

كيمياء (7 نقط)

يتفاعل الألومنيوم Al مع غاز ثاني الأوكسجين O_2 وينتج عن هذا التفاعل أوكسيد الألومنيوم Al_2O_3 . نعطي جدول تقدم التفاعل.

| معادلة التفاعل | | | التقدم | الحالات |
|----------------------|----------|------------------------|------------------------|--------------------------------|
| $4Al$ | $+ 3O_2$ | $\rightarrow 2Al_2O_3$ | | |
| كميات المادة ب (mol) | | | | |
| 0,2 | 0,3 | | 0 | الحالة البدئية |
| | | | x | حالة التحول |
| | | | $x_{max} = \dots\dots$ | الحالة النهائية |
| | | | | تركيب الخليط عند نهاية التفاعل |

- (1) أنتم ملء جدول تقدم التفاعل .
 (2) حدد التقدم الأقصى واستنتج المتفاعل المحد . ثم أنتم جدول التقدم مينا عليه تركيب الخليط عند نهاية التفاعل.
 (3) ارسم المنحنى المعبر عن التفسير الممياني الذي يمثل تغيرات كمية مادة المتفاعلات المتبقية وكمية مادة النواتج المتكونة خلال هذا التحول.
 (4) استنتج كتلة الألومنيوم البدئية المستعملة . نعطي : $M(Al) = 27 \text{ g/mol}$
 (5) استنتج حجم غاز ثاني الأوكسجين البدئي المستعمل . $V_m = 24 \text{ L/mol}$
 (6) استنتج كتلة أوكسيد الألومنيوم Al_2O_3 المتكونة عند نهاية التفاعل. $M(Al_2O_3) = 102 \text{ g/mol}$
 (7) ما كمية مادة الألومنيوم التي يجب إضافتها لنفس الخليط التفاعلي في البداية لكي يكون الخليط البدئي ستوكيومتريا؟

تصيرين الفيزياء رقم (7 نقط)

يتحرك جسم صلب S كتلته $m = 100 \text{ g}$ فوق سكة $ABCD$ تتكون من ثلاثة أجزاء :

- الجزء AB مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ تتم فوقه الحركة بدون احتكاك ، طوله $AB = 90 \text{ cm}$.
 - الجزء BC أفقي طوله : $BC = 2 \text{ m}$.
 - الجزء CD دائري مركزه O وشعاعه r تتم خلاله الحركة بدون احتكاك .
 ينطلق الجسم من النقطة A بدون سرعة بدئية .

- (1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين A و B أوجد سرعة الجسم S في النقطة B . نعطي $g = 10 \text{ N/kg}$.
 (2) علما أن الجسم يتوقف عند النقطة C (أي $v_C = 0$) .
 1-2- بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين B و C بين أن الحركة تتم باحتكاك .
 2-2- احسب شدة القوة الاحتكاك f التي نعتبرها ثابتة .
 (3) يتابع الجسم حركته فوق السكة CD بدون احتكاك منطلقا من C بسرعة منعدمة و يمر من M بسرعة $v_M = 1 \text{ m/s}$.
 نعلم موضع الجسم على الجزء CD بالزاوية θ ونعتبر كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية $E_{pp} = 0$ عند $z = 0$ ونعطي شعاع المسار الدائري $r = 1 \text{ m}$.
 1-3- احسب الطاقة الميكانيكية للجسم S في النقطة C .
 2-3- أوجد تعبير طاقة الوضع الثقالية للجسم في الموضع M .
 3-3- علما أن الطاقة الميكانيكية للجسم تتحفظ بين C و M أوجد قيمة الزاوية θ .
 4-3- علما أن الطاقة الميكانيكية للجسم تتحفظ بين C و D . أوجد قيمة السرعة v_D .

تصيرين الفيزياء رقم 2: (6 نقط)

جسم صلب S كتلته $m = 200 \text{ g}$ ينزلق فوق سكة $ABCD$ تتكون من جزء مستقيم $AB = 2 \text{ m}$ ومائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ كما يبينه الشكل

وجزء دائري BC شعاعه $r = 1 \text{ m}$ وجزء مستقيم CD نعطي $\theta = 60^\circ$.
 ينطلق الجسم من النقطة A بدون سرعة بدئية . نعتبر $g = 10 \text{ N/kg}$.
 نعتبر كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية $E_{pp} = 0$ عند $z = 0$.

