزات القوة المطبقة من طرف المستوى الأفقي على الكرة عند توازنها. نعطي $g = 10N/Kg$.

(2) نميل المستوى المائل بزاوية α بالنسبة للمستوى الأفقي .

مثل القوى المطبقة على الكرة ، علما أن الاحتكاكات مهملة. ثم بين معيلا جوابك أن الكرة لا تبقى في توازن .

التصحيح

التصحيح

(1) تخضع الكرة للقوى التالية :
 \vec{P} : وزنها .

\vec{R} : القوة المقرنة بتثبيت سطح التماس .

بما أن الكرة في حالة توازن فإن القوتين لها منحى متعاكسان نفس خط التأثير نفس الشدة :

$$R = P = mg = 0,4Kg \cdot 10N/Kg = 4N$$

ومنه مميزات القوة \vec{R} هي : -نقطة التأثير نقطة تماس الكرة مع السطح.

-خط التأثير الرأسى المار من مركز قصور الكرة ومن نقطة التماس.

-المنحى نحو الأعلى.

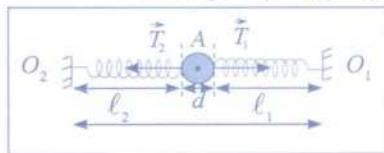
$$R = 4N$$

سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

الحل

$$\begin{aligned}
 (1) \quad \Delta l_1 &= 1,25 \Delta l_2 \\
 O_1O_2 = \ell_1 + d + \ell_2 & \text{من الشكل لدينا:} \\
 \Delta l_1 &= \ell_1 - \ell_0 \quad \text{ونعلم أن:} \\
 \ell_1 &= \Delta l_1 + \ell_0 \quad \text{إذن} \\
 \ell_2 &= \Delta l_2 + \ell_0, \quad \text{إذن} \quad \Delta l_2 = \ell_2 - \ell_0 \\
 &\text{إذن العلاقة تكتب:} \\
 O_1O_2 &= \Delta l_1 + \ell_0 + d + \Delta l_2 + \ell_0 \\
 \Delta l_1 + \Delta l_2 &= O_1O_2 - 2\ell_0 - d \\
 &= 30 - (2)10 - 1 \\
 \Delta l_1 + \Delta l_2 &= 9 \text{cm} \\
 &\text{باعتبار العلاقات (1) و (2) نستنتج أن:} \\
 1,25 \Delta l_2 + \Delta l_2 &= 9 \quad \text{إذن:} \\
 2,25 \Delta l_2 &= 9 \\
 \Delta l_2 &= 4 \text{cm} \\
 \Delta l_1 &= 1,25 \cdot 4 = 5 \text{cm} \\
 &\text{و- استنتاج } \ell_1 \text{ و } \ell_2 \text{ طول النابضين:} \\
 \ell_1 &= \Delta l_1 + \ell_0 \quad \text{لدينا:} \\
 \ell_2 &= \Delta l_2 + \ell_0 \quad \text{و} \\
 \ell_1 = 15 \text{cm} &\leftarrow \ell_1 = 5+10=15 \text{cm} \quad \text{مع} \\
 \ell_2 = 14 \text{cm} &\leftarrow \ell_2 = 4+10=14 \text{cm} \quad \text{و}
 \end{aligned}$$

1- جرد القوى المطبقة على الحلقة:



T_1 : توتر النابض (R_1)

T_2 : توتر النابض (R_2)

2- العلاقة بين T_1 , T_2 , Δl_1 , Δl_2 و k_1 , k_2 :

الحلقة (A) توجد في توازن تحت تأثير القويتين T_1 و T_2 إذن:

$$T_1 + T_2 = 0$$

$$T_1 = T_2$$

$$\left. \begin{array}{l} T_1 = k_1 \Delta l_1 \\ T_2 = k_2 \Delta l_2 \end{array} \right\}$$

$$k_1 \Delta l_1 = k_2 \Delta l_2 \quad \text{إذن:}$$

3- حساب Δl_1 و Δl_2 مع:

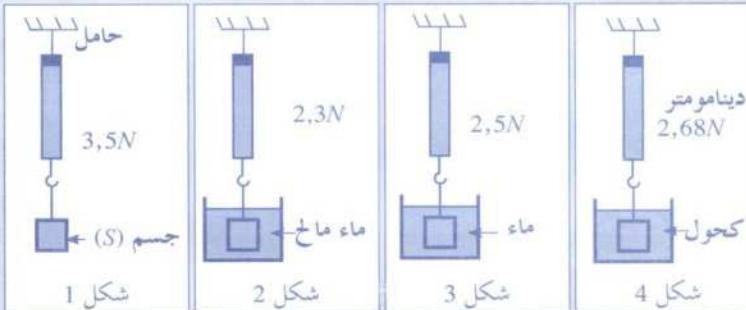
$$k_1 = 10 \text{N/m} \quad \text{لدينا:} \quad k_1 \Delta l_1 = k_2 \Delta l_2$$

$$k_2 = 12,5 \text{N/m} \quad \text{و}$$

$$10 \Delta l_1 = 12,5 \Delta l_2 \quad \text{إذن:}$$

التمرين 4

نعتبر النتائج التجريبية الممثلة في الأشكال التالية:



- اجرد القوى المطبقة على الجسم (S) المعلق في الشكل - 1، واستنتج كتلة m .
- اجرد القوى المطبقة على الجسم (S) عندما يكون مقmorأ في السائل.
- احسب قيمة شدة دافعة أرخيميدس المسلطة على الجسم (S) بالنسبة لكل سائل.
- باعتماد الشكل - 3 -، احسب حجم الجسم (S). نعطي: $\rho_w = 1 \text{g.cm}^{-3}$: الكثافة الحجمية للماء.
- احسب الكتل الحجمية للكحول وللماء الماء. نعطي: $g = 10 \text{N.kg}^{-1}$

سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

الحل

$$F_3 = P - T_3 \quad * \text{ بالنسبة للماء (شكل - 3) فإن:}$$

$$T_3 = 2,5N \quad \text{مع:}$$

$$F_3 = 3,5 - 2,5 \quad \text{ت ع:}$$

$$F_3 = 1N \quad \text{إذن:}$$

$$F_4 = P - T_4 \quad * \text{ بالنسبة للكحول (شكل - 4) فإن:}$$

$$T_4 = 2,68N \quad \text{مع:}$$

$$F_4 = 3,5 - 2,68 \quad \text{ت ع:}$$

$$F_4 = 0,82N. \quad \text{أي}$$

3 - حساب حجم الجسم (S):

$F = \rho \cdot v \cdot g$ يعبر عن شدة دافعة أرخميدس بـ:

$$F_3 = \rho_e \cdot v \cdot g \quad \text{بالنسبة للماء نكتب:}$$

$$v = \frac{F_3}{\rho_e \cdot g} \quad \text{إذن:}$$

$$v = \frac{1N}{1kg/\ell \cdot 10N/kg} = 0,1L = 100cm^3 \quad \text{ت ع:}$$

$$\rho_e: \text{الكتلة الحجمية للماء}$$

$$\rho_e = 1g/cm^3 = 1kg/\ell \quad \text{مع:}$$

$$1L = 10^3 cm^3 \quad \text{أي}$$

حساب ρ_2 و ρ_4 الكتل الحجمية للماء المائل والكحول:

نعلم أن: $F = \rho v \cdot g$ شدة دافعة أرخميدس

$$\rho: \text{الكتلة الحجمية للسائل}$$

$$v: \text{حجم الجسم المغمور أو حجم السائل المزاح}$$

$$\rho = \frac{F}{v \cdot g} \quad \text{إذن:}$$

$$\rho_2 = \frac{F_2}{v \cdot g} \quad * \text{ بالنسبة للماء المائل:}$$

$$\rho_2 = \frac{1,2N}{0,1L \cdot 10N/kg} = 1,2kg/L = 1,2g.cm^{-3} \quad \text{ت ع:}$$

$$\rho_4 = \frac{F_4}{v \cdot g} \quad * \text{ بالنسبة للكحول:}$$

$$\rho_4 = \frac{0,82N}{0,1L \cdot 10N/kg} = 0,82kg/L = 0,82g/cm^3 \quad \text{ت ع:}$$

1 - جرد القوى المطبقة على الجسم (S) (شكل 1):

P : وزن الجسم (s)

T_1 : تأثير الدينامومتر على الجسم (S)

عما أن الجسم (S) في توازن نكتب:

$$P = T_1 \quad \text{إذن:}$$

$$P = mg \quad \text{مع}$$

$$T_1 = 3,5N \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

$$mg = T_1 \quad \text{أي}$$

$$m = \frac{T_1}{g} \quad \text{ت ع:}$$

$$m = \frac{3,5}{10} = 0,35kg \quad \text{أي}$$

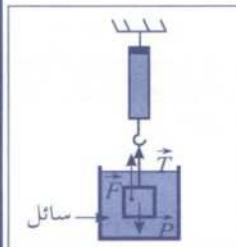
$$m = 350g \quad \text{أي}$$

1.2 - جرد القوى المطبقة على الجسم (S):

P : وزن الجسم

T : تأثير الدينامومتر

F : دافعة أرخميدس



2.2 - حساب شدة دافعة أرخميدس:

عندما يكون الجسم (S) مغموراً في السائل وهو في حالة

توازن فإن:

$$F + T = P \quad \text{إذن:}$$

$$F = P - T \quad * \text{ بالنسبة للماء المائل (شكل 2) فإن:}$$

$$P = T_1 = 3,5N \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \quad F_2 = P - T_2$$

$$T_2 = 2,3N \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \quad F_2 = 3,5 - 2,3$$

$$F_2 = 1,2N \quad \text{ت ع:}$$

التمرين 5

تعلق جسمًا صلبيًا (S) كتلته m ذات كتلة حجمية $\rho = 1,6g/cm^3 = 1,6gcm^{-3}$ بواسطة دينامومتر فيشير إلى القيمة $4N$. عندما نغمي الجسم (S) كلياً في سائل (L) يشير الدينامومتر إلى القيمة $2N$. (نعطي: $g=10N/kg$):

1 - عين كتلة الجسم (S)، واستنتج حجمه v .

2 - اجرد القوى المطبقة على الجسم (S) عند غمره في السائل (L).

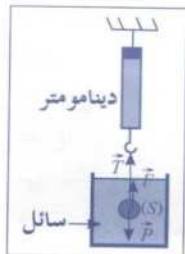
سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

3 - احسب شدة القوة F التي يطبقها السائل على الجسم (S).

