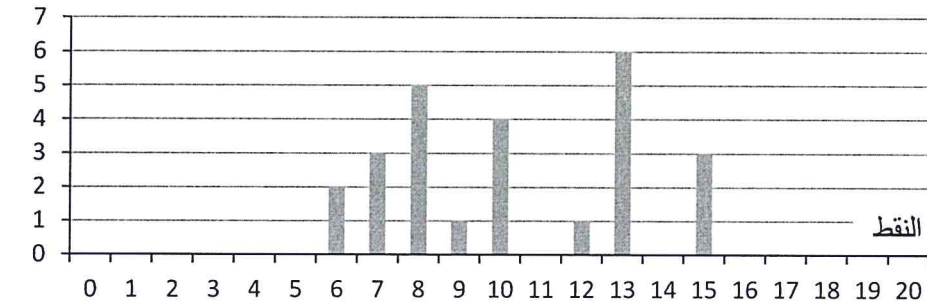
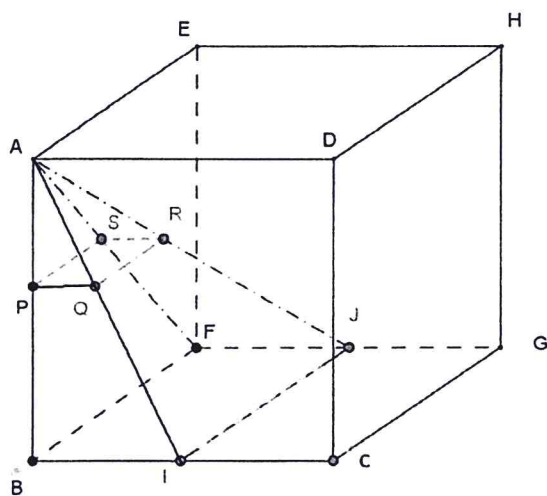


1/2	دورة يونيو 2018	امتحان نيل شهادة السلك الإعدادي مادة: الرياضيات (المترشحون الرسميون والأحرار)	السلطنة المغربية وزارة التربية والتعليم العالي وتعليم العالي والبحث العلمي الأكاديمية الجهوية للتربية والتكوين جهة فاس - مكناس
	المعامل: 3		
م. رئيسي	مدة الإنجاز: 2 س		

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة الغير قابلة للبرمجة

5 نقط	التمرين الأول:
0.5	(1) حل المعادلتين التاليتين : $\frac{3x}{4} + \frac{7}{3} = \frac{x}{12}$ (أ)
1	(ب) $(x-3)(2x+2) = x^2 - 9$
1	(2) حل المتراجحة التالية : $\frac{x}{12} \leq \frac{3x}{4} + \frac{7}{3}$
1.5	(3) حل جبريا النظمة التالية : $\begin{cases} 7x + 5y = 12 \\ 5x + 7y = 12 \end{cases}$
1	(4) يقترح صاحب مقهى للأنترنت على زبائنه عرضين للأداء هما : - العرض الأول: يدفع الزبون عشرة دراهم كواجب للانخراط ويؤدي ثلاثة دراهم عن كل ساعة. - العرض الثاني: لا يدفع الزبون أي واجب للانخراط ولكن يؤدي خمسة دراهم عن كل ساعة. بعد كم ساعة يكون العرض الأول أرخص من العرض الثاني. (علل جوابك)
2 نقط	التمرين الثاني :
	<p>عدد التلاميذ</p>  <p>يمثل المبيان أعلاه ، توزيعا للنقط المحصل عليها من طرف تلاميذ قسم للثالثة إعدادي في فرض محروس لمادة الرياضيات.</p> <p>(1) احسب معدل هذا القسم. 1</p> <p>(2) حدد النسبة المئوية للتلاميذ الذين حصلوا على نقطة تقل عن 10. 1</p>
4 نقط	التمرين الثالث:
0.5	(1) في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O, I, J)$ ، نعتبر النقط $A(1,2)$ و $B(-1,3)$ و $C(2,2)$ . أ) احسب المسافة $BC$
0.5	ب) حدد إحداثيتي النقطة $K$ بحيث تكون النقطة $A$ منتصف القطعة $[KB]$ .
