



الصفحة 1 3	<p>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المسالك المهنية الدورة العادية 2018 -الموضوع-</p>	<p>NS101</p>	<p>المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي</p> <p>المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه</p>
------------------	--	--------------	---

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة الهندسة الميكانيكية بمسالكها وشعبة الهندسة الكهربائية بمسالكها وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية بمسالكها وشعبة الفلاحة بمسالكها	الشعبة أو المسلك

<u>Instructions au candidat</u>	<u>تعليمات للمترشح</u>
Important : Le candidat est invité à lire et suivre attentivement ces recommandations	هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها .
Le sujet est constitué de cinq exercices indépendants, en 3 pages dont la première est réservée aux instructions suivantes :	يتكون الموضوع الذي بين يديك من 3 صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :
<ul style="list-style-type: none"> • Il vous est suggéré de répondre aux questions du sujet avec précision et soin. 	<ul style="list-style-type: none"> • يرجى منك الإجابة على أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
<ul style="list-style-type: none"> • Il vous est autorisé d'utiliser la calculatrice scientifique non programmable. 	<ul style="list-style-type: none"> • يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
<ul style="list-style-type: none"> • Vous devez justifier les résultats (Par exemple : Lors du calcul des limites , lors du calcul des probabilités ,.....). 	<ul style="list-style-type: none"> • ينبغي عليك تحليل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات،...)
<ul style="list-style-type: none"> • Vous pouvez répondre aux exercices selon l'ordre qui vous convient , mais veuillez numérotter les exercices et les questions tels qu'ils le sont dans le sujet. 	<ul style="list-style-type: none"> • يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
<ul style="list-style-type: none"> • Veuillez à la bonne présentation de votre copie et à une écriture lisible. 	<ul style="list-style-type: none"> • ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
<ul style="list-style-type: none"> • Il est souhaitable que les pages soient numérotées afin de faciliter la correction. 	<ul style="list-style-type: none"> • يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمنا لتيسير عملية التصحيح؛
<ul style="list-style-type: none"> • L'écriture au stylo rouge est à éviter 	<ul style="list-style-type: none"> • تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
<ul style="list-style-type: none"> • Assurez-vous que vous avez traité tous les exercices avant de quitter la salle d'examen. 	<ul style="list-style-type: none"> • تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.



الصفحة 2 3	NS101	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (المماثل الممنية) - الدورة العادية 2018 - الموضوع - مادة الرياضيات شعبة الهندسة الميكانيكية وشعبة الهندسة الكهربائية وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية وشعبة الفلاحة
------------------	-------	--

Exercice n°1 : (3.5pts)

On considère la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par : $u_0 = 2$ et $u_{n+1} = \frac{4u_n - 3}{3u_n - 2}$ pour tout n de \mathbb{N}

0.5 1. Calculer u_1 et u_2

2. On pose pour tout n de \mathbb{N} : $v_n = \frac{u_n - 2}{1 - u_n}$

0.25 2.a. Calculer v_0

1 2.b. Montrer que pour tout n de \mathbb{N} : $v_{n+1} = \frac{1 - 2u_n}{1 - u_n}$ et en déduire que $v_{n+1} - v_n = 3$

0.5 2.c. Montrer que pour tout n de \mathbb{N} : $v_n = 3n$

0.5 3.a. Montrer que pour tout n de \mathbb{N} : $u_n = \frac{v_n + 2}{v_n + 1}$

0.25 3.b. En déduire que pour tout n de \mathbb{N} : $u_n = \frac{3n + 2}{3n + 1}$

0.5 4. Calculer $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

Exercice n°2 : (3pts)

On considère dans \mathbb{C} l'équation $(E) : z^2 - 2z + 2 = 0$

1 1.a. Résoudre dans \mathbb{C} l'équation (E) (Les solutions z_1 et z_2 sont telles que $\text{Im}(z_1) > 0$ et $\text{Im}(z_2) < 0$)

0.5 1.b. Ecrire z_1 et z_2 sous forme trigonométrique.

0.5 1.c. Montrer que : $z_1^4 + z_2^4 = -8$

2. Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct $(O; \vec{u}; \vec{v})$, on considère les points $A(1-i)$ et $B(1+i)$

0.5 2.a. Donner $\frac{1+i}{1-i}$ sous forme algébrique.

0.5 2.b. En déduire que le triangle OAB est rectangle et isocèle en O

Exercice n°3 : (3pts) (N.B : Tous les résultats doivent être donnés sous forme de fraction)

Un sac contient 12 boules indiscernables au toucher : 4 rouges, 6 blanches et 2 vertes.
On tire simultanément trois boules du sac.