(1) الحركة تتم بدون احتكاك خلال المدار ABC .
 1-1- عرف الطاقة الميكانيكية .
 2-1- متى تكون الطاقة الميكانيكية منحصرة ؟
 3-1- أوجد قيمة طاقة الوضع الثقالية E_{ppA} للجسم في النقطة A .
 4-1- احسب الطاقة الميكانيكية E_{mA} للجسم في النقطة A .
 5-1- أوجد تعبير طاقة الوضع الثقالية للجسم في النقطة B ثم احسب قيمتها. (0,5)

- 6-1- استنتج قيمة الطاقة الحركية للجسم في النقطة B . (استعمل انحفاظ الطاقة الميكانيكية بين A و B) .
 7-1- اوجد طاقة الوضع الثقالية للجسم في النقطة C ثم باستعمال انحفاظ الطاقة الميكانيكية بين A و C استنتج E_{cC} .
 (2) علما أن سرعة الجسم تنعدم عند النقطة D .
 1-2- بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم S بين C و D أوجد شغل القوة \vec{R} (تأثير سطح التماس) ثم استنتج طبيعة التماس. (0,5)
 2-2- فسر لماذا لا تتحفظ الطاقة الميكانيكية في هذه الحالة . وأعط شغل قوة الاحتكاك .
 3-2- استنتج كمية الحرارة Q المبددة خلال الانتقال من C إلى D .

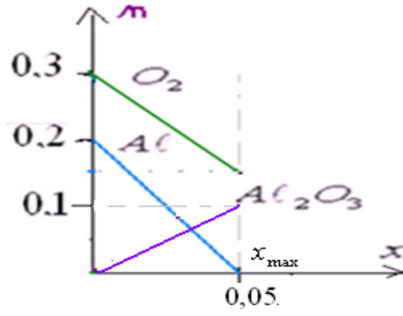
تصحيح موضوع الكيمياء (7 نقط) (1)

| معادلة التفاعل | | | الحالات | |
|-------------------------|-------------------------|-----------------------------------|-------------------------|-----------------|
| كميات المادة ب (mol) | | | التقدم | الحالات البدئية |
| 4Al | + 3O ₂ | → 2Al ₂ O ₃ | 0 | 0 |
| 0,2 | 0,3 | 0 | x | حالة التحول |
| 0,2 - 4x _{max} | 0,3 - 3x _{max} | 2x _{max} | x _{max} = 0,05 | الحالة النهائية |
| 0 | 0,15 | 0,1 | | |

(2) إذا افترضنا أن Al هو المحد : $0,2 - 4x_{\max} = 0 \Leftrightarrow x_{\max} = 0,05 \text{ mol}$

إذا O₂ هو المحد : $0,3 - 3x_{\max} = 0 \Leftrightarrow x_{\max} = 0,1 \text{ mol}$ وبما أن $0,05 \text{ mol} < 0,1 \text{ mol}$ فإن $x_{\max} = 0,05 \text{ mol}$ افتراضنا أن وبالتالي فإن Al هو المحد.

(3) المنحنى الممباني:



(4) لدينا : $n_i(\text{Al}) = \frac{m}{M} \Leftrightarrow m = n_i(\text{Al}) \times M = 0,2 \times 27 = 5,4 \text{ g}$

(5) لدينا : $n_i(\text{O}_2) = \frac{V(\text{O}_2)}{V_m} \Leftrightarrow V(\text{O}_2) = n_i(\text{O}_2) \times V_m = 0,3 \times 24 = 7,2 \text{ L}$

(6) $n_i(\text{Al}_2\text{O}_3) = \frac{m(\text{Al}_2\text{O}_3)}{M}$ ومن خلال جدول التقدم لدينا $m(\text{Al}_2\text{O}_3) = 2 \cdot x_{\max} = 2 \times 0,05 = 0,1 \text{ mol}$ لدينا : $m = 0,1 \times M = 10,2 \text{ g}$