4 - عين قيمة الكثافة الحجمية ρ_L للسائل (L), ثم تعرف عليه باعتماد الجدول التالي:

السائل (L)	كحول	ماء	ماء مالح	زيت
$\rho_L(g/cm^3)$	0,82	1	1,2	0,9

الحل



3 - تعين شدة دافعة أرخميدس:

قبل غمر الجسم (S) في السائل، يكون في توازن تحت

تأثير \vec{P} : وزنه و \vec{T}_0 : تأثير الدينامومتر

حيث: $\vec{P} + \vec{T}_0 = \vec{0}$

أي إن: $P = T_0$ ، $P = mg$

إذن: $mg = T_0$

إذن: $m = \frac{T_0}{g}$

إذن: $m = \frac{4}{10} = 0,4kg = 400g$

* استنتاج حجم الجسم (S)

نعلم أن: $m = \rho \cdot v$

إذن: $v = \frac{m}{\rho} = \frac{400}{1,6} = 250cm^3$

2 - جرد القوى المطبقة على الجسم (S) عند غمره في

السائل (L):

\vec{P} : وزن الجسم (S)

\vec{T} : تأثير الدينامومتر

\vec{F} : دافعة أرخميدس

1 - تعين m كثافة الجسم (S):

قبل غمر الجسم (S) في السائل، يكون في توازن تحت

تأثير \vec{P} : وزنه و \vec{T}_0 : تأثير الدينامومتر

حيث: $\vec{P} + \vec{T}_0 = \vec{0}$

أي إن: $P = T_0$ ، $P = mg$

إذن: $mg = T_0$

إذن: $m = \frac{T_0}{g}$

إذن: $m = \frac{4}{10} = 0,4kg = 400g$

* استنتاج حجم الجسم (S)

نعلم أن: $m = \rho \cdot v$

إذن: $v = \frac{m}{\rho} = \frac{400}{1,6} = 250cm^3$

4 - تعين ρ_L الكثافة الحجمية للسائل:

نعلم أن شدة دافعة أرخميدس تكتب:

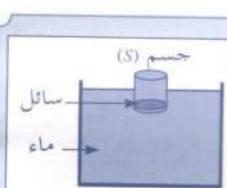
(الجسم مغمور كلياً في السائل)

$$v_L = v$$

$$\rho_L = \frac{F}{v_L \cdot g}$$

$$\rho_L = \frac{2}{250 \cdot 10^{-3} \cdot 10} = 0,8g/cm^3$$

باعتماد معطيات الجدول نستنتج أن السائل (L) المستعمل هو الكحول



يطفو إناه فلزي أسطواني الشكل كتلته $m=100g$ على سطح الماء كما هو مبين في الشكل جانب:

1 - حدد ميزات \vec{F} دافعة أرخميدس المسلطة من طرف الماء. ثم مثلها مستعملا

$$1N \leftrightarrow 1cm$$

السلم: $1N \leftrightarrow 1cm$

2 - أوحد تعبير الحجم V للجزء المغمور من الإناء. بدلالة m و ρ الكثافة الحجمية

للماء.

$$\rho_w = 1g/cm^3$$

3 - احسب V . نعطي: $\rho_w = 1g/cm^3$ ، $\theta = 20cm^3$ ، كثافة الماء ρ ، فتصبح شدة دافعة أرخميدس

$$F = 1,24N$$

4 - نفرغ في الإناء سائلاً حجمه $\theta = 20cm^3$ ، كثافة الماء ρ ، فتصبح شدة دافعة أرخميدس

$$F = 10N/kg$$

5 - أوحد تعبير الكثافة الحجمية ρ للسائل بدلالة F ، m ، g ، θ ، ρ_w :

$$\rho = 10N/kg$$

سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

الحل

1.4 - تعبير ρ الكتلة الحجمية للسائل:

شدة دافعة أرخميدس للمجموعة {إناء + سائل} تكتب:

$$F' = F + F_i$$

حيث: F : دافعة أرخميدس المطبقة على الإناء

F_i : دافعة أرخميدس المطبقة على السائل

$$F_i = \rho \cdot \vartheta \cdot g \quad \text{و} \quad F = P = mg \quad \text{حيث}$$

$$F' = mg + \rho \vartheta \cdot g \quad \text{إذن:}$$

$$\rho \vartheta g = F' - mg$$

$$\rho = \frac{F' - mg}{\vartheta \cdot g} = \frac{F'}{\vartheta \cdot g} - \frac{m}{\vartheta}$$

: 2.4 حساب ρ

$$\rho = \frac{F'}{\vartheta \cdot g} - \frac{m}{\vartheta} \quad \text{لدينا:}$$

$$\vartheta = 20 \text{ cm}^3 = 20 \cdot 10^{-3} \text{ L} \quad \text{مع:}$$

$$m = 0,1 \text{ kg}$$

$$\rho = \frac{1,24}{20 \cdot 10^{-3} \cdot 10} - \frac{0,1}{20 \cdot 10^{-3}}$$

$$\rho = 6,2 - 5 = 1,2 \text{ g/cm}^3$$

1- مميزات دافعة أرخميدس:

- نقطة التأثير: النقطة I مركز ثقل السائل المراوح.

- خط التأثير: المستقيم الرأسى المار من النقطة I .

- المحى: من الأسفل نحو الأعلى.

- الشدة: بما أن الإناء في توازن فإن:

$$F = P \quad \text{مع} \quad P = mg \quad \text{وزن الإناء}$$

$$F = mg$$

$$F = 0,1 \cdot 10 = 1 \text{ N}$$

تمثيل \vec{F} حيث $\vec{F} \rightarrow 1 \text{ cm}$ (انظر الشكل)

: 2- تعبير V حجم الإناء:

يعبر عن شدة دافعة أرخميدس بالعلاقة:

$$F = \rho_e V \cdot g \quad \text{مع: } V \text{ حجم الماء المراوح، ويساوي حجم}$$

الجزء المغمور من الإناء.

$$V = \frac{F}{\rho_e g} = \frac{mg}{\rho_e g} = \frac{m}{\rho_e} \quad \text{إذن:}$$

: 3- حساب V :

$$V = \frac{m}{\rho_e} = \frac{100 \text{ g}}{1 \text{ g/cm}^3} = 100 \text{ cm}^3 \quad \text{لدينا:}$$

: 7 التمرين

نعتبر جسمًا متوازناً أسطواني الشكل، كتلته m ، حجمه V وارتفاعه h .

