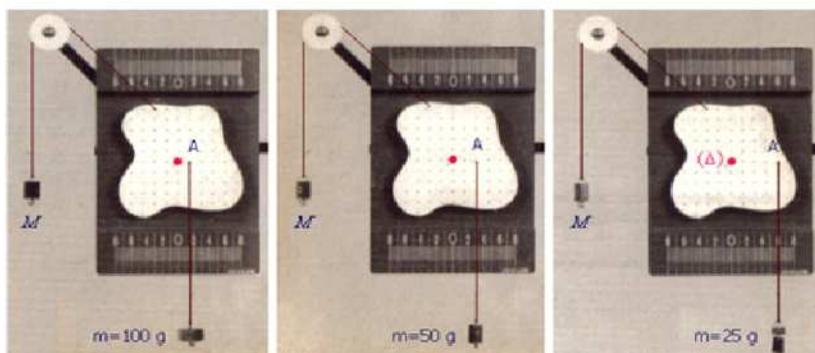


# تمارين محلولة في درس توازن جسم قابل للدوران

الحل

التمرين 1

تمثل الصور التالية نفس حالة التوازن لصفيحة قابلة للدوران حول محور أهلي ( $\Delta$ ) و متعمد مع مستواها:



حيث غير موضع  $A$  نقطة تأثير الكتلة المعلمة  $m$  و قيمتها، بينما قيمة الكتلة المعلمة الأخرى تبقى ثابتة  $M = 50 \text{ g}$

$$\text{معطى: } g = 9,8 \text{ N kg}^{-1}$$

- 1 - تبرز هذه التجارب أن مفعول قوة على دوران جسم يتعلق بعاملين اثنين، ذكرهما.
- 2 - أنقل الجدول التالي ثم أتممه:

$F \cdot d (\text{N} \cdot \text{m})$	$d (\text{m})$	$F (\text{N})$	التجربة
0,060		1	
0,030		2	
0,015		3	

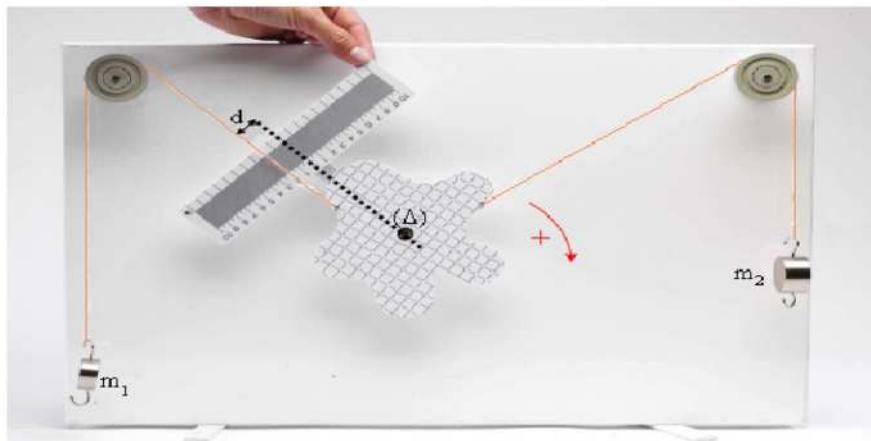
حيث  $F$  شدة القوة  $\vec{F}$  المطبقة من طرف الكتلة  $m$ ، و  $d$  المسافة الفاصلة بين خط تأثيرها و محور الدوران ( $\Delta$ ).

- 3 - ماذا تستنتج بخصوص الجداء  $F \cdot d$ ؟
- 4 - يسمى هذا الجداء عزم القوة  $\vec{F}$  بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$ ). أعط تعريفا عاما لعزم قوة مطبقة على جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت و متعمد مع خط تأثيرها.

حل التمرين

التمرين 2

تمثل الصورة التالية حالة التوازن لصفيحة قابلة للدوران حول محور أهلي ( $\Delta$ ) ثابت من مركز ثقلها و متعمد مع مستواها:



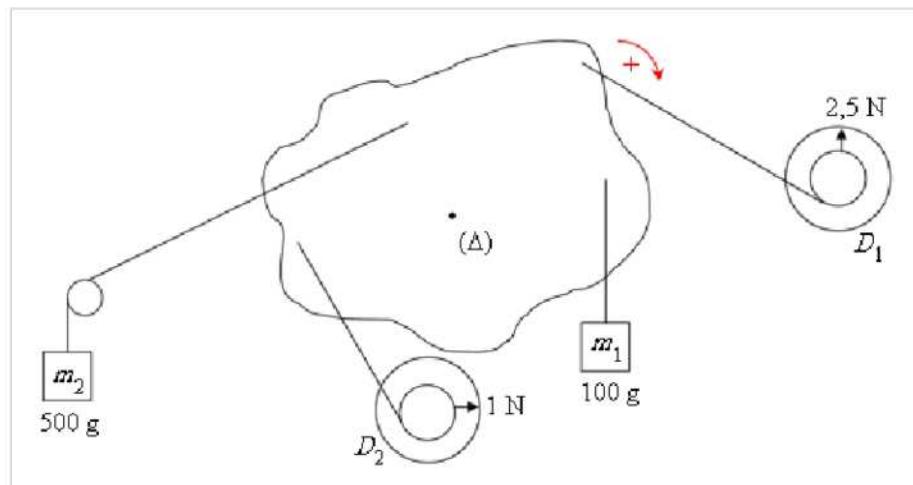
$$\text{معطيات: } g = 9,8 \text{ N kg}^{-1} / \quad m_1 = 100 \text{ g} / \quad m_2 = 200 \text{ g} / \quad d_2 = 1,0 \text{ cm} / \quad d_1 = 2,0 \text{ cm}$$