(7) لكي يكون الخليط البدئي ستوكيوميتريا يجب أن تكون :

$\frac{n_i(\text{Al})}{4} = \frac{n_i(\text{O}_2)}{3} \Leftrightarrow \frac{n_i(\text{Al})}{0,2 \text{ mol}} = \frac{n_i(\text{O}_2)}{0,3}$ بدلا من $0,2 \text{ mol}$

أي أنه كان يجب إضافة 0,2 mol من الألومنيوم في البداية لكي يكون الخليط ستوكيوميتريا.

تصحيح التمرين الأول فيزياء:

(1) الجسم S يخضع للقوى التالية :

\vec{P} : وزن الجسم. \vec{R} : القوة المطبقة من طرف سطح التماس وهي عمودية على السطح. بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم S بين A و B .

$$\Delta E_{c, A \rightarrow B} = \sum_{A \rightarrow B} W \vec{F}$$

$$E_{c, B} = W \vec{P}$$

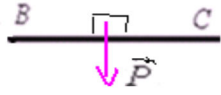
إذن :

$$E_{c, B} - E_{c, A} = W \vec{P} + W \vec{R}$$

$$v_B = \sqrt{2 \cdot g \cdot AB \sin \alpha}$$

أي : $\frac{1}{2} \cdot m v_B^2 = m \cdot g \cdot AB \sin \alpha \Leftrightarrow v_B^2 = 2 \cdot g \cdot AB \cdot \sin \alpha$ ومنه :

ن.ع. : $v_B = \sqrt{2 \cdot g \cdot AB \sin \alpha} = \sqrt{2 \times 10 \times 0,9 \times \sin 30} = \sqrt{9} = 3 \text{ m/s}$



$$-E_{cB} = W\vec{R}_{B \rightarrow C}$$

إذن :

$$\Delta E_c = \sum_{B \rightarrow C} W\vec{F}$$

$$E_{cC} - E_{cB} = W\vec{P}_{B \rightarrow C} + W\vec{R}_{B \rightarrow C}$$

لدينا : $W\vec{R}_{B \rightarrow C} < 0$ إذن الحركة بين B و C تتم باحتكاك.

$$W\vec{R}_{B \rightarrow C} = -\frac{1}{2}.m.v_B^2 = -0,5 \times 0,1 \times 9 = -0,45J$$

$$f = \frac{-W\vec{R}_{B \rightarrow C}}{BC} = \frac{-(-0,45)}{2} = 0,225N \quad \leftarrow \quad W\vec{R}_{B \rightarrow C} = -f \times BC \quad -2-2$$

3-1-1 لدينا الطاقة الحركية : $E_{cC} = 0$

ولدينا $E_{pp} = m.g.z + C$ وبما أن $E_{pp} = 0$ عند $z = 0$ فإن $C = 0$ وبالتالي : $E_{pp} = m.g.z$

$$E_{ppC} = m.g.z_C : \text{إذن } z_C = r : \text{مع } E_{ppC} = m.g.z_C$$

$$E_{mC} = E_{ppC} + E_{cC} = 0 + 1 = 1J$$

الطاقة الميكانيكية للجسم في النقطة C :

$$E_{ppM} = m.g.z_M \quad -2-3 \quad \text{مع } z_M = r.\cos\theta \quad \text{إذن} \quad E_{ppM} = m.g.r.\cos\theta$$

3-3 بما أن الطاقة الميكانيكية للجسم تحفظ بين C و M : فإن $E_{mM} = E_{mC}$

$$m.g.r.\cos\theta = E_{mC} - \frac{1}{2}.m.v_M^2 \quad \text{ومنه} \quad \frac{1}{2}.m.v_M^2 + m.g.r.\cos\theta = E_{mC} \quad \leftarrow \quad E_{mM} = E_{cC} + E_{ppC} \quad \text{أي} :$$

$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{E_{mC} - \frac{v_M^2}{2.g.r}}{m.g.r}\right) \quad \text{أي} \quad \cos\theta = \frac{E_{mC}}{m.g.r} - \frac{v_M^2}{2.g.r} \quad \text{ومنه} :$$

