

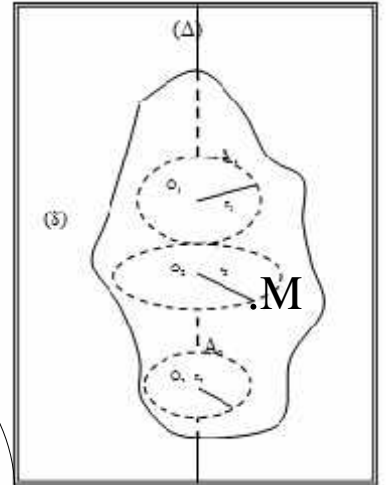
# Rotation d'un solide indéformable autour d'un axe fixe (U).

Prof. DELAHI Mohamed

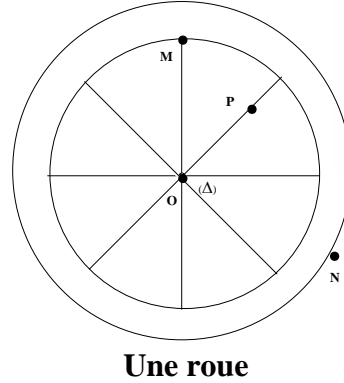
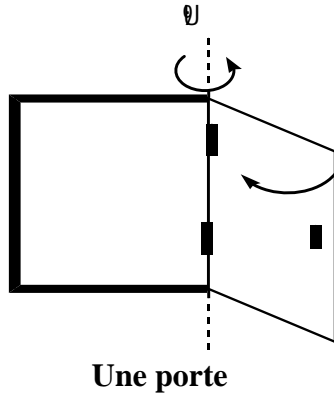
## 1) Définition :

✓ On dit qu'un corps solide indéformable est en mouvement de rotation autour d'un axe fixe ; si tous les points qui le constituent sont en mouvement circulaire centré sur cet axe ( $\Delta$ ), (sauf les points appartenant à l'axe de rotation).

- ✓ le point M a un mouvement circulaire.
- ✓ le corps (S) un mouvement de rotation autour de l'axe ( $\Delta$ ).



## Exemples :

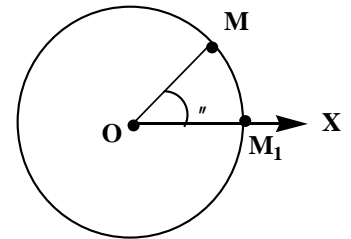


## 2) Repérage d'un point M en mouvement circulaire.:

### ✓ 2-1/ Abscisse angulaire $\theta(t)$ :

C'est l'angle orienté que fait le vecteur position  $\vec{OM}$  avec un axe arbitraire  $\vec{OX}$

$$\theta(t) = \left( \vec{OX}, \vec{OM} \right)$$



Rad

- ✓  $\theta(t)$  est un grandeur algébrique exprimée en rad
- ✓  $\theta(t) = f(t)$  : Equation horaire du mouvement.

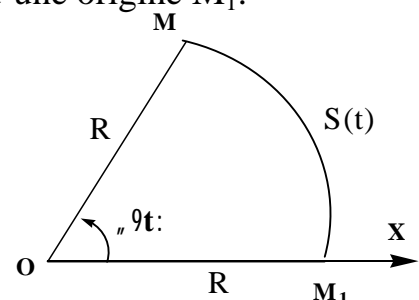
*Remarque :*  $\frac{(\text{deg})}{180} = \frac{(\text{rad})}{1}$