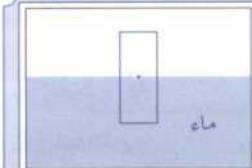
يوجد هذا الجسم مغموراً في الماء إلى النصف كما يبين ذلك الشكل جانبيه:

1- اجرد القوى المطبقة على الأسطوانة، ومثلها دون سلم.

2- بين أن توازن الجسم لا يتحقق إلا كانت كتلته الحجمية ρ للجسم تساوي

نصف الكتلة الحجمية للماء. احسب ρ بالوحدة kg/L .

$$\rho_{\text{ماء}} = 1 \text{ kg/L}$$



الحل

حيث V_{imm} هو الحجم المغمور داخل الماء:

$$V_{\text{imm}} = \frac{1}{2} V$$

وباعتبار تعريف m بدلالة V لدينا:

$$\rho = V \cdot g = \rho_{\text{ماء}} \cdot \frac{V}{2} \cdot g$$

$$\rho = \frac{1}{2} \rho_{\text{ماء}}$$

$$\rho = 0,5 \cdot 1 = 0,5 \text{ kg/L}$$

1- جرد القوى: تتحضر الأسطوانة لتأثير وزنها ودافعة أرخميدس الناتجة عن الماء.

2- شرط التوازن.

حسب شرط التوازن:

$$mg = \rho_{\text{ماء}} \cdot V_{\text{imm}} \cdot g$$

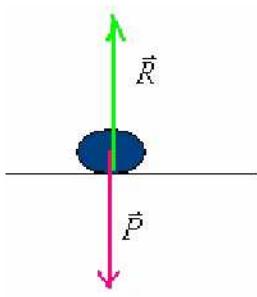
يعني أن $P = F_A$, أي إن:

: 8 التمرين

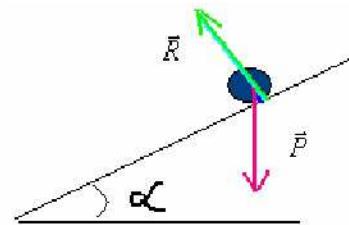
يمكن لجسم صلب (S) أن يتحرك بدون احتكاك على سطح AB .

نرمز لمتجهة القوة المقرنة بتأثير السطح AB على الجسم بـ \vec{R} .

1- مثل \vec{R} في كل من الحالات التالية حيث في الحالتين (1) و(2) AB مستقيمي، وفي (3) و(4) عبارة AB عما



- (2) تخضع الكرة فوق المستوى الممثل للقوى التالية :
 \vec{P} : وزنها .
 \vec{R} : القوة المفرونة بتأثير سطح التماس وبما أن الإحتكاكات مهمة فهي عمودية على سطح التماس .



القوتان ليس لهما نفس خط التأثير إذن شرط التوازن غير متحقق . $\vec{P} + \vec{R} \neq \vec{0}$

التمر

بن رقم 3 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدی فی الفیزیاء:

نعتبر التركيب الممثل جابه حيث وزن الخيط مهم.



- (1) اجرد القوى المطبقة على المجموعات التالية :
 أ) { الكرة A + الكرة B + الخيط 1 + الخيط 2 }
 ب) { الكرة A + الخيط 1 } .
 ج) { الكرة B } .
 د) { الخيط 2 } .
 (2) بدراسة توازن الكرة A ، أوجد توتر الخيط 1 .
 (3) بدراسة توازن المجموعة { الكرة A + الكرة B + الخيط 1 } ، أوجد توتر الخيط 2 .
 نعطي : $g = 10N / Kg$ ، $m_A = m_B = 200g$.

التصحيح

- (1) جرد القوى المطبقة على المجموعة : أ) { الكرة A + الكرة B + الخيط 1 + الخيط 2 }
 - وزن المجموعة وتأثير الحامل عليها.
 جرد القوى المطبقة على المجموعة : ب) { الكرة A + الخيط 1 } .
 - وزن الكرة A وتأثير الكرة B .
 جرد القوى المطبقة على المجموعة : ج) { الكرة B } .
 تاثير الخيط 1 وتأثير الخيط 2 وزن الكرة B
 د) { الخيط 2 } .
 جرد القوى المطبقة على المجموعة : تاثير الحامل وتأثير الكرة B .

- (2) الكرة A تخضع للقوى التالية :
 \vec{T}_1 : توتر الخيط 1 .

\vec{P}_1 : وزن الكرة 1 .

(3) المجموعة { الكرة A + الكرة B + الخيط 1 } تخضع لقوى التالية :
 \bar{T}_2 : توتر الخيط 2.

\bar{P} : وزن المجموعة { الكرة A + الكرة B + الخيط 1 }

من خلال شرط توازن جسم تحت تأثير قوتين لدينا : $T_2 = P = (m_1 + m_2).g = 0,4Kg.10N/Kg = 4N$

التمر

ين رقم 4 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدى فى الفيزياء:

نستعمل في التركيب التالي نابضاً لفاته غير متصلة طوله الأصلي $\ell_0 = 10cm$ وكتته مهملة .

نعطي في الجدول التالي قيم الإطالة $\Delta\ell$ للنابض الموافقة لكل كتلة معتمة .

250	200	170	120	70	50	20	0	$m(g)$
66,7	53,4	45,4	32	18,7	13,4	5,4	0	$\Delta\ell(mm)$

علماً أن الكتلة المعتمة في حالة توازن .

(1) اجرد القوى المطبقة على الكتلة المعتمة ثم مثها .

(2) ارسم المنحنى الذي يمثل تغيرات : $m = f(\Delta\ell)$.



