

## الأعداد العشرية النسبية

### 1- تقديم ومقارنة الأعداد العشرية النسبية

#### أ- العدد العشري النسبي

##### تعريف

- الأعداد مثل 0 ; 1 ; 2 ; 14 , 3,14 ; 11 ; 2,5 تسمى أعدادا عشرية موجبة

- الأعداد مثل 0 ; -2 ; -1 ; -0,44 ; -12 ; -2,5 تسمى أعدادا عشرية سالبة

##### ملاحظة

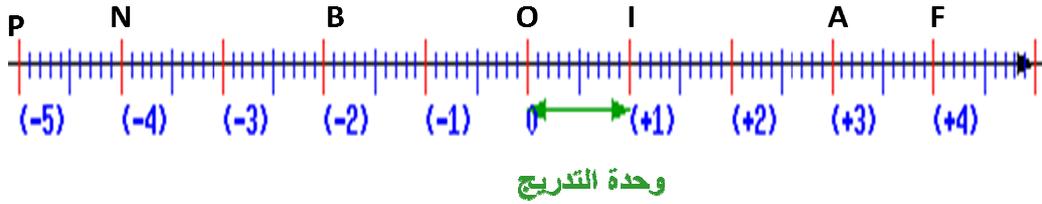
- العدد 0 هو عدد عشري موجب و سالب في آن واحد .  
- الأعداد مثل 0 ; 1 ; 8 ; 2 , 14 ; -1 ; 5 ; -51 ; 11... تسمى أعدادا صحيحة نسبية

- كل عدد صحيح نسبي هو عدد عشري نسبي .

العدد مثل : 2,5 - أو 14,12 هو عدد عشري نسبي و ليس بعدد صحيح نسبي

#### ب- المستقيم المدرج

##### مثال



- تدرج مستقيم يعني اختيار نقطتين منه O و I و إسناد العدد 0 للنقطة O و العدد

1 للنقطة I و منه فإن وحدة التدرج هي: [OI]

- النقطة O تسمى أصل المستقيم المدرج و طول [OI] يسمى وحدة التدرج

- تمثل كل عدد عشري نسبي بنقطة واحدة من المستقيم المدرج.

- العدد الذي يمكن إسناده لكل نقطة يسمى أفصولها.

- أفصول النقطة A هو: 3

- أفصول النقطة B هو: -2

- مسافة العدد 3 عن الصفر هي  $AO = 3$

- مسافة العدد -5 عن الصفر هي  $OP = 5$ .

- العدد 2 هو مقابل العدد -2 (العدد -2 هو مقابل العدد 2) نقول ان العددين 2 -

و 2 متقابلان)

#### ج- مقارنة عددين عشريين نسبيين

#### - مقارنة عددين عشريين مختلفين في الإشارة

##### قاعدة

كل عدد عشري موجب أكبر من كل عدد عشري سالب غير منعدم

### أمثلة

$$25,44 > -1000 \quad ,, \quad 2 > -11,9$$

### - مقارنة عددين عشريين لهما نفس الإشارة

إذا كان عددان عشريان سالبيين فإن أكبرهما هو الأقرب من نقطة الصفر  
إذا كان عددان عشريان موجبان فإن أكبرهما هو الأبعد عن نقطة الصفر

### أمثلة

$$-2,5 < -1 \quad ;; \quad -0,1 > -36 \quad ,, \quad -2,5 < -1 \quad ;; \quad -1 > -36$$

الرمزان :  $\leq$  و  $\geq$

❖  $a \leq b$  وتقرأ  $a$  أصغر من أو تساوي  $b$  وتعني  $a < b$  أو  $a = b$

❖  $a \geq b$  وتقرأ  $a$  أكبر من أو تساوي  $b$  وتعني  $a > b$  أو  $a = b$ .

$$\text{أمثلة: } -2 \leq 6 \quad ,, \quad -12 \leq -1$$

### -2 جمع و فرق عددين عشريين نسبيين

#### أ- جمع عددين عشريين نسبيين

#### قاعدة 1

لحساب مجموع عددين عشريين لهما نفس الإشارة نحتفظ بالإشارة ثم نجمع مسافتيهما عن الصفر .

#### مثال

$$-514,225 + (-57) = -(514,225 + 57) = -571,225$$

#### قاعدة 2

لحساب مجموع عددين عشريين مختلفين في الإشارة نأخذ إشارة العدد الأبعد عن الصفر ثم نحسب فرق مسافتيهما عن الصفر .