- 1 - أجرد جميع القوى المطبقة على الصفيحة.
- 2 - باعتبار المنحني الموجي المشار إليه في الشكل، أحسب عزوم هذه القوى بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$ ). ثم استنتاج المجموع الجيري لعزوم القوى.
- 3 - استنتاج شرط توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت (مبرهنة العزوم).

التمرين 3

حل التمرين

يمثل الشكل التالي حالة التوازن لصفيحة قابلة للدوران حول محور أهلي ( $\Delta$ ) مار من مركز ثقلها و متوازد مع مستواها:



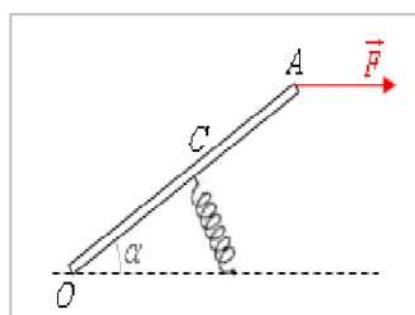
$$\text{معطى: } g = 10 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$$

- 1 - أحرد جميع القوى المطبقة على الصفيحة.
- 2 - انسخ الشكل (بطبعه أو نقله على ورق شفاف) ثم مثل متجهات القوى المعرفة بتأثيرات الحبطة على الصفيحة باستعمال السلم  $1 \text{ N} \leftrightarrow 1 \text{ cm}$ .
- 3 - باعتبار المنحني الموجي المشار إليه في الشكل، أحسب عزوم هذه القوى بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$ ).
- 4 - تحقق من أن المجموع الجبري لعزوم جميع القوى المطبقة على الصفيحة منعدم.

التمرين 4

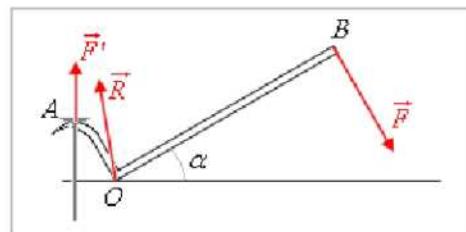
حل التمرين

يمكن مماثلة دواسة مسرع بعارضة  $OA$  وزنها مهمل و قابلة للدوران حول محور أهلي ( $\Delta$ ) متوازد معها و يمر من طرفيها  $O$  و مشدودة بنابض في منتصفها  $C$ . في الطرف  $A$  تطبق قوة  $\vec{F}$  خط تأثيرها أهلي، و شدتها  $F = 20 \text{ N}$ . عند حالة التوازن اتجاه النابض متوازد مع  $OA$  الذي يكون الزاوية  $\alpha = 30^\circ$  مع الخط الأهلي.



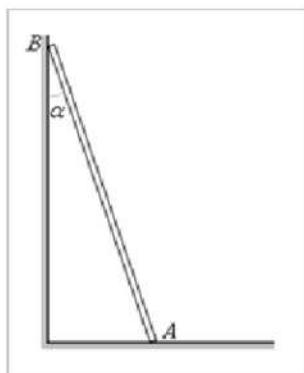
- 1 - أحرد جميع القوى المطبقة على العارضة.
- 2 - أحسب شدة القوة التي يطبقها النابض على العارضة.

لخلع مسمار يستعمل بناء عتلة مكونة وزنها مهمل، في الطرف  $B$  يطبق البناء قوة عمودية على  $OB$  و شدتها  $F = 200\text{ N}$ . العتلة قابلة للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) متعمد معها و يمر من نقطة الارتكاز  $O$  و الذراعان  $OA$  و  $OB$  متعمدان.



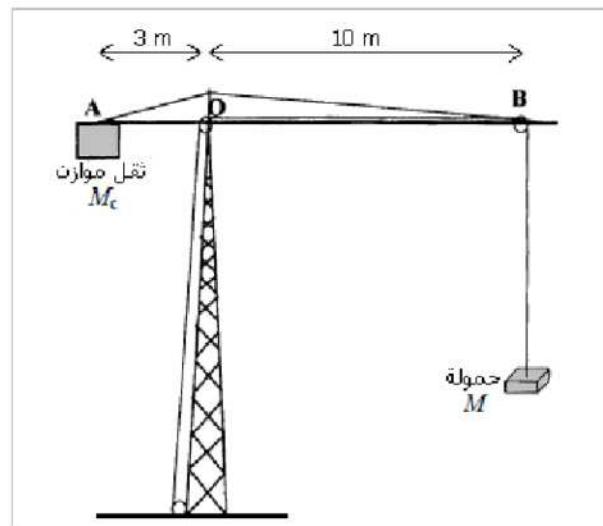
معطيات:  $\alpha = 30^\circ$  /  $OB = 70\text{ cm}$  /  $OA = 10\text{ cm}$   
أحسب:

- شدة القوة ( $A, \vec{F}'$ ) العمودية التي تطبقها العتلة على المسمار.
- شدة القوة ( $O, \vec{R}$ ) التي يطبقها سطح التماس على العتلة.