(3) أوجد قيمة الصلابة K للنابض المستعمل . نعطي $g = 10N/Kg$

(4) حدد مبيانيا طول النابض عندما نعُق الكتل المعتمة التالية :

$$m_3 = 300g, \quad m_2 = 150g, \quad m_1 = 100g$$

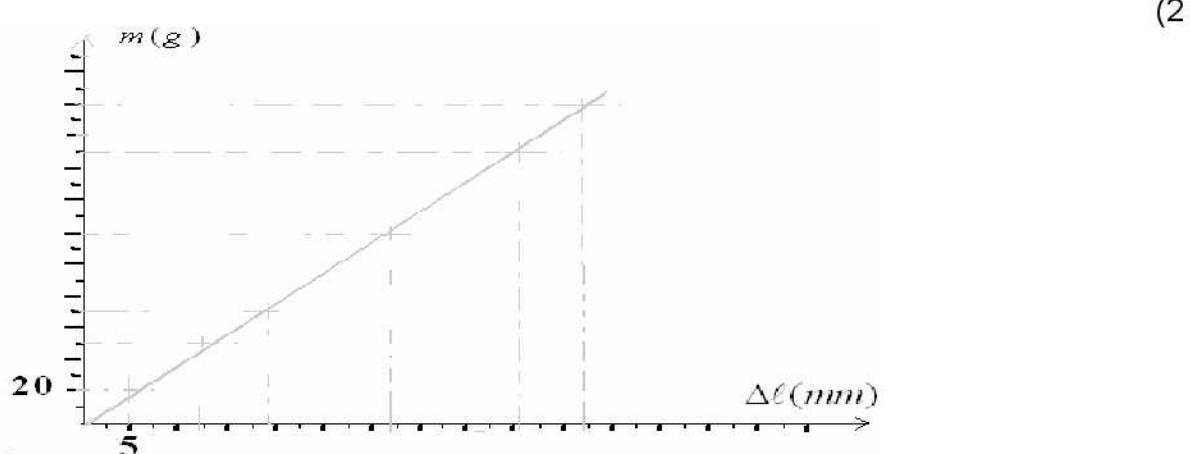
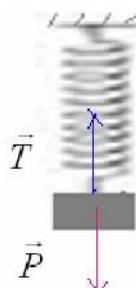
التصحيح

(1) تخضع الكتلة لقوى التالية :

- \bar{T} : القوة المقرونة بتوتر النابض .

- \bar{P} : وزن الكتلة .

بما أن الكتلة المعتمة في حالة توازن فإن : $T = P = mg$



(3) نعلم أن توتر النابض :

ولدينا من خلال شرط التوازن : $T = P = mg$ $T = K.\Delta\ell$

إذن : $m = f(\Delta\ell)$ مساقط يمر من الأصل معامله $m = \frac{K}{g} \cdot \Delta\ell$ ومنه : $mg = K \cdot \Delta\ell$

$$\frac{m_B - m_A}{\Delta\ell_B - \Delta\ell_A} = \frac{(200 - 50) \cdot 10^{-3} \text{ Kg}}{(53,4 - 13,4) \cdot 10^{-3} \text{ m}} = \frac{0,150 \text{ kg}}{0,04 \text{ m}} = 3,75 \text{ kg/m}$$

وقيمة المعامل الموجي $\frac{K}{g}$ الموجي

$$K = 3,75 \cdot \text{kg/m} (10 \text{ N/Kg}) = 37,5 \text{ N/m} \iff \frac{K}{g} = 3,75 \text{ kg/m} \iff$$

(4) نعلم أن طول النابض : $\ell_o = 10 \text{ cm}$ مع $L_f = \ell_o + \Delta\ell$

$$L_{1f} = 12,7 \text{ cm} \quad \text{وطول النابض} \quad \Delta\ell_1 = \frac{m_1 \cdot g}{K} = \frac{0,1 \text{ Kg} \cdot 10 \text{ N/Kg}}{37,5 \text{ N/m}} \approx 0,027 \text{ m} = 2,7 \text{ cm} \iff m_1 = \frac{K}{g} \cdot \Delta\ell_1 \iff m_1 = 100 \text{ g}$$

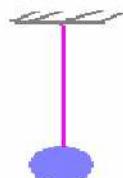
$$L_{2f} = 14 \text{ cm} \quad \text{وطول النابض} \quad \Delta\ell_2 = \frac{m_2 \cdot g}{K} = \frac{0,15 \text{ Kg} \cdot 10 \text{ N/Kg}}{37,5 \text{ N/m}} \approx 0,04 \text{ m} = 4 \text{ cm} \iff m_2 = \frac{K}{g} \cdot \Delta\ell_2 \iff m_2 = 150 \text{ g}$$

$$L_{3f} = 18 \text{ cm} \quad \text{وطول النابض} \quad \Delta\ell_3 = \frac{m_3 \cdot g}{K} = \frac{0,3 \text{ Kg} \cdot 10 \text{ N/Kg}}{37,5 \text{ N/m}} \approx 0,08 \text{ m} = 8 \text{ cm} \iff m_3 = \frac{K}{g} \cdot \Delta\ell_3 \iff m_3 = 300 \text{ g}$$

التمر

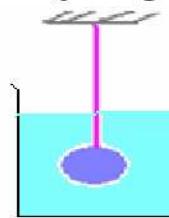
ين رقم 58 من الكتاب المدرسي مرشد في الفيزياء:

نعلم كرية فولاذرية B وزنها $P = 5 \text{ N}$ بواسطة خيط.
1- ادرس توازن الكرية و مثل القوى المطبقة عليها بالسلسلة



2- انقر الكرية في إناء يحتوي على ماء والخيط يبقى متوتراً.

ادرس توازن الكرية داخل الماء ومثل القوى المطبقة عليها علماً أن شدة دافعة أرخميدس : $F_A = 2 \text{ N}$.