### ✓ 2-2 Abscisse curviligne S(t):

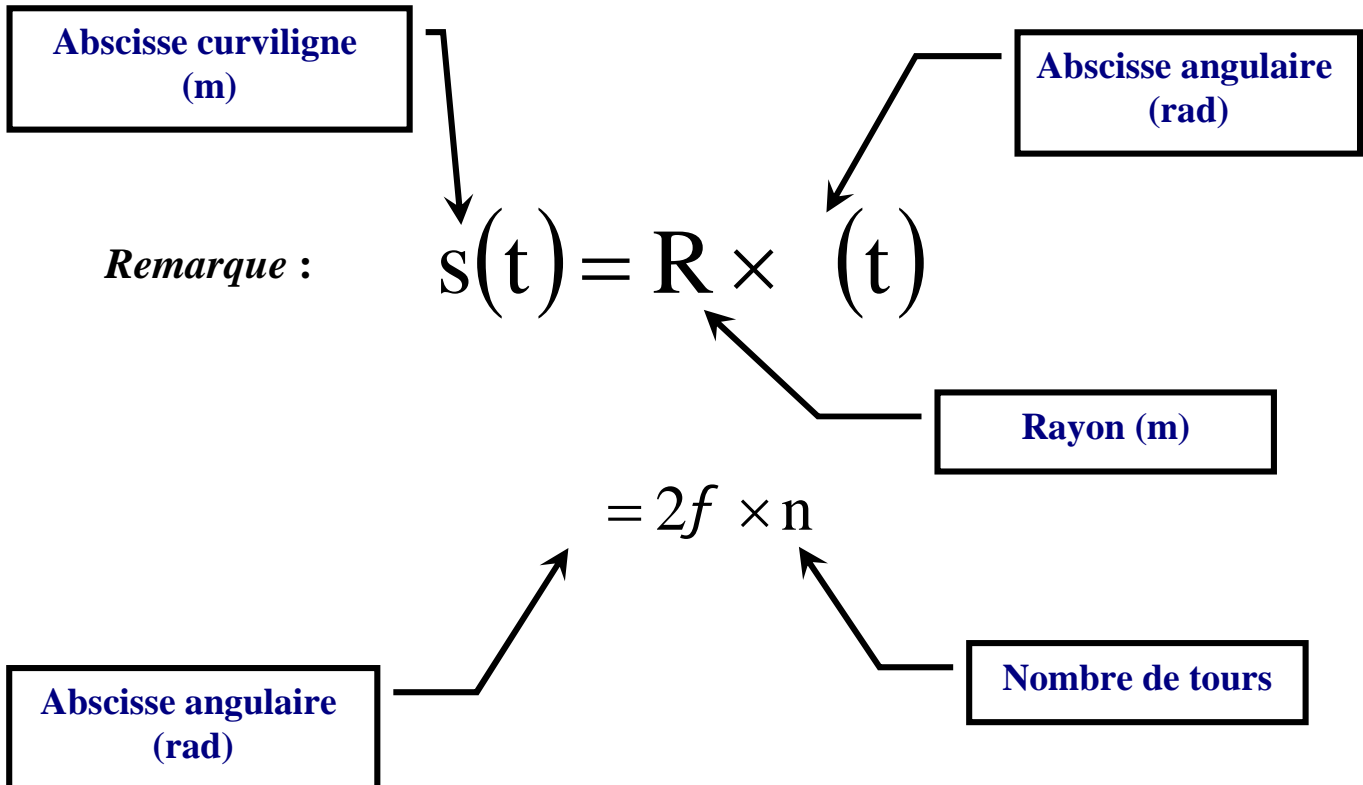
C'est la mesure algébrique de l'arc  $\widehat{MM_1}$  compté à partir d'une origine  $M_1$ .

m

 $\rightarrow S(t) = \widehat{MM_1}$



**2-3 Relation entre  $s(t)$  et  $S(t)$  :**



**3) Vitesse angulaire  $\dot{S}(t)$  :**

**3-1 vitesse angulaire moyenne  $\dot{S}_m$  :**

$$\dot{S}_m = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \quad \begin{cases} \Delta\theta & \text{en rad} \\ \Delta t & \text{en s} \\ \omega_m & \text{en rad.s}^{-1} \end{cases}$$

On la note avec  $\Delta\theta$  : angle balayé par  $\vec{OM}$  pendant la durée  $\Delta t$

**3-2 vitesse angulaire instantanée**

$$\dot{S}_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

$\theta_{i+1}$  Abscisse angulaire à instant  $t_{i+1}$   
 $\theta_{i-1}$  Abscisse angulaire à instant  $t_{i-1}$