- يستند سلم  $AB$  وزنه  $P = 40\text{ N}$  على سطح أفقي و جدار رأسى.  
في الطرف  $A$  يطبق السطح الأفقي قوة موضعية ( $A, \vec{R}$ ) تمنع انزلاق  
الطرف  $A$  ، و خط تأثيرها يكون مع الخط الرأسى زاوية  $\varphi$  لا تتعدي  
قيمتها النهاية  $\varphi_0$  حتى لا يفقد السلم توازنه، مع  $\tan \varphi_0 = 0,25$  .  
و في الطرف  $B$  يطبق الجدار قوة موضعية ( $B, \vec{R}$ ) أفقية.  
عند حالة التوازن يكون السلم مع الجدار الرأسى الزاوية  $\alpha$  بحيث  $\tan \alpha = 0,15$
- أجرد القوى المطبقة على  $AB$  و مثل متجهاتها في الشكل بدون سلم.
  - باعتبار أن السلم قابل للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) متعمد معه و يمر  
من نقطة الارتكاز  $A$  ، أحسب شدة القوة المطبقة من طرف الجدار.
  - باسناد الخط المضلعى لمتجهات القوى، أحسب شدة القوة التي يطبقها  
السطح الأفقي و قيمة الزاوية  $\varphi$  .
  - ما هي القيمة النهاية  $\varphi_0$  للزاوية  $\varphi$  دون أن يفقد السلم توازنه ؟

علقت حمولة كتلتها  $M$  بطرف حبل راهفة وزنها مهمل، وهي في حالة توازن.



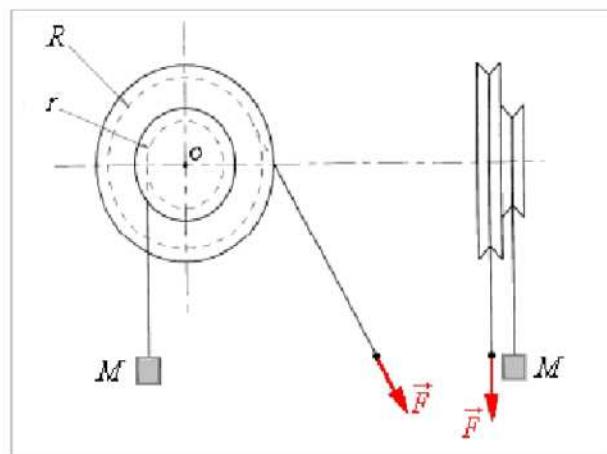
$$g = 10 \text{ N kg}^{-1} / M = 1500 \text{ kg} / OB = 10 \text{ m} / OA = 3 \text{ m}$$

1 - بدراسة توازن الحمولة أحسب شدة توتر الحبل.

2 - أجرد القوى المطبقة على الرافعة.

3 - بتطبيق مبرهنة العزوم بالنسبة لمحور أهقي مار من  $O$  ومتعاون مع الذراعين  $OA$  و  $OB$ ، أحسب الكتلة  $M_c$  للتغلب الموزان.

لرفع حمولة وزنها  $P = 500 \text{ N}$  ، تستعمل بكرة ذات محرين شعاعا هما  $R = 10 \text{ cm}$  و  $r = 5 \text{ cm}$  البكرة قابلة للدوران بدون احتكاك حول محورها الأهقي المار من مركزها  $O$ ، وكلا الحبلين مهمليان.



1 - أجرد القوى المطبقة على البكرة.

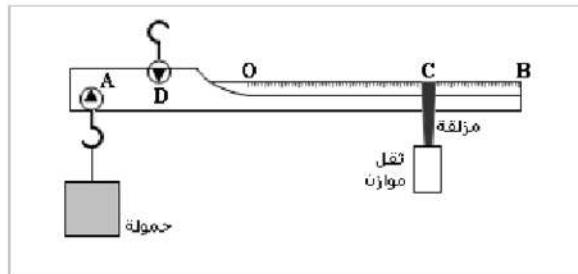
2 - أحسب شدة القوة  $\vec{F}$  لكي تكون البكرة في توازن.

3 - ما الغائدة من هذا التركيب؟

التمرين 9

حل التمرين

يتكون الميزان الروماني من عائق  $AB$  مدرج و معلق بمحور مار من  $D$ . تعلق الحمولة المراد وزنها بمحور مار من  $A$ . يمكن إزاحة المزلقة التي تحمل ثقلًا موازناً على العائق المدرج. في غياب أي حمولة يكون العائق أهلياً عندما تكون المزلقة في  $O$  التي تطابق التدريجة صفر، و عند تعليق حمولة كتلتها  $M = 3 \text{ kg}$ ، يتحقق التوازن الأفقي إذا كان  $OC = 30 \text{ cm}$ .  
معطيات:  $g = 10 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$  /  $DO = 5 \text{ cm}$  /  $DA = 10 \text{ cm}$