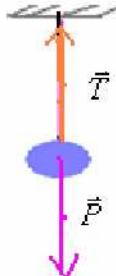
التصحيح

1) تخضع الكرية للقوى التالية :

\vec{T} : وزنها .

\vec{P} : القوة المفرونة بتوتر الخيط.

بما أن الكرة في حالة توازن فإن القوتين لها منحجان متوازيان نفس خط التأثير نفس الشدة :

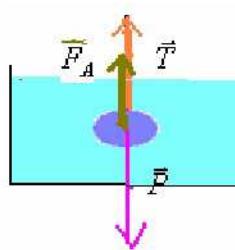


2) تخضع الكرية المغمورة في الماء للقوى التالية :

\vec{P} : وزنها .

\vec{T} : القوة المفرونة بتوتر الخيط.

\vec{F}_a : دافعة أرخيميدس.



من خلال التوازن لدينا : $F_a + T = P$ $T = P - F_a = 5 - 2 = 3N$ \therefore ومنه فإن توتر الخيط :

$$F_a + T = P$$

التمرين رقم 6 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدی فی الفیزیاء:

فقاعة من الصابون ذات شكل كروي شعاعها $R = 2,5cm$

1-أوجد شدة دافعة أرخيمدوس المطبقة على الفقاعة المتضاغطة في الهواء. نعطي $g = 9,8N / Kg$ ، $\rho_{(air)} = 1,3g / dm^3$ وحجم الكرة

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3$$

(2) مثل قوة دافعة أرخيمدوس بالسلم التالي :

التصحيح

1) شدة دافعة أرخيمدوس المطبقة على الفقاعة المتضاغطة في الهواء :

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3}\pi(2,5 \cdot 10^{-2} m)^3 \approx 6,5 \cdot 10^{-6} m^3$$

$$1dm^3 = 1L = 10^{-3} m^3 \text{ لأن } \rho_{(air)} = 1,3 \cdot Kg / m^3$$

$$F_a = \rho_{(air)} V \cdot g = 1,3Kg / m^3 \cdot 6,5 \cdot 10^{-6} m^3 \cdot 9,8N / Kg \approx 83 \cdot 10^{-4} N$$

$$1cm \rightarrow 2 \cdot 10^{-3} N$$

$$x cm \rightarrow 83 \cdot 10^{-4} N$$

$$x = 4cm$$



التمرين رقم 7 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدی فی الفیزیاء:

يطفو جبل جليدي حجمه V_t وكتنته الحجمية $\rho_t = 910Kg / m^3$ فوق ماء البحر ذي الكثافة الحجمية $\rho_m = 1024Kg / m^3$.

الجبل الجليدي في توازن والحجم المغمور في الماء :

$$V_e = 600m^3$$

1- حدد شرط توازن الجبل.

2- أوجد العلاقة التي تربط بين V_t ، V_e ، ρ_t و ρ_m .

3- احسب الحجم V_t للجبل الجليدي.

التصحيح

(1) شرط توازن الجبل : $\bar{P} + \bar{R} = \bar{0}$ أي أن القوتين لهما نفس الشدة ونفس خط التأثير ومنحجان متعاكسان.

(2) وزن الجبل الجليدي $F_a = \rho_m \cdot V_t \cdot g$ وشدة دافعة أرخيمدوس $P = m \cdot g = \rho_t \cdot V_t \cdot g$

بنا أن القوتان لهما نفس الشدة : $F_a = P$ $\therefore \rho_m \cdot V_t \cdot g = \rho_t \cdot V_t \cdot g \iff \rho_m \cdot V_t = \rho_t \cdot V_t \iff \rho_m = \rho_t$

$$V_t = \frac{\rho_m}{\rho_t} \cdot V_e = \frac{1024}{910} \cdot 600m^3 \approx 675m^3 \quad (3)$$

التمرين رقم 8 ص 58 من الكتاب المدرسي مرشدی فی الفیزیاء:

نغر كرة متجانسة شعاعها $R = 5cm$ مصنوعة من مادة كتلتها الحجمية ρ في سائل كتلته الحجمية $\rho_s = 800Kg / m^3$. تطفو الكرة

فوق السائل حيث يكون الجزء المغمور هو نصف حجمها.

1- اجرد القوى المطبقة على الكرة (نهمل تأثير الهواء).

2- مثل القوى المطبقة على الكرة (نهمل تأثير الهواء).

3- الكرة في توازن.

-أوجد شدة وزن الكرة.

- احسب الكتلة الحجمية للمادة التي تكونها الكرة .

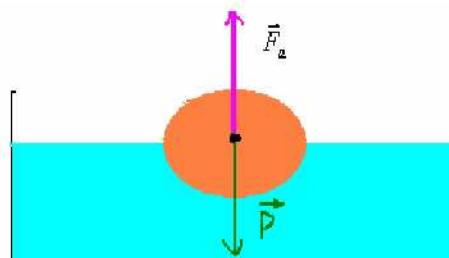
$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 , \text{ حجم الكرة : } g = 10N / Kg$$

التصحيح

(1) تخضع الكرة المغمورة في الماء لقوى التالية :

\vec{P} : وزنها .
 \vec{F}_a : دافعة أرخيميدس.