$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{1}{0,1 \times 10 \times 1} - \frac{1^2}{2 \times 10 \times 1}\right) = \cos^{-1} 0,95 \approx 18,2^\circ$$

$$\frac{1}{2}.m.v_D^2 = E_{mC} \quad \leftarrow \quad E_{mD} = E_{mC} \quad \text{فإن} \quad E_{mD} = E_{mC} \quad -4-3 \quad \text{بما أن الطاقة الميكانيكية للجسم تحفظ بين C و D}$$

$$E_{mD} = \frac{1}{2}.m.v_D^2 \quad \text{إذن} \quad E_{ppD} = 0 \quad \text{لأن} :$$

$$v_D = \sqrt{\frac{2.E_{mC}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 1}{0,1}} = 4,47 m/s \quad \text{وبالتالي} :$$

تصحيح التمرين الثاني فيزياء :

$$E_m = E_c + E_{pp} \quad -1-1 (1)$$

2-1 تكون الطاقة الميكانيكية منحطة في غياب الاحتكاكات.

$$z_A = AB.\sin\alpha + r(1 - \cos\theta) \quad \text{مع} \quad E_{ppA} = m.g.z_A \quad \text{إذن} \quad E_{pp} = m.g.z \quad \text{فإن} \quad E_{pp} = m.g.z \quad -3-1 \quad \text{باعتبار الحالة المرجعية فإن}$$

$$E_{ppA} = 0,2 \times 10 [2.\sin 30 + 1(1 - \cos 60)] = 3J \quad \text{ت.ع.} \quad E_{ppA} = m.g.[AB.\sin\alpha + r(1 - \cos\theta)] \quad \text{إذن} :$$

$$E_{mA} = E_{cA} + E_{ppA} \quad -4-1$$

$$\dots = 0 + 3 = 3J$$

$$E_{ppB} = 0,2 \times 10 \times 1(1 - \cos 60) = 1J \quad \text{ت.ع.} \quad E_{ppB} = m.g.r(1 - \cos\theta) \quad \text{أي} \quad E_{ppB} = m.g.z_B \quad -5-1$$

$$E_{mA} = E_{cB} + E_{ppB} \quad \text{أي} \quad E_{mA} = E_{mB} \quad \text{فإن} \quad E_{mA} = E_{mB} \quad -6-1 \quad \text{بما أن الطاقة الميكانيكية للجسم تحفظ بين A و B}$$

$$E_{cB} = E_{mA} - E_{ppB} = 3 - 1 = 2J \quad \text{ومنه نستخرج} :$$

$$E_{cC} = E_{mA} = 3J \quad \text{أي} \quad E_{mA} = E_{ppC} + E_{cC} \quad \leftarrow \quad E_{mA} = E_{mC} \quad \text{ولدينا} \quad E_{ppC} = 0J \quad -7-1$$

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم S بين C و D .

$$\Delta E_c = \sum_{C \rightarrow D} W_{\vec{F}}$$

$$W_{C \rightarrow D}^{\vec{R}} = -E_{cC} = -3J \quad \text{إذن} \quad -E_{cC} = W_{C \rightarrow D}^{\vec{R}} \quad \text{و:} \quad E_{cD} = 0 \quad \text{مع} \quad W_{C \rightarrow D}^{\vec{P}} = 0 \quad E_{cD} - E_{cC} = W_{C \rightarrow D}^{\vec{P}} + W_{C \rightarrow D}^{\vec{R}}$$

الشغل $W_{C \rightarrow D}^{\vec{R}}$: سالب . إذن الحركة تتم باحتكاك.

2-2- بما أن الاحتكاكات غير مهمة فإن الطاقة الميكانيكية لا تتحفظ لأن قسما منها يتبدد على شكل طاقة حرارية بسبب الاحتكاك.

$$W_{C \rightarrow D}^{\vec{F}} = W_{C \rightarrow D}^{\vec{R}} = -3J$$

$$Q = -W_{C \rightarrow D}^{\vec{F}} = 3J \quad -3-2$$