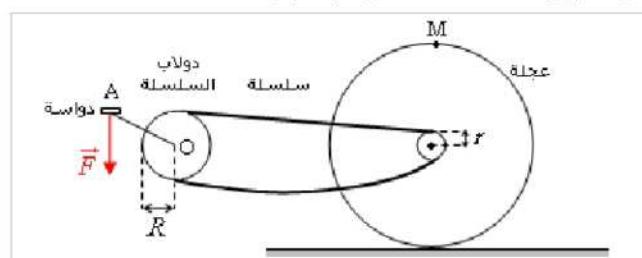


- 1- أحسب  $m$  كتلة الثقل الموازن.
- 2- عبر عن المسافة  $x = OC$  بدلالة  $M$  كتلة الحمولة.
- 3- علماً أن كتلة العائق  $AB$  (بدون الثقل الموازن) هي  $m_0 = 1 \text{ kg}$ ، حدد المسافة  $DC$  التي تحدد موضع  $C$  مركز ثقل العائق.
- 4- أحسب شدة القوة  $\bar{R}$  المعرفة بتأثير محور تعليق العائق عندما تكون كتلة الحمولة هي  $M = 5 \text{ kg}$ .

التمرين 10

حل التمرين

يمثل الشكل التالي المجموعة (دواسة- سلسلة- عجلة) لدراجة.



معطيات:  $OA = 16 \text{ cm}$  /  $D = 60 \text{ cm}$  /  $r = 4 \text{ cm}$  /  $R = 10 \text{ cm}$  / قطر العجلة:  $r = 4 \text{ cm}$   
يطبق الدراج على الدواسة قوة رأسية  $(A, \vec{F})$  شدتها  $F = 60 \text{ N}$ .

- 1- أحسب عزم القوة  $(A, \vec{F})$  في الحالات التالية:
  - أ- عندما يكون الذراع  $OA$  أهلياً.
  - ب- عندما يكون الذراع  $OA$  رأسياً.
- ت- عندما يكون الذراع  $OA$  مائلًا بالزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي (هناك إمكانين).
- 2- نفترض أن الدراج يدوس فقط على الدواسة  $A$ ، ونهمل وزن السلسلة، كما نهمل الاحتكاك بين العجلة و سطح التماس. بدراسة توازن المجموعة (دواسة- دوبار- السلسلة) في حالة  $OA$  أهلي، أحسب:
  - أ- شدة توتر الجزء الأعلى للسلسلة (الجزء السفلي غير متغير).
  - ب- شدة قوة الكبح  $(M, \vec{F})$  المطبقة على العجلة و المماسة لها في  $M$ .

### حل التمرين 1

#### نص التمرين

1 - ينبع مفعول قوة على دوران جسم بعاملين اثنين هما شدة هذه القوة و المسافة بين خط تأثيرها و محور الدوران.

$$F = m \cdot g$$

$F \cdot d (N \cdot m)$	$d (m)$	$F (N)$	التجربة
0,014 7	0,060	0,245	1
0,014 7	0,030	0,490	2
0,014 7	0,015	0,980	3

3 - الجداء  $F \cdot d$  ثابت.

4 - عزم قوة مطبقة على جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت و متعمد مع خط تأثيرها يساوي جداء شدتها و المسافة الفاصلة بين خط تأثيرها و محور الدوران.

### حل التمرين 2

#### نص التمرين

1 - حدد حجم القوى المطبقة على الصفيحة  
تخصص الصفيحة لأربع قوى:  $\vec{P}$  وزنها ،  $\vec{R}$  تأثير المحور ( $\Delta$ ) ،  $\vec{F}_1$  تأثير الخيط المرتبط بالكتلة المعلمة  $m_1$  ،  
و  $\vec{F}_2$  تأثير الخيط المرتبط بالكتلة المعلمة  $m_2$ .

2 - عزوم هذه القوى بالنسبة لمحور الدوران  
خطا تأثير  $\vec{P}$  و  $\vec{R}$  **يتقاطعان** مع محور الدوران ( $\Delta$ ): عزماهما **متعدمان**:  $0$

$$M_A(\vec{P}) = M_A(\vec{R}) = 0$$

$$M_A(\vec{F}_2) = -F_2 \cdot d_2 = -m_2 \cdot g \cdot d_2 \quad \text{و} \quad M_A(\vec{F}_1) = +F_1 \cdot d_1 = +m_1 \cdot g \cdot d_1$$

$$M_A(\vec{F}_1) = +100 \times 10^{-3} \times 9,8 \times 2,0 \times 10^{-2} = +1,96 \cdot 10^{-2} N.m$$

$$M_A(\vec{F}_2) = -200 \times 10^{-3} \times 9,8 \times 1,0 \times 10^{-2} = -1,96 \cdot 10^{-2} N.m$$

نستنتج المجموع الجبri لعزوم القوى:  $M_A(\vec{P}) + M_A(\vec{R}) + M_A(\vec{F}_1) + M_A(\vec{F}_2) = 0$

3 - شرط توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت (مبرهنة العزوم)  
في حالة توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت، المجموع الجبri لعزوم كل القوى المطبقة عليه متعد