0.5	(2) بين أن ميل المستقيم $(AB)$ هو $-\frac{1}{2}$ و استنتج معادلته المختصرة.
1	(3) بين أن المستقيم $(\Delta)$ الذي معادلته $y = \frac{-1}{2}x + 3$ يوازي المستقيم $(AB)$ و يمر من النقطة $H(4,1)$ .
1	(4) أ) حدد المعادلة المختصرة للمستقيم $(D)$ العمودي على المستقيم $(AB)$ في النقطة $A$ .
0.5	ب) استنتج أن المستقيم $(D)$ واسط القطعة $[KB]$ .

نقط	التمرين الرابع:
2	<p><math>ABC</math> مثلث و <math>I</math> منتصف القطعة <math>[AC]</math>.</p> <p>(1) أنشئ النقطة <math>M</math> صورة <math>A</math> بالإزاحة <math>t</math> ذات المتجهة <math>\frac{1}{3}\overline{AB}</math>.</p> <p>(2) النقطة <math>N</math> مماثلة النقطة <math>M</math> بالنسبة للنقطة <math>I</math>. حدد، معلا جوابك، صورة المستقيم <math>(AN)</math> بالإزاحة <math>t</math>.</p> <p>(3) بين أن <math>\overline{IC} = \frac{1}{2}\overline{AM} + \frac{1}{2}\overline{AN}</math></p>
0.5	
0.75	
0.75	
نقط 4	التمرين الخامس :
1	<p>(1) لتكن <math>g</math> دالة خطية معرفة بـ <math>g(x) = \frac{1}{2}x</math> و <math>(\Delta)</math> تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم <math>(O, I, J)</math> احسب <math>g(2)</math> و أنشئ <math>(\Delta)</math> التمثيل المبياني للدالة <math>g</math>.</p> <p>(2) نعتبر الدالة التآلفية <math>f</math> بحيث <math>f(1) = 1</math> و <math>f(2) - f(5) = 6</math></p> <p>(أ) بين أن صيغة الدالة التآلفية <math>f</math> هي : <math>f(x) = -2x + 3</math></p> <p>(ب) أنشئ <math>(D)</math> التمثيل المبياني للدالة <math>f</math> في نفس المعلم.</p> <p>(ج) بين أن <math>(\Delta)</math> و <math>(D)</math> متعامدان في النقطة <math>E(\frac{6}{5}, \frac{3}{5})</math>.</p>
1	
1	
1	
1	
نقط 3	التمرين السادس:
1.5	<p><math>ABCDEFGH</math> مكعب بحيث : <math>AB = 6 \text{ cm}</math></p> <p>نعتبر النقطتين <math>I</math> و <math>J</math> منتصفتي القطعتين <math>[BC]</math> و <math>[FG]</math> على التوالي.</p> <p>(أنظر الشكل جانبه)</p> <p>1- بين أن : <math>BJ = 3\sqrt{5} \text{ cm}</math> و <math>AJ = 9 \text{ cm}</math></p> <p>2- أحسب حجم الهرم <math>ABIJF</math>.</p> <p>3- الهرم <math>APQRS</math> هو تصغير للهرم <math>ABIJF</math></p> <p>و نسبة هذا التصغير هي <math>\frac{1}{3}</math></p> <p>أحسب مساحة المستطيل <math>PQRS</math>.</p>
0.75	
0.75	
0.75	



5 نقط	التمرين الأول :
0,5	(1) أ- 0,25 ن لاختصار المعادلة على شكل $(ax = b)$ و 0,25 ن للحل $x = \frac{-7}{2}$
1	ب- 0,5 ن ل $(x-1)(x-3) = 0$ أو لطريقة أخرى و 0,25 ن ل $x = 3$ و 0,25 ن ل $x = 1$
1	(2) 0,5 ن لاختصار المتراجحة على شكل $(ax \leq b)$ و 0,5 ن للحساب مع الحل $x \geq \frac{-7}{2}$ .
