

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة العادية 2015  
- الموضوع -

NS 26

٤٢٨٦٤ | ٤٣٥٤٠  
٤٣٥٤٠ | ٤٣٥٤٠  
٤٣٥٤٠ | ٤٣٥٤٠



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	מסלול العلوم الاقتصادية وמסלול علوم التدبير المحاسبي	الشعبة أو المسارك

### تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة و العمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاثة صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

. 1

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناء؛
- يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغي عليك تعلييل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).

. 2

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
- ينبع علىك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروء؛
- يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتسهيل عملية التصحيح؛
- تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
- تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

## التمرين الأول : (4.5 نقط)

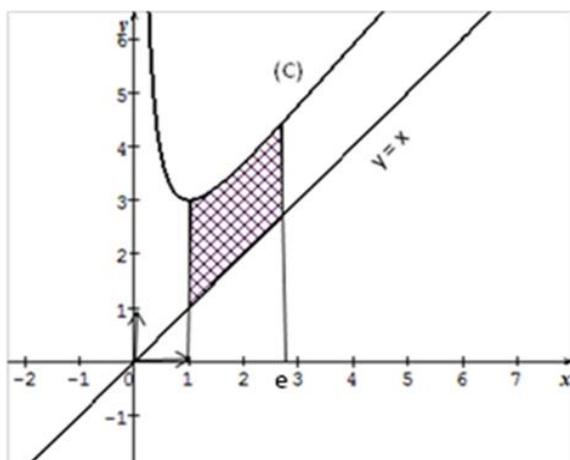
$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{1}{5}u_n + 1 & ; \quad n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 1 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتالية العددية } (u_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ المعرفة بما يلي :}$$

1 . احسب  $u_2$  و  $u_1$  0.52 . بين بالترجع أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_n < \frac{5}{4}$  0.53 . أ . بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - u_n = -\frac{4}{5}\left(u_n - \frac{5}{4}\right)$  0.5ب . استنتج أن  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  متالية متزايدة وأنها متقاربة . 0.754 . نضع  $v_n = u_n - \frac{5}{4}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$   
أ . احسب  $v_0$  0.25ب . بين أن المتالية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  هندسية أساسها  $\frac{1}{5}$  0.5ج . احسب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أن  $u_n = \frac{1}{4}\left(5 - \left(\frac{1}{5}\right)^n\right)$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  1د . احسب النهاية  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  0.5

## التمرين الثاني : (11 نقطة)

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $[0; +\infty]$  بما يلي :وليكن  $(C)$  تمثيلها المبيان في معلم متعدم منظم  $(\bar{O}, \bar{i}, \bar{j})$ 1 . أ . بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  0.75ب . بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$  ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة . 1.52 . أ . تحقق أن  $f(x) = x + \frac{2+x \ln x}{x}$  لكل  $x$  من  $[0; +\infty]$  0.5ب . احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة . 13 . أ . احسب  $f'(x)$  لكل  $x$  من  $[0; +\infty]$  0.5ب . تتحقق أن  $f'(x) = \frac{(x-1)(x+2)}{x^2}$  وادرس إشارة التعبير  $(x-1)(x+2)$  على كل من المجالين  $[0; 1]$  و  $[1; +\infty]$  1

ج . استنتاج أن الدالة $f$ تزايدية على المجال $[0;1]$ و تناصية على المجال $[1;+\infty)$	0.5
د . ضع جدول تغيرات الدالة $f$	0.5
4 . أ . تحقق أن $f''(x) = \frac{4-x}{x^3}$ لكل $x$ من $[0;+\infty)$	0.75
ب . ادرس إشارة $f''(x)$ لكل $x$ من $[0;+\infty)$ ثم استنتاج أن $(C)$ يقبل نقطة انعطاف $I$ ينبغي تحديد زوج إحداثياتها.	1.5
5 . أ . باستعمال متكاملة بالأجزاء بين أن : $\int_1^e \ln x \, dx = 1$	1
ب . استنتاج مساحة الحيز المخدش في الشكل أسفله.	1.5



التمرين الثالث : (4.5 نقط) (تقديم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)  
يحتوي كيس على ثمان كرات غير قابلة للتمييز باللمس، ثلاثة منها خضراء وخمس منها حمراء.  
نسحب من الكيس وفي آن واحد كرتين .