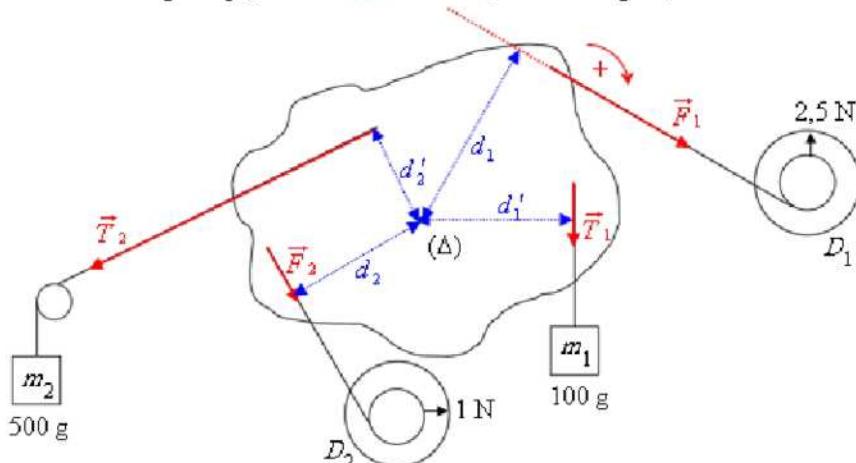
$$\sum M_A(\vec{F}) = 0$$

1 - جرد جميع القوى المطبقة على الصفيحة  
تحضع الصفيحة لست قوى:  $\vec{P}$  وزنها ،  $\vec{R}$  تأثير المحور ( $\Delta$ ) ،  $\vec{F}_1$  تأثير الحيط المرتبط بالدينامومتر  $D_1$  ،  $\vec{T}_1$  تأثير  
الحيط المرتبط بالكتلة المعلمة  $m_1$  ،  $\vec{F}_2$  تأثير الحيط المرتبط بالدينامومتر  $D_2$  ، و  $\vec{T}_2$  تأثير الحيط المرتبط بالكتلة  
المعلمة  $m_2$ .

2 - تمثيل متجهات القوى المقرنة بتأثيرات الخيوط على الصفيحة باستعمال السلم  $1\text{ cm} \leftrightarrow 1\text{ N}$   
شداتها هي:

$$T_1 = m_1 \cdot g = 100 \times 10^{-3} \times 10 = 1,0 \text{ N} \quad F_1 = 2,5 \text{ N}$$

$$T_2 = m_2 \cdot g = 500 \times 10^{-3} \times 10 = 5,0 \text{ N} \quad F_2 = 1,0 \text{ N}$$



3 - عزوم هذه القوى بالنسبة لمحور الدوران  
• المسافات العاشرة بين خطوط تأثير القوى ومحور الدوران:

$$d'_1 = 2,4 \text{ cm} \quad d_1 = 3,1 \text{ cm}$$

$$d'_2 = 1,6 \text{ cm} \quad d_2 = 2,3 \text{ cm}$$

• عزوم القوى بالنسبة لمحور الدوران:

$$M_{\Delta}(\vec{F}_1) = +F_1 \cdot d_1 = +7,75 \cdot 10^{-2} \text{ N.m}$$

$$M_{\Delta}(\vec{F}_2) = -F_2 \cdot d_2 = -2,3 \cdot 10^{-2} \text{ N.m}$$

$$M_{\Delta}(\vec{T}_1) = +T_1 \cdot d'_1 = +2,4 \cdot 10^{-2} \text{ N.m}$$

$$M_{\Delta}(\vec{T}_2) = -T_2 \cdot d'_2 = -8,0 \cdot 10^{-2} \text{ N.m}$$

4 - المجموع الجيبي لعزوم القوى

خطأ تأثير  $\vec{P}$  و  $\vec{R}$  ينفطع مع محور الدوران ( $\Delta$ ): عزماهما متعدايان:  $0$

نستنتج المجموع الجيبي لعزوم القوى:

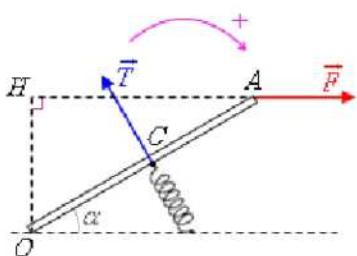
$$M_{\Delta}(\vec{F}) + M_{\Delta}(\vec{R}) + M_{\Delta}(\vec{F}_1) + M_{\Delta}(\vec{F}_2) + M_{\Delta}(\vec{T}_1) + M_{\Delta}(\vec{T}_2) = -0,0015 \approx 0$$

باعتبار الأخطاء في القياسات، يمكن اعتبار مجموع العزوم متعداينا تقريبا.