On considère les deux événements suivants :

A : « Les trois boules tirées sont de la même couleur »

B : « Parmi les trois boules tirées il y'a exactement deux boules blanches »

0.75 1. Montrer que $p(A) = \frac{6}{55}$

0.75 2. Calculer $p(B)$

3. On définit la variable aléatoire X en procédant au jeu suivant :

- Si les trois boules tirées sont de même couleur, on gagne 3 points.

- Si les trois boules tirées sont de couleurs deux à deux différentes, on perd 3 points.

- Si parmi les trois boules tirées deux sont de même couleur et la troisième est d'une autre couleur on gagne 0 point.

الصفحة 3	NS101	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (المماثلة الممنوعة) - الدورة العادية 2018 - الموضوع - مادة الرياضيات شعبة الهندسة الميكانيكية وشعبة الهندسة الكهربائية وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية وشعبة الفلاحة
-------------	-------	--

- 1 3.a. Copier et compléter le tableau ci-contre:
0.5 3.b. Donner l'espérance mathématique $E(X)$ de la variable aléatoire X

$X = x_i$	3	0	-3
$p(X = x_i)$		$\frac{37}{55}$	

Exercice n°4 :(2pts)

L'espace est rapporté à un repère $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

Soient (D_1) la droite passant par le point $A(1; 2; -1)$ et dont un vecteur directeur est $\vec{u}(-1; 0; 1)$

et (D_2) la droite dont une représentation paramétrique est :

$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = -t \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$$

- 0.5 1. Montrer que le point $A(1; 2; -1)$ appartient à (D_2)
1.5 2. Donner une équation cartésienne du plan défini par (D_1) et (D_2)

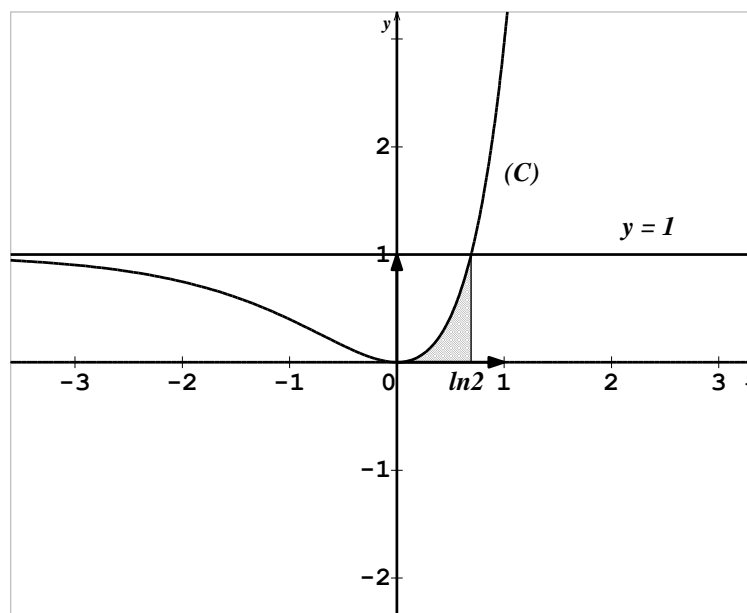
Exercice n°5 :(8.5 pts)

Soit f la fonction numérique de la variable réelle x définie sur \mathbb{R} par $f(x) = (e^x - 1)^2$ et soit (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- 1 1.a. Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et donner une interprétation géométrique du résultat.
1 1.b. Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
1 1.c. Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ et donner une interprétation géométrique du résultat.

On pourra remarquer que : $(e^x - 1)^2 = e^x(e^x - 2) + 1$

- 1 2.a. Montrer que : $f'(x) = 2(e^x - 1)e^x$ pour tout x de \mathbb{R}
1.5 2.b. Etudier le signe de $f'(x)$ et dresser le tableau de variations de f
1 3. Déterminer l'abscisse du point d'intersection de (C) et de la droite d'équation $y = 1$
4. Dans la figure ci-dessous (C) est la courbe représentative de f
0.5 4.a. Vérifier que pour tout x de \mathbb{R} : $f(x) = e^{2x} - 2e^x + 1$
1.5 4.b. Déterminer l'aire de la partie hachurée.





الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المسالك المهنية

الدورة الاستدراكية 2018
-عناصر الإجابة-

RR101

المركز الوطني للتقويم والامتحانات
والتوجيه

الصفحة	1
3	
★★	

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة الهندسة الميكانيكية بمسالكها وشعبة الهندسة الكهربائية بمسالكها وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية بمسالكها وشعبة الفلاحة بمسالكها	الشعبة أو المسلك

Exercice n°1(3.5pts)

Question	Détail d'éléments de réponses et barème	Notes partielles	Total	Observations
1	et $u_2 = \frac{19}{9} u_1 = \frac{7}{3}$	0.25 + 0.25	0.5	
2	Raisonnement par récurrence	0.5	0.5	
3.a	$u_{n+1} - u_n = \frac{-2}{3}(u_n - 2)$	0.5	0.5	
3.b	$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ décroissante :0.25 $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ convergente :0.25	0.25 + 0.25	0.5	
4.a	$v_0 = 1$	0.25	0.25	
4.b	Suite géométrique $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$	0.5	0.5	
4.c	$v_n = \left(\frac{1}{3}\right)^n$	0.25	0.5	
	$u_n = 2 + \left(\frac{1}{3}\right)^n$	0.25		
4.d	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$	0.25	0.25	On acceptera le résultat correcte sans justification

Exercice n°2 :(3pts)

Question	Détail d'éléments de réponses et barème	Notes partielles	Total	Observations
1	$z_1 = -1 + i\sqrt{3}$	0.5	1	0.25 pour Δ si z_1 ou bien z_2 n'est pas correcte Toute autre méthode est acceptée.
	$z_2 = -1 - i\sqrt{3}$	0.5		
2.a	$a - b = 2\sqrt{3} \left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6} \right)$	0.5	1	
	$c - b = 2\sqrt{3} \left(\cos \left(-\frac{5\pi}{6} \right) + i \sin \left(-\frac{5\pi}{6} \right) \right)$	0.5		



الصفحة 2	RR101	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (المسالك المصنفة) - الدورة الاستدراكية 2018 - محاضر الإجابة - مادة الرياضيات شعبة الهندسة الميكانيكية وشعبة الهندسة الكهربائية وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية وشعبة الفلاحة
3		

2.b	$\left \frac{c-b}{a-b} \right = 1$	0.25	0.5	
	$\arg \left(\frac{c-b}{a-b} \right) = \frac{\pi}{3}$	0.25		
3	$AB = BC$	0.25	0.5	
	$\left(\overline{BA}; \overline{BC} \right) \equiv \arg \left(\frac{c-b}{a-b} \right) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$	0.25		

Exercice n°3 :(3pts)

Question	Détail d'éléments de réponses et barème	Notes partielles	Total	Observations
1.a	Vérification	0.25+0.25	0.5	
1.b		0.5	0.5	
2.a	Représentation de (BC)	0.5	1	
	Représentation de (OA)	0.5		
2.b	(OA) et (BC) non coplanaires	0.5	0.5	
2.c		0.5	0.5	

Exercice n°4 :(3pts)

question	Détails d'éléments de réponses et barème	Notes partielles	Total	Observations
1.a	Donner la formule correcte	0.25	0.5	Toute méthode correcte est à accepter
	Prouver que $p(A) = \frac{2}{7}$	0.25		
1.b	Donner les deux formules correctement	2x0.25	1	
	$p(B) = \frac{15}{28}$ et $p(C) = \frac{5}{21}$	2x0.25		
2.a	$p(X=0) = \frac{20}{84}$	0.25	1.25	Les réponses doivent être justifiées
	$p(X=2) = \frac{18}{84}$	0.5		
	$p(X=3) = \frac{1}{84}$	0.5		
2.b	$E(X) = 1$	0.25	0.25	


Exercice n°5 : (7.5pts)
Partie I

Question	Détail d'éléments de réponses et barème	Notes partielles	Total	Observations
1.a	$g'(x) = 1 + \frac{1}{x}$	0.5	1	
	Signe de $g'(x)$	0.5		
1.b	g est strictement croissante	0.25	0.25	
2.a	$g(1) = 0$	0.25	0.75	
	Tableau de variations de g	0.5		
2.b	$g(x) < 0$ sur $]0;1[$	0.25	0.5	On déduit le résultat du tableau de variations
	$g(x) > 0$ sur $]1;+\infty[$	0.25		

Partie II

1.a	$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$: 0.25 La justification : 0.25	0.5	0.75	
	Interprétation géométrique	0.25		
1.b	La justification de $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	0.5	1.25	
	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$: 0.25 La justification : 0.25	0.5		
	Interprétation géométrique	0.25		
2.a	$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$	1	1	
2.b	Tableau de variations	0.5	0.5	
3.a	Formule de l'intégration par parties correcte	0.25	0.5	
	Monter que $\int_1^e \ln(x) dx = 1$	0.25		
3.b	Monter que $\int_1^e \frac{\ln(x)}{x} dx = \frac{1}{2}$	0.5	0.5	
3.c	l'aire est : $\frac{1}{2} u.a$	0.5	0.5	Le résultat sera accepté même si le candidat ne cite pas l'unité d'aire . on accordera 0.25 à la formule correcte qui lie l'aire à l'intégrale