1 . بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 28	0.5
2 . نعتبر الحدين $A$ و $B$ التاليين :	
A : " الكرتان المسحوبتان لهما نفس اللون "	
B : " الكرتان المسحوبتان مختلفتا اللون "	
أ . بين أن $p(A) = \frac{13}{28}$	1
ب . احسب احتمال الحدث $B$	1
3 . ليكن $X$ المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.	3
أ . بين أن $p(X=0) = \frac{10}{28}$	0.5
ب . أتم ملء الجدول أسفله بعد نقله على ورقة تحريرك معللا جوابك .	1

$x_i$	0	1	2
$p(X=x_i)$	$\frac{10}{28}$		

ج . احسب  $E(X)$  الأمل الرياضي للمتغير العشوائي  $X$

0.5

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة العادية 2015  
- عناصر الإجابة -

٤٠٢٤٥٤٦ | ٤٠٣٧٤٥٤ | ٩٠٢٤٤٥٤ | ٨٠٣٧٤٥٤  
٨٠٣٧٤٥٤ | ٩٠٣٧٤٥٤ | ٨٠٣٧٤٥٤



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

NR 26

2 مدة الإنجاز  
4 المعامل

الرياضيات

المادة

مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي

الشعبة أو المسلك

التمرين الأول (4.5 نقط)

السؤال	تفصيل سلم التنفيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
1	$u_2 = \frac{6}{5}$ و $u_1 = \frac{31}{25}$	0.25 + 0.25	0.5	
2		0.5	0.5	
أ . 3		0.5	0.5	
ب . 3	( $u_n$ ) <sub>n ∈ ℙ</sub> تزايدية	0.5	0.75	
	( $u_n$ ) <sub>n ∈ ℙ</sub> إثبات تقارب	0.25	0.5	
أ . 4	$v_0 = \frac{-1}{4}$	0.25	0.25	
ب . 4		0.5	0.5	
ج . 4	$v_n = -\frac{1}{4} \left(\frac{1}{5}\right)^n$	0.5	0.25	
	$u_n = \frac{1}{4} \left(5 - \left(\frac{1}{5}\right)^n\right)$	0.5	0.5	
د . 4	التعليق	0.25	0.5	في حالة تقديم النتيجة صحيحة دون تعليل تمنح للمترشح 0.25
	النتيجة	0.25		

التمرين الثاني (11 نقطة)

السؤال	تفصيل سلم التنفيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
أ . 1	إثبات أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	0.75	0.75	
ب . 1	إثبات أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$	0.5	1.5	
	إثبات أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = +\infty$	0.5	0.5	
	التأويل الهندسي	0.5	0.5	
أ . 2	التحقق	0.5	0.5	
ب . 2	$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$	0.25	1	
	التعليق	0.5	0.5	
	التأويل الهندسي	0.25	0.25	

	0.5	0.5	$f'(x)$	أ. 3
	1	0.5	التحقق	
		2x0.25	دراسة الإشارة	ب. 3
	0.5	2x0.25	الاستنتاج	ج. 3
	0.5	0.5	جدول التغيرات	د. 3
	0.75	0.75	التحقق	أ. 4
		0.5	دراسة إشارة $f''(x)$	
		0.5	تحليل وجود نقطة انعطاف	
	1.5	0.5	نقطة الانعطاف	ب. 4
			$I\left(4; \frac{9}{2} + 2 \ln 2\right)$	
	1	1	$\int_1^e \ln x dx = 1$	أ. 5
لا يحسب عدم ذكر وحدة القياس	1.5	0.5	الصيغة المناسبة للتكامل	
		0.5	$\int_1^e (f(x) - x) dx$	
		0.5	$\int_1^e \frac{2}{x} dx = 2$	
		0.5	المساحة 3 u.a	

التمرين الثالث (4.5 نقط)

السؤال	تفصيل سلم التنقيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
. 1	$C_8^2 = 28$	0.5	0.5	يقبل كل تحليل صحيح
أ. 2	$p(A) = \frac{13}{28}$	1	1	تقبل كل طريقة صحيحة
ب. 2	$p(B) = \frac{15}{28}$	0.5	0.5	تقبل كل طريقة صحيحة
أ. 3	$p(X=0)$	0.25	0.25	صيغة
	$p(X=0)$	0.25	0.25	حساب
ب. 3	$p(X=1)$	0.25	0.25	تمنح النقطة كاملة لكل طريقة صحيحة
	$p(X=1) = \frac{15}{28}$	0.25	0.25	
	$p(X=2)$	0.25	0.25	تمنح النقطة كاملة لكل طريقة صحيحة
	$p(X=2) = \frac{3}{28}$	0.25	0.25	
ج. 3	$E(X) = \frac{3}{4}$	0.25	0.25	الصيغة
		0.25	0.25	