حل التمرين 4

تصنيف المحتوى

- ١ - حدد جميع القوى المطبقة على العارضة**  
**تخصّص العارضة لأربع قوى:  $\bar{F}$  وزنها (مهمل) ، تأثير القوة  $\bar{F}$  ،  $\bar{T}$  تأثير النايب و  $\bar{R}$  تأثير المحور ( $\Delta$ ) .**



$$M_A(\vec{F}) + M_A(\vec{T}) + M_A(\vec{R}) = 0$$

$$M_A(\vec{F}) = +F \cdot OH = +F \cdot OA \cdot \sin \alpha$$

$$M_A(\vec{T}) = -T \cdot OC = -T \cdot \frac{OA}{2}$$

$$F \cdot OA \cdot \sin \alpha - T \cdot \frac{OA}{2} = 0 \quad \text{نهاية المثلث}$$

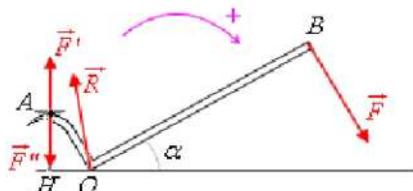
$$T = 2F \cdot \sin \alpha$$

$$T = 2 \times 20 \times \sin 30^\circ = \underline{20 \text{ N}}$$

نص التمرين

حل التمرين 5

- 1 - شدة القوة ( $A, \bar{F}$ ) التي تطبقها العتلة على المسمار**  
 بإهمال وزنها تخضع العتلة لثلاث قوى: ( $B, \bar{F}$ ) و ( $O, \bar{R}$ ) و ( $A, \bar{F}''$ ) تأثير المسمار على العتلة.  
 حيث:  $\bar{F}'' = \bar{F}$  حسب مبدأ التأثيرات البينية.  
 بتطبيق مبرهنة العزم بالنسبة لمجموم الدوران ( $\Delta$ ), لدينا:



$$M_A(\overline{F}) + M_A(\overline{R}) + M_A(\overline{F}^n) = 0$$

$M_x(R) = 0$  لأن خط تأثير  $R$  ينقطع مع محور الدوران ( $\Delta$ )

$$M_A(\vec{F}) = +F \cdot OB$$

$$M_A(\vec{F}^u) = -F^u \cdot OH = -F^u \cdot OA \cdot \sin \alpha$$

نفرض و نستنتج:  $F \cdot OB - F' \cdot OA \cdot \sin \alpha = 0$

$$F' = F \cdot \frac{OB}{OA \cdot \sin \alpha} \quad \leftarrow$$

$$F' = 200 \times \frac{0,70}{0,10 \times \sin 30^\circ} = 2\,800\,N$$

2- شدة القوة ( $O, \bar{R}$ ) التي يطبقها سطح التماس على العلة

بتطبيق الشرط الآخر للتوازن، لدينا:  $\vec{F} + \vec{R} + \vec{F}'' = \vec{0}$   
ثم إسقاط هذه العلاقة في المعلم  $(O, x, y, z)$ :

$$\begin{aligned} -F \cdot \sin \alpha + R_x &= 0 \\ -F \cdot \cos \alpha + R_y - F'' &= 0 \end{aligned} \quad \leftarrow \quad \begin{aligned} F_x + R_x + F_x'' &= 0 \\ F_y + R_y + F_y'' &= 0 \end{aligned}$$

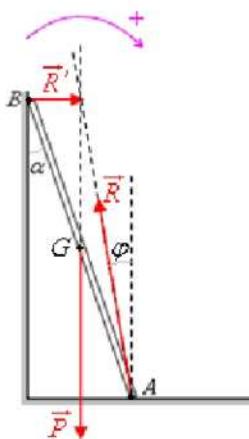
ونستنتج إحداثي القوة  $(O, \vec{R})$  :

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2}$$

$$R = \sqrt{(E \cdot \sin \alpha)^2 + (E \cdot \cos \alpha + E')^2}$$

و شدتها هي:

$$R = \sqrt{(200 \times \sin 30^\circ)^2 + (200 \times \cos 30^\circ + 2800)^2} = 2975 \text{ N}$$



1 - حدد القوى المطبقة على  $AB$  ونمثل متجهاتها

يخصّص السلم لثلاث قوى هي:

وزنه  $\vec{P}$  وتأثير السطح الأفقي  $\vec{R}$  وتأثير العدار الرأسي  $\vec{R}'$ .

خطوط تأثير القوى تلتلاق في نقطة تقاطع خط تأثير  $\vec{R}'$

( العمودي المار من  $G$ ) وخط تأثير  $\vec{R}$  (الأفقي المار من  $B$ ). )

2 - شدة القوة المطبقة من طرف العدار

ينطبق مبرهنة العزوم بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$  ) ، لدينا:

$M_A(\vec{P}) + M_A(\vec{R}) + M_A(\vec{R}') = 0$  لأن خط تأثير  $\vec{R}$  يتقاطع مع محور الدوران ( $\Delta$ )

$$M_A(\vec{P}) = -P \cdot \frac{AB}{2} \cdot \sin \alpha$$

$$M_A(\vec{R}') = +R \cdot AB \cdot \cos \alpha$$

نعرض ونستنتج:  $-P \cdot \frac{AB}{2} \cdot \sin \alpha + R \cdot AB \cdot \cos \alpha = 0$

$$R = \frac{P}{2} \cdot \tan \alpha \quad \leftarrow$$

$$R = \frac{40}{2} \times 0,15 = 3 \text{ N} \quad \text{ت.ع.}$$

3 - شدة القوة التي بطيّقها السطح الأفقي وقيمة الزاوية  $\varphi$

الخط المضلعى لمتجهات القوى مثلث قائم الزاوية.