**4) Vitesse linéaire d'un point du solide  $V(t)$  :**

**4-1 vitesses linéaire moyenne :**

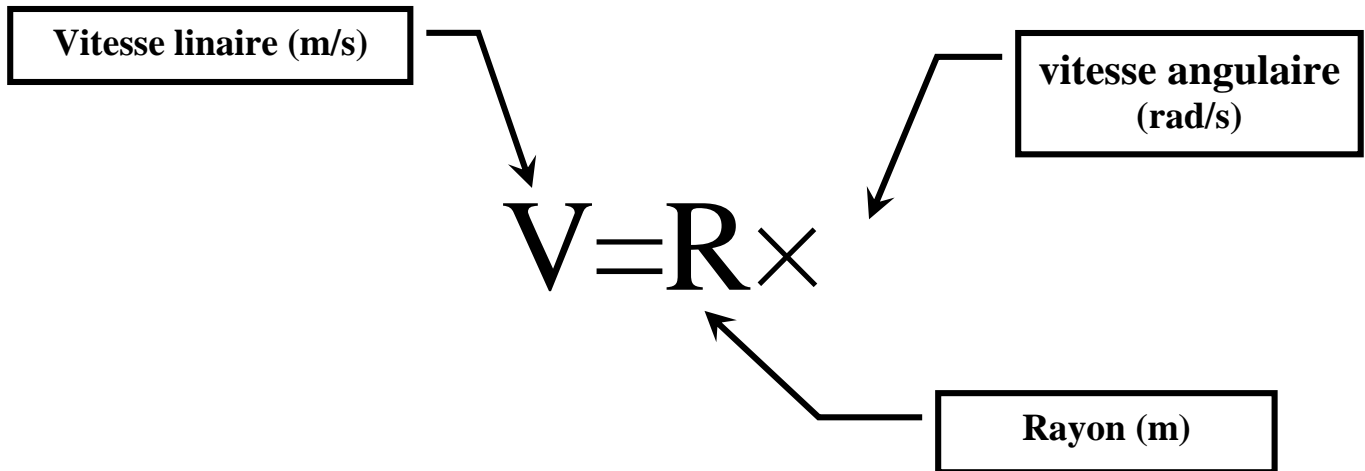
$$V_m = \frac{d}{\Delta t} \quad \begin{cases} d & \text{en m} \\ \Delta t & \text{en s} \\ V_m & \text{en m.s}^{-1} \end{cases}$$

**4-2 vitesses linéaire instantanées**

$$V_i = \frac{M_{i+1} - M_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

**Remarque** : pendant une durée très court :  $M_{i+1}M_{i-1} = M_{i+1}M_{i-1}$

**Relation entre la vitesse linéaire  $V$  et la vitesse angulaire  $\dot{\theta}$  :**



### 5) le mouvement de rotation uniforme.

#### 5-1/- Définition :

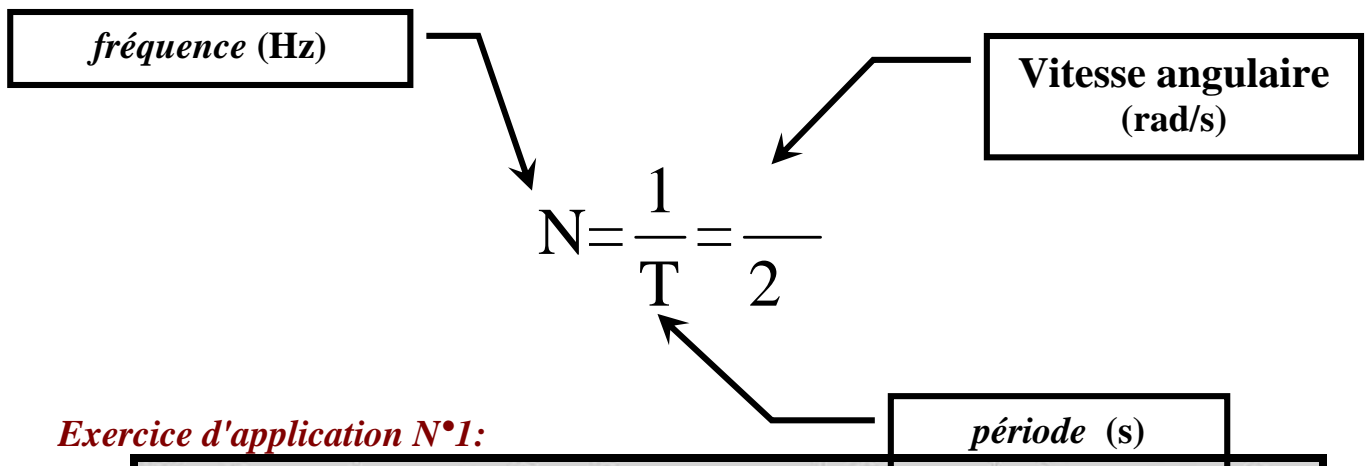
Le mouvement d'un corps solide autour d'un axe fixe est uniforme ; si sa vitesse angulaire  $\omega$  reste constante au cours du temps :  $\omega = Cte$

#### 5-2/-période $T$ et fréquence $N$ :

**La période  $T$**  : le temps d'un tour complet effectué par tout point d'un corps solide indéformable en rotation uniforme autour d'un axe fixe :

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

**La fréquence  $N$**  : la fréquence  $N$ , d'un mouvement de rotation uniforme d'un corps solide indéformable, représente le nombre de répétition qu'effectue chaque point de ce corps solide en 1 seconde.