1,5	(3) أ- 1 ن لاستعمال الطريقة المناسبة و 0,25 ن ل $x = 1$ و 0,25 ن ل $y = 1$
1	ب- 0,5 ن لتبويض المسألة و 0,5 ن لحل المتراجحة و استنتاج: بعد 5 ساعات.
2 نقط	التمرين الثاني :
1	(1) 0,5 ن للصيغة الصحيحة للمعدل الحسابي و 0,5 ن لتحديد القيمة الصحيحة: 10,28
1	(2) 0,5 ن لمعرفة تعريف النسبة المئوية و 0,5 ن للقيمة الصحيحة 44%
4 نقط	التمرين الثالث :
0,5	(1) أ) 0,25 ن للصيغة: $BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2}$ و 0,25 ن للنتيجة $BC = \sqrt{10}$
0,5	ب) 0,25 ن للصيغة: $A\left(\frac{x_K + x_B}{2}, \frac{y_K + y_B}{2}\right)$ و 0,25 ن للنتيجة الصحيحة $K(3,1)$
0,5	(2) 0,25 ن لإثبات أن $\frac{-1}{2}$ هو الميل و 0,25 ن لتحديد المعادلة المختصرة للمستقيم $y = \frac{-1}{2}x + \frac{5}{2}$ : (AB).
1	(3) 0,5 ن لتبرير التوازي بمقارنة ميلي (AB) و $(\Delta)$ و 0,5 ن للتحقق من كون النقطة H تنتمي للمستقيم $(\Delta)$
1	(4) أ- 0,5 ن لتحديد الميل و 0,5 ن لإثبات أن: $y = 2x$ هي المعادلة المختصرة للمستقيم (D)
0,5	ب- 0,5 ن لتبرير أن (D) واسط القطعة $[KB]$
2 نقط	التمرين الرابع:
0,5	(1) 0,5 ن للإنشاء السليم للنقطة M
0,75	(2) 0,5 ن لاستعمال خاصية صورة مستقيم بإزاحة و 0,25 ن لتحديد المستقيم الصورة (MC)
0,75	(3) 0,75 ن لإثبات المتساوية $\overline{IC} = \frac{1}{2}\overline{AM} + \frac{1}{2}\overline{AN}$
4 نقط	التمرين الخامس:
0,5	(1) أ- 0,5 ن لحساب $g(2) = 1$ .
0,5	ب- 0,5 ن للإنشاء السليم للتمثيل المبياني للدالة g
1	(2) أ- 0,5 ن لتحديد الميل و 0,5 ن لتحديد الصيغة $f(x) = -2x + 3$
1	ب- 1 ن لإنشاء السليم للتمثيل المبياني للدالة f
1	ج- 0,5 ن لتبرير تعامد المستقيمين $(\Delta)$ و (D) و 0,5 ن لإثبات أن E نقطة التقاطع
3 نقط	التمرين السادس:
0,75	(1) بالنسبة لحساب $BJ = 3\sqrt{5}cm$ 0,25 لتبرير التعامد و 0,5 ن لاستعمال الصحيح لمبرهنة فيثاغورس .
0,75	بالنسبة لحساب $AJ = 9cm$ 0,5 لتبرير التعامد و 0,25 ن لاستعمال الصحيح لمبرهنة فيثاغورس
0,75	(2) 0,5 ن لمعرفة صيغة حجم الهرم و 0,25 ن للتوصل إلى النتيجة الصحيحة $V = 36cm^3$ .
0,75	(3) 0,5 ن لمعرفة الصيغة $S' = \left(\frac{1}{3}\right)^2 S$ (أو لطريقة أخرى) و 0,25 ن لإتمام الحساب $S' = 2cm^2$ .