$$R = \sqrt{P^2 + R'^2} \quad \text{لدينا العلاقة:}$$

$$R = \sqrt{40^2 + 3^2} \approx 40 \text{ N} \quad \text{ت.ع.}$$

$$\tan \varphi = \frac{R'}{P} \quad \text{و لدينا العلاقة:}$$

$$\tan \varphi = \frac{1}{2} \cdot \tan \alpha \quad \text{و باعتبار العلاقة السابقة:}$$

$$\varphi = 4,3^\circ \quad \leftarrow \quad \tan \varphi = 0,075 \quad \text{ت.ع.}$$

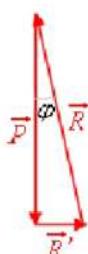
4 - القيمة النهائية  $\alpha_m$  للزاوية  $\alpha$  دون أن يفقد السلم توازنه

لكي يبقى السلم في حالة التوازن، يجب أن يتحقق الشرط التالي:  $\tan \varphi \leq \tan \varphi_0$

$$\frac{1}{2} \cdot \tan \alpha \leq \tan \varphi_0 \quad \leftarrow$$

$$\tan \alpha_m = 2 \tan \varphi_0 \quad \leftarrow$$

$$\alpha_m = 26,6^\circ \quad \leftarrow \quad \tan \alpha_m = 0,50 \quad \text{ت.ع.}$$



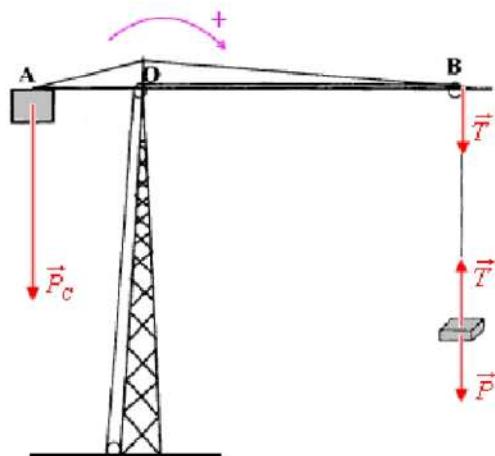
## 1 - شدة توتر الحبل

تحضع العمود لقوى وزنها  $\vec{P}$  وتأثير الحبل  $\vec{T}$ .  
تطبيق شرط التوازن:  $T = M \cdot g \leftarrow \vec{P} + \vec{T} = \vec{0}$

$$\text{بتـعـدـ: } T = 1500 \times 10 = 15000 N$$

## 2 - حـدـ القـوىـ المـطـبـقـةـ عـلـىـ الـراـفـعـةـ

باـهـمـالـ وزـنـهاـ تـحـضـعـ الـرـاـفـعـةـ لـثـلـاثـ قـوـيـ هـيـ تـأـثـيرـ الثـلـثـلـ المـواـزـنـ  $\vec{P}$  وـ تـأـثـيرـ الـحـبـلـ  $\vec{T}$  وـ تـأـثـيرـ سـطـحـ التـمـاسـ  $\vec{R}$



## 3 - كـلـةـ الثـلـثـلـ المـواـزـنـ

بنـطـيـقـ مـبـرهـنـةـ العـزـومـ بـالـنـسـبـةـ لـمحـورـ مـارـ منـ Oـ لـديـنـاـ:  $M_A(\vec{P}_c) + M_A(\vec{R}) + M_A(\vec{T}') = 0$

لـأـنـ خطـ تـأـثـيرـ  $\vec{R}$  يـتـقـاطـعـ مـعـ الـمحـورـ  $M_A(\vec{R}) = 0$

$$M_A(\vec{P}_c) = -M_c \cdot g \cdot OA$$

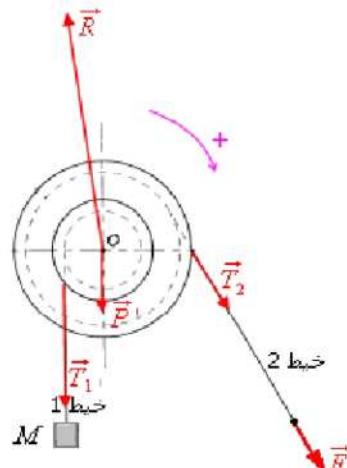
لـأـنـ  $T = T'$  حـسـبـ مـبـداـ التـأـثـيرـاتـ الـبـيـنـيـةـ  $M_A(\vec{T}') = +T' \cdot OB = +T \cdot OB$

نـعـوـصـ وـ نـسـتـنـجـ:  $-M_c \cdot g \cdot OA + T \cdot OB = 0$

$$M_c = \frac{T \cdot OB}{g \cdot OA}$$

$$M_c = \frac{15000 \times 10}{10 \times \frac{10}{3}} = 5000 kg \quad \text{بتـعـدـ}$$

1 - حد القوى المطبقة على البكرة  
تخصيص البكرة لأربع قوى هي وزنها  $\vec{P}$  وتأثير محورها  $\vec{R}$  وتأثير الجبل 1  $\vec{T}_1$ ، وتأثير الجبل 2  $\vec{T}_2$ .