(2)



(3)

بما أن الكرة في حالة توازن فإن القوتين لهما منحجان متعاكسان نفس خط التأثير نفس الشدة : $F_a = P$.
تطفو الكرة فوق السائل حيث يكون الجزء المغمور هو نصف حجمها .

$$P = 2,1N \quad F_a = \rho_L \cdot \frac{V}{2} \cdot g = 800Kg/m^3 \cdot \frac{\frac{4}{3} \pi R^3}{2} \cdot 10N.m^{-3} \approx 2,1N$$

$$\rho = \frac{P}{V \cdot g} = \frac{2,1N}{\frac{4}{3} \pi R^3 \cdot 10N.Kg^{-1}} \approx 401Kg/m^3 \quad \leftarrow \quad P = m \cdot g = \rho \cdot V \cdot g$$

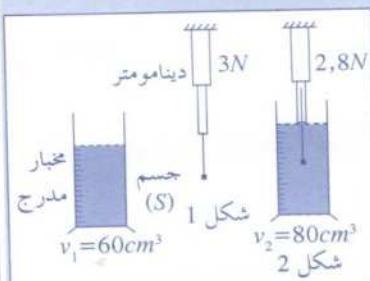
SI

laroc

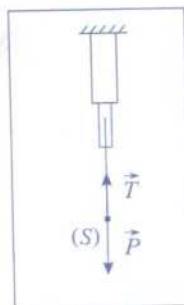
سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

التطبيق - 4

- تعلق جسم صلباً (S) بدلياً بواسطة دينامومتر (شكل - 1) فيشير هذا الأخير إلى شدة F_1 .
- غمر الجسم (S) المعلق في مهبار مدرج يحتوي بدلياً على حجم v_1 من الماء، فینزاح السائل ليصبح الحجم النهائي v_2 . (شكل - 2)



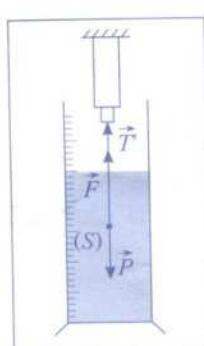
- 1 - احجد القوى المطبقة على الجسم (S) قبل غمره في الماء، واستنتج شدة وزنه.
- 2 - احجد القوى المطبقة على الجسم (S) عند غمره في الماء، واستنتاج الشدة F لدافعة أرخميدس.
- 3 - احسب $\rho \cdot v \cdot g$ ، حيث ρ : الكثافة الحجمية للماء $(\rho = 1 \text{ kg/l})$.
- 4 - حجم السائل المزاح ثم قارن F و $\rho \cdot v \cdot g$.



$$\begin{aligned} &1 - \text{جذ القوى المطبقة على الجسم (S)}: \\ &\vec{P}: \text{وزن الجسم (S)} \\ &\vec{T}: \text{تأثير الدينامومتر.} \\ &\vec{P} + \vec{T} = \vec{0} \\ &T = 3N \\ &P = 3N \\ &\text{أي إن: } P = T \quad , \quad \text{مع} \\ &\text{إذن:} \end{aligned}$$

2 - جذ القوى المطبقة على الجسم (S) المغمور في الماء:

$$\begin{aligned} &\vec{P}: \text{وزن الجسم (S).} \\ &\vec{T}: \text{تأثير الدينامومتر على الجسم (S).} \\ &\vec{F}: \text{دافعة أرخميدس.} \\ &\text{حيث: } F+T \text{ مكافئة لـ } P, \text{ ونكتب:} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} &F+T=P \\ &T=2,8N \\ &F=3-2,8 \\ &F=0,2N \\ &\text{إذن: } F=P-T \quad , \quad \text{حيث:} \\ &\text{ت ع:} \\ &\text{الحجم المزاح للسائل عند غمر الجسم (S) هو:} \\ &v=v_2-v_1 \\ &v=80-60=20 \text{ cm}^3 \\ &\rho \cdot v \cdot g = 1 \text{ kg/l} \cdot 20 \cdot 10^{-3} \text{ l} \cdot 10 \text{ N/kg} \\ &\rho \cdot v \cdot g = 0,2 \text{ N} \\ &F = \rho \cdot v \cdot g \\ &\text{نستنتج إذن أن:} \end{aligned}$$

سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

تمارين توليفية وحلولها

التمرين ١

نطبق على طرف نابض ذي لفات غير متصلة قوة \vec{F} شدتها معروفة، نقيس الطول ℓ المترافق وندون النتائج المحصل عليها في الجدول التالي:

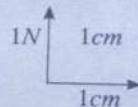
4	3	2	1	0	$F(N)$
14,5	13	11,5	10	8,5	$\ell(cm)$

١ - حدد الطول الأصلي ℓ_0 للنابض.

٢ - احسب $\Delta\ell$ الإطالة بالنسبة لمختلف قيم القوة \vec{F} .

٣ - مثل مبياناً تغيرات شدة القوة \vec{F} بدلالة الإطالة $\Delta\ell$:

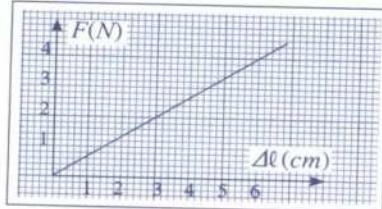
مستعملاً السلم التالي:



٤ - عين الصالبة k للنابض.