5 نقط	التمرين الأول :
0.5	(1) أ- 0,25 ن لاختصار المعادلة على شكل $(ax = b)$ و 0,25 ن للحل $x = \frac{-7}{2}$
1	ب- 0,5 ن ل $(x-3)(x-1) = 0$ أو لطريقة أخرى و 0,25 ن ل $x = 3$ و 0,25 ن ل $x = 1$
1	(2) 0,5 ن لاختصار المتراجحة على شكل $(ax \leq b)$ و 0,5 ن للحساب مع الحلول $x \geq \frac{-7}{2}$ .
1.5	(3) أ- 1 ن لاستعمال الطريقة المناسبة و 0,25 ن ل $x = 1$ و 0,25 ن ل $y = 1$
1	ب- 0,5 ن لتبرير المسألة و 0,5 ن لحل المتراجحة واستنتاج: بعد 5 ساعات.
2 نقط	التمرين الثاني :
1	(1) 0,5 ن للصيغة الصحيحة للمعدل الحسابي و 0,5 ن لتحديد القيمة الصحيحة: 10,28
1	(2) 0,5 ن لمعرفة تعريف النسبة المئوية و 0,5 ن للقيمة الصحيحة 44%
4 نقط	التمرين الثالث :
0,5	(1) أ) 0,25 ن للصيغة: $BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2}$ و 0,25 ن للنتيجة $BC = \sqrt{10}$
0,5	ب) 0,25 ن للصيغة: $A\left(\frac{x_K + x_B}{2}, \frac{y_K + y_B}{2}\right)$ و 0,25 ن للنتيجة الصحيحة $K(3,1)$
0,5	(2) 0,25 ن لإثبات أن $\frac{-1}{2}$ هو الميل و 0,25 ن لتحديد المعادلة المختصرة للمستقيم $y = \frac{-1}{2}x + \frac{5}{2}$ : (AB).
1	(3) 0,5 ن لتبرير التوازي بمقارنة ميلي (AB) و $(\Delta)$ و 0,5 ن للتحقق من كون النقطة H تنتمي للمستقيم $(\Delta)$
1	(4) أ- 0,5 ن لتحديد الميل و 0,5 ن لإثبات أن: $y = 2x$ هي المعادلة المختصرة للمستقيم (D)
0,5	ب- 0,5 ن لتبرير أن (D) واسط القطعة [KB]
2 نقط	التمرين الرابع:
0.5	(1) 0,5 ن للإنشاء السليم للنقطة M
0.75	(2) 0,5 ن لاستعمال خاصية صورة مستقيم بإزاحة و 0,25 ن لتحديد المستقيم الصورة (MC)
0.75	(3) 0,75 ن لإثبات المتساوية $\overline{IC} = \frac{1}{2}\overline{AM} + \frac{1}{2}\overline{AN}$
4 نقط	التمرين الخامس:
0,5	(1) أ- 0,5 ن لحساب $g(2) = 1$ .
0,5	ب- 0,5 ن للإنشاء السليم للتمثيل المبياني للدالة g
1	(2) أ- 0,5 ن لتحديد الميل و 0,5 ن لتحديد الصيغة $f(x) = -2x + 3$
1	ب- 1 ن لإنشاء السليم للتمثيل المبياني للدالة f
1	ج- 0,5 ن لتبرير تعامد المستقيمين $(\Delta)$ و $(D)$ و 0,5 ن لإثبات أن E نقطة التقاطع
3 نقط	التمرين السادس:
0,75	(1) بالنسبة لحساب $BJ = 3\sqrt{5}cm$ 0,25 لتبرير التعامد و 0,5 ن لاستعمال الصحيح لمبرهنة فيثاغورس .
0,75	بالنسبة لحساب $AJ = 9cm$ 0,5 لتبرير التعامد و 0,25 ن لاستعمال الصحيح لمبرهنة فيثاغورس
0,75	(2) 0,5 ن لمعرفة صيغة حجم الهرم و 0,25 ن للتوصل إلى النتيجة الصحيحة $V = 36cm^3$ .
0,75	(3) 0,5 ن لمعرفة الصيغة $S' = \left(\frac{1}{3}\right)^2 S$ (أو لطريقة أخرى) و 0,25 ن لإتمام الحساب $S' = 2cm^2$ .