2 - شدة القوة  $\vec{F}$  لكي تكون البكرة في توازن  
بتطبيق مبرهنة العزوم بالنسبة لمحور الدوار، لدينا:  
 $M_A(\vec{P}) + M_A(\vec{R}) + M_A(\vec{T}_1) + M_A(\vec{T}_2) = 0$  لأن خطي تأثيرهما يتقاطعان مع المحور  
 $M_A(\vec{P}) = M_A(\vec{R}) = 0$

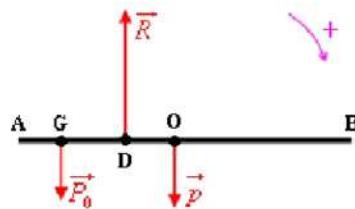
$T_1 = P$  لأن  $M_A(\vec{T}_1) = -T_1 \cdot r = -P \cdot r$   
 $T_2 = F$  لأن  $M_A(\vec{T}_2) = +T_2 \cdot R = +F \cdot R$

نعرض و نستنتج:

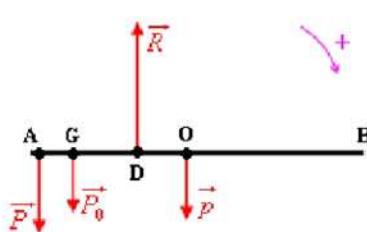
$$F = P \cdot \frac{r}{R} \quad \leftarrow$$

$$F = 500 \times \frac{5}{10} = 250 \text{ N} \quad \text{تقع.}$$

3 - الفائدة من هذا التركيب  
يلاحظ أن:  $F < P$   
يمكن هذا التركيب من رفع حمولة بمجهود أدنى.



1 - كتلة النقل الموزان  
ندرس توازن العائق بدون حمولة:  
يخص العائق، لثلاث قوى وزنه  $\vec{P}_0$ ، وزن النقل الموزان  $\vec{p}$  وتأثير المحور  $\vec{R}$   
تطبيق مبرهنة العزوم:  $M_A(\vec{P}_0) + M_A(\vec{p}) + M_A(\vec{R}) = 0$   
 $(1) \quad -P_0 \cdot DG + p \cdot DO = 0 \quad \leftarrow$



يخص العائق لأربع قوى وزنه  $\vec{P}_0$ ، وزن النقل الموزان  $\vec{p}$  ، تأثير المحور  $\vec{R}$  و وزن الحمولة  $\vec{P}$   
تطبيق مبرهنة العزوم:  $M_A(\vec{P}_0) + M_A(\vec{p}) + M_A(\vec{R}) + M_A(\vec{P}) = 0$   
 $(2) \quad -P_0 \cdot DG + p \cdot DC - P \cdot DA = 0 \quad \leftarrow$

- بطرح (1) من (2) نستنتج:

$$p \cdot (DC - DO) - P \cdot DA = 0 \quad \leftarrow$$

$$p = P \cdot \frac{DA}{OC} \quad \leftarrow$$

$$m = M \cdot \frac{DA}{OC} \quad \leftarrow$$

$$m = 3 \times \frac{10}{30} = 1 \text{ kg} \quad \text{طبع.}$$

2 - تعبر المسافة  $x = OC$  بدلالة  $M$  ككتلة الحمولة

$$x = 10 \times \frac{M}{m} \quad (\text{cm}) \quad \leftarrow \quad OC = \frac{M}{m} \cdot DA \quad \text{من العلاقة السابقة نستنتج:}$$

3 - المسافة  $DG$  التي تحدد موضع  $G$  مركز نقل العائق

$$DG = \frac{m}{m_0} \cdot DO \quad \leftarrow \quad DG = \frac{P}{P_0} \cdot DO \quad \text{من العلاقة (1) نستنتج:}$$

$$DG = \frac{1}{1} \times 5 = 5 \text{ cm} \quad \text{طبع.}$$

4 - شدة القوة  $\vec{R}$  المقرونة بتأثير محور تعليق العائق، عندما تكون كتلة الحمولة هي  $M = 5 \text{ kg}$   
عند التوازن:  $\vec{P}_0 + \vec{p} + \vec{R} + \vec{P} = \vec{0}$

بما أن الأوران قوى عمودية، فإن  $\vec{R}$  عمودية ومتوجهة نحو الأعلى وشدةتها:

$$R = (m_0 + m + M) \cdot g \quad \leftarrow$$

$$R = (1+1+5) \times 10 = 70 \text{ N} \quad \text{طبع.}$$

1 - عزم القوة ( $A, \vec{F}$ ) في الحالات التالية:

أ - عندما يكون الذراع  $OA$  أفقيا

$$M_A(\vec{F}) = F \cdot d = F \cdot OA$$

$$M_A(\vec{F}) = 60 \times 0,16 = 9,6 \text{ N.m}$$

ب - عندما يكون الذراع  $OA$  رأسيا

في هذه الحالة خط تأثير القوة ( $A, \vec{F}$ ) يتقاطع مع محور الدوران ( $d = 0$ )

$$M_A(\vec{F}) = 0$$

ت - عندما يكون الذراع  $OA$  مائلًا بالزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي في كلتا الحالتين الممكنتين:

$$d = OA \cdot \cos \alpha \quad \leftarrow$$

$$M_A(\vec{F}) = F \cdot OA \cdot \cos \alpha$$

تـ.

$$M_A(\vec{F}) = 60 \times 0,16 \times \cos 30^\circ = 8,3 \text{ N.m}$$