٥ - عين الشدة F لكي تم إطالة النابض بـ: 6,75cm

الحل



٤ - تعين k صلابة النابض:

$$k = \frac{\Delta F}{\Delta(\Delta\ell)} = \frac{F_2 - F_1}{\Delta\ell_2 - \Delta\ell_1} \quad \text{مبياناً:}$$

$$\left. \begin{array}{l} \Delta\ell_2 = 3\text{cm} \quad \text{و} \quad F_2 = 2\text{N} \\ \Delta\ell_1 = 0\text{cm} \quad \text{و} \quad F_1 = 0\text{N} \end{array} \right\} \quad \text{مبياناً:}$$

$$k = \frac{2 - 0}{(3 - 0) \cdot 10^{-2}} \approx 66,67\text{N.m}^{-1} \quad \text{تع:}$$

: $\Delta\ell = 6,75\text{cm}$ بالنسبة F

$$F = k\Delta\ell \quad \text{نعلم أن:}$$

$$F = 66,67 \cdot 6,75 \cdot 10^{-2} \quad \text{تع:}$$

$$F = 4,5\text{N} \quad \text{تع:}$$

١ - تعين ℓ_0 الطول الأصلي للنابض:

عندما تكون $F=0\text{N}$ فإن طول النابض ℓ يوافق طوله $\ell_0=8,5\text{cm}$ إذن من الجدول نستنتج:

٢ - حساب $\Delta\ell$ إطالة النابض:

نعلم أن: $\Delta\ell = \ell - \ell_0$ بالنسبة لمختلف قيم F نحصل على النتائج التالية:

4	3	2	1	0	$F(N)$
6	4,5	3	1,5	0	$\Delta\ell(cm)$

مثال: بالنسبة لـ:

$$\Delta\ell = \ell - \ell_0$$

$$\Delta\ell = 10 - 8,5 = 1,5\text{cm}$$

٣ - تمثيل $f(\Delta\ell)$:

باستعمال السلم: محور الأفاسيل

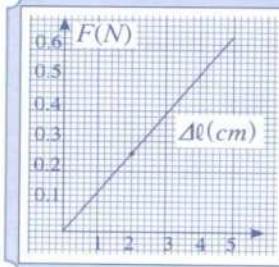
$$1\text{cm} \longleftrightarrow 1\text{cm}$$

محور الأراثيب: F

$$1\text{cm} \longleftrightarrow 1\text{N}$$

سلسلة في توازن جسم خاضع لقوىتين

التمرين 2



تعلق بنايبض، طوله الأصلي $\ell = 10\text{cm}$ ، أجساماً مختلفة ذات كتل معرفة لتغيير شدة توتره \vec{F} ، ونقيس الإطارات Δl المقابلة. النتائج الحصول عليها في المنهج التالي:

- 1 - عين مبيانيا قيمة صلابة النايبض، مع تحديد وحدتها.
- 2 - احسب طول النايبض عندما تعلق به كتلة معلمة قيمتها $m=20\text{g}$.
- 3 - حدد قيمة كتلة الجسم المعلق إذا كان طول النايبض $\ell = 15\text{cm}$.

نعطي: $g=10\text{N}\cdot\text{kg}^{-1}$

الحل

$$P=mg$$

$$\Delta l = \frac{20 \cdot 10^{-3} \cdot 10}{12,5} = 0,016\text{m} = 1,6\text{cm}$$

$$\Delta l = \ell - \ell_0 \quad \text{استنتاج الطول } \ell: \text{ نعلم أن:}$$

$$\ell = \Delta l + \ell_0$$

$$\ell = 1,6 + 10 = 11,6\text{cm}$$

$$: \ell' = 15\text{cm} \quad \text{تحديد كتلة الجسم المعلق بالنسبة لطول}$$

$$F'=P \quad \text{الجسم في توازن. إذن:}$$

$$\Delta l' = \ell' - \ell_0 \quad \text{حيث: } k\Delta l' = m'g$$

$$m' = \frac{k(\ell' - \ell_0)}{g} \quad \text{إذن:}$$

$$m' = \frac{12,5(15 - 10) \cdot 10^{-2}}{10} \quad \text{تع:}$$

$$m' = 62,5 \cdot 10^{-3}\text{kg}$$

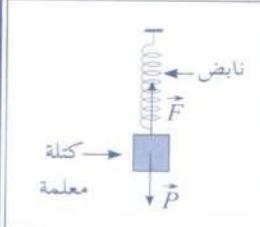
$$m' = 62,5\text{g}$$

1 - تعريف صلابة النايبض:

$$\text{مبيانيا: } k = \frac{\Delta F}{\Delta(\Delta l)} = \frac{F_i - F_0}{\Delta l_i - \Delta l_0}$$

$$\left. \begin{array}{l} \Delta l_i = 2\text{cm} \quad F_i = 0,25\text{N} \\ \Delta l_0 = 0\text{cm} \quad F_0 = 0\text{N} \end{array} \right\}$$

2 - حساب طول النايبض:



تع: ℓ'

$$k = \frac{0,25 - 0}{(2 - 0) \cdot 10^{-2}}$$

$$k = 12,5\text{N}\cdot\text{m}^{-1}$$

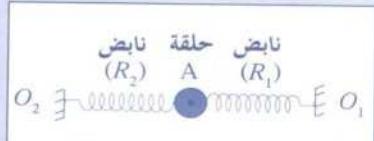
الكتلة المعلمة في توازن

$$\vec{P} + \vec{F} = \vec{0}$$

$$F = P \quad \text{إذن}$$

مع: $F = k\Delta l$ ، $F = mg$ ، $m = \frac{mg}{k}$

التمرين 3



يتمثل الشكل جانبه حلقة A قطرها $d=1\text{cm}$ وذات كتلة مهملة في توازن تحت تأثير نابضين مشدودين على التوالي بـ O_1 و O_2 . للنابضين نفس الطول الأصلي $\ell_0=10\text{cm}$ حيث: $O_1O_2=30\text{cm}$ وصلابتهما $k_2=12,5\text{N}\cdot\text{m}^{-1}$ و $k_1=10\text{N}\cdot\text{m}^{-1}$

$$: k_2=12,5\text{N}\cdot\text{m}^{-1} \quad k_1=10\text{N}\cdot\text{m}^{-1}$$

1 - اجرد القوى المطبقة على الحلقة A.

2 - أوجد العلاقة بين Δl_1 ، Δl_2 ، k_1 و k_2 .

3 - احسب Δl_1 و Δl_2 .

4 - استنتج طول كل نايبض.