#### مثال

$$-14,11 + 36 = + (36 - 14,11) = 21,89$$

$$125 + (-45,5) = + (125 - 45,5) = 79,5$$

$$-31,65 + 11,5 = - (31,65 - 11,5) = -20,15$$

### ب- فرق عددين عشريين نسبيين

#### قاعدة

لحساب فرق عددين عشريين نسبيين نضيف إلى الحد الأول مقابل الحد الثاني .

$$a - b = a + (-b) \quad \text{و } a \text{ و } b \text{ عددان عشريان نسبيان}$$

### أمثلة

$$13,55 - (-12) = 13,55 + 12 = 25,55$$

$$-34 - 16 = -34 + (-16) = -(34 + 16) = -50$$

ج- ضرب الأعداد العشرية النسبية :  
- جداء عددين عشريين نسبيين مختلفين في الإشارة :  
قاعدة

جداء عددين عشريين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد عشري نسبي سالب

أمثلة

$$25,5 \times (-2) = -51 \quad ; ; \quad -11,5 \times 50 = -575$$

- جداء عددين عشريين نسبيين لهما نفس الإشارة :  
قاعدة

جداء عددين عشريين نسبيين لهما نفس الإشارة هو عدد عشري موجب

أمثلة

$$-21 \times (-5) = 105 \quad ; ; \quad -0,05 \times (-10) = 0,5$$

د- قسمة الأعداد العشرية النسبية :  
تعريف

a و b عددان عشريان نسبيان بحيث  $b \neq 0$  .

العدد q الذي يحقق  $b \cdot q = a$  يسمى خارج a على b و يكتب :  $q = \frac{a}{b}$

مثال

$$\text{لدينا } 6 = (-3) \times (-2) \text{ إذن } \frac{6}{-2} = -3$$

- خارج عددين عشريين نسبيين لهما نفس الإشارة :  
قاعدة

خارج عددين عشريين نسبيين لهما نفس الإشارة هو عدد عشري نسبي موجب

أمثلة

$$-807,95 : (-13) = 62,15 \quad ; ; \quad 781 : 7,1 = 110$$

- خارج عددين عشريين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد عشري نسبي سالب  
قاعدة

خارج عددين عشريين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد عشري نسبي سالب

أمثلة

$$807,95 : (-13) = -62,15 \quad ; ; \quad -781 : 7,1 = -110$$

3- القوى

أ- قوة عدد عشري نسبي

## تعريف

a عدد عشري نسبي و n عدد صحيح طبيعي غير منعدم.

$$a^n = \underbrace{a \times a \times a \times a \times \dots \times a}_{n \text{ من العوامل}}$$

n من العوامل

## ملاحظة

نسمي a أساس القوة  $a^n$

نسمي n أس القوة  $a^n$

## أمثلة

$$5^2 = 5 \times 5 = 25 \quad ,, \quad (-2)^5 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = -32$$

## ملاحظة

$$a^1 = a \quad , \quad (0 \neq a) \quad a^0 = 1$$

## أمثلة

$$999^1 = 999 \quad ,, \quad 4^0 = 1$$

ب - إشارة قوة أساسها سالب

## خاصية

تكون قوة أساسها سالب :

موجبة : إذا كان أسها عددا زوجيا

سالبة : إذا كان أسها عددا فرديا

## أمثلة

إشارة هذه القوة  $(-3)^8$  موجبة

إشارة هذه القوة  $(-1)^5$  سالبة

ج - خصائص القوى

a و b عدنان عشريان نسبيان .

m و n عدنان صحيحان طبيعيان.

<u>المثال</u>	<u>الخاصية</u>
$5^{12} \times 5^6 = 5^{12+6} = 5^{18}$	$d^n \times d^m = d^{n+m}$
$(2^5)^9 = 2^{5 \times 9} = 2^{45}$	$(a^n)^m = a^{n \times m}$
$3^{10} \times \left(\frac{1}{3}\right)^{10} = \left(3 \times \frac{1}{3}\right)^{10} = 1^{10} = 1$	$a^n \times b^n = (a \times b)^n$
$\left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1^3}{2^3} = \frac{1 \times 1 \times 1}{2 \times 2 \times 2} = \frac{1}{8}$	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

د - قوى العدد 10

تعريف

n عدد صحيح طبيعي

$$10^n = 1000 \dots 0$$

n من الأصفار

أمثلة

$$10^5 = 100000$$

$$10^{11} = 100000000000$$

$$10^{22} = 10000000000000000000000$$