#### Exercice d'application N°1:

Un disque de rayon  $R = 10cm$  tourne à  $30 \text{ tours/min}$ , autour d'un axe passant par son centre d'inertie .

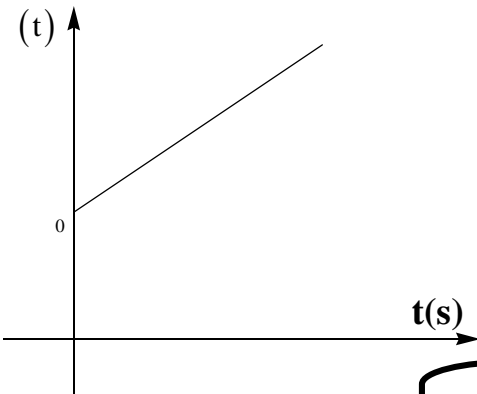
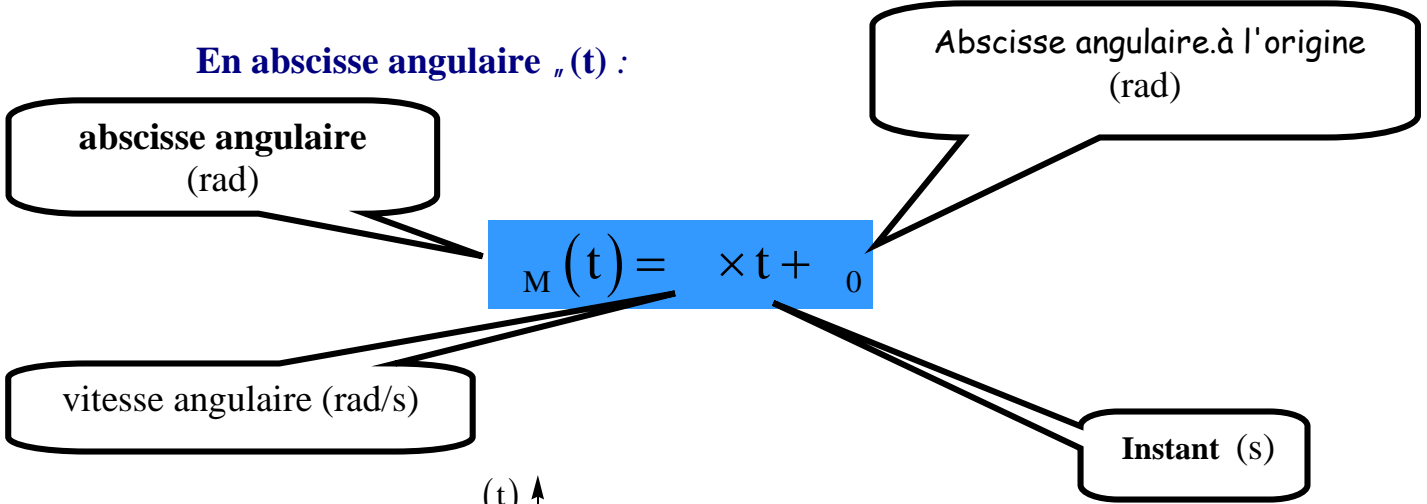
1. Calculer la période et la fréquence de ce disque .
2. Calculer la vitesse angulaire du disque . En déduire la vitesse d'un point  $M$  situé sur la circonférence d'un disque .
3. Calculer la vitesse d'un point  $N$  situé sur une circonférence de rayon  $r = 5cm$  .

**Exercice d'application N°2:**

- 1) Calculer  $\omega_s$  la vitesse angulaire de l'aiguille des secondes d'une montre.
- 2) Calculer  $N_m$  la fréquence de l'aiguille des minutes d'une montre.
- 3) Calculer  $V$  la vitesse linéaire de l'extrémité de l'aiguille des heures de cette montre en m/min on donne la distance qui sépare l'extrémité du centre de rotation est de 2 cm.

**5-3/ Equation horaire du mouvement de rotation uniforme :**

**En abscisse angulaire  $\theta(t)$  :**



**En abscisse curviligne  $s(t)$  :**

