



3	مدة الإنجاز	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية	الشعبة أو المسلك

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة
يتضمن الموضوع أربعة تمارين

التمرين الأول (7 نقط) :

- التحليل الكهربائي لمحلول نترات الرصاص
- دراسة تفاعلين لحمض البروبانويك

التمرين الثاني (3 نقط) :

- دراسة تفاعل الاندماج النووي

التمرين الثالث (4,5 نقط) :

- دراسة ثنائي القطب RC أثناء الشحن
- دراسة خمود وصيانة التذبذبات الكهربائية

التمرين الرابع (5,5 نقط) :

- دراسة حركة دقيقة مشحونة في مجال مغناطيسي منتظم
- دراسة طاقة لنواس بسيط

التمرين الأول (7 نقط)

سلم
التنقيط

الجزءان الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول (2 نقط) : التحليل الكهربائي لمحلول نترات الرصاص

ننجز التحليل الكهربائي لمحلول مائي لنترات الرصاص $Pb_{(aq)}^{2+} + 2NO_3^{-}(aq)$.

نضع هذا المحلول في محلل كهربائي ونمرر تيارا كهربائيا مستمرا شدته ثابتة $I = 0,7 A$ بين الإلكترودين (A) و (B) للمحلل خلال المدة الزمنية $\Delta t = 60 \text{ min}$.

نلاحظ خلال هذا التحليل الكهربائي، توضع فلز الرصاص على الإلكترود (A) وتكوّن غاز ثنائي الأوكسجين بجوار الإلكترود (B).

معطيات :

- المزدوجتان المتدخلتان في التفاعل : $Pb_{(aq)}^{2+} / Pb_{(s)}$ و $O_2(g) / H_2O_{(l)}$ ؛

- ثابتة فرادي: $1F = 9,65.10^4 C.mol^{-1}$ ؛

- الحجم المولي للغاز في ظروف التجربة : $V_m = 24 L.mol^{-1}$.

انقل(ي) على ورقة التحرير رقم السؤال واكتب(ي) بجانبه الجواب الصحيح من بين الأجوبة الأربعة المقترحة دون إضافة أي تعليل أو تفسير.

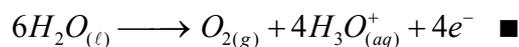
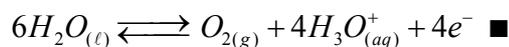
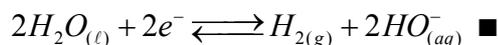
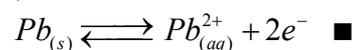
1. التحليل الكهربائي المدروس هو تحول: 0,5

■ فيزيائي ■ قسري ■ تلقائي ■ حمض- قاعدة

2. خلال التحليل الكهربائي المدروس : 0,5

- الإلكترود (A) هو الأنود وجواره يتأكسد الرصاص.
- الإلكترود (A) هو الكاثود وجواره تختزل أيونات الرصاص.
- الإلكترود (B) هو الأنود وجواره يحدث تفاعل اختزال.
- الإلكترود (B) هو الكاثود وجواره يختزل الماء.

3. معادلة التفاعل الحاصل عند الإلكترود (B) هي : 0,5



4. الحجم $v(O_2)$ لغاز ثنائي الأوكسجين الناتج خلال المدة Δt هو: 0,5

■ $v(O_2) \approx 0,16 L$ ■ $v(O_2) \approx 0,16 mL$ ■ $v(O_2) \approx 0,64 L$ ■ $v(O_2) \approx 0,64 mL$ ■

الجزء الثاني (5 نقط) : دراسة تفاعلين لحمض البروبانويك

يستعمل حمض البروبانويك كمادة حافظة للأغذية ويحمل الرمز E280 ؛ نجده في الأجبان والمشروبات

والمعلبات ، كما يستعمل في تحضير بعض العطور ومستحضرات التجميل وبعض الأدوية.

يهدف هذا الجزء في مرحلة أولى إلى دراسة تفاعل محلول حمض البروبانويك مع محلول هيدروكسيد

الصوديوم، وفي مرحلة ثانية إلى دراسة تفاعله مع الإيثانول.

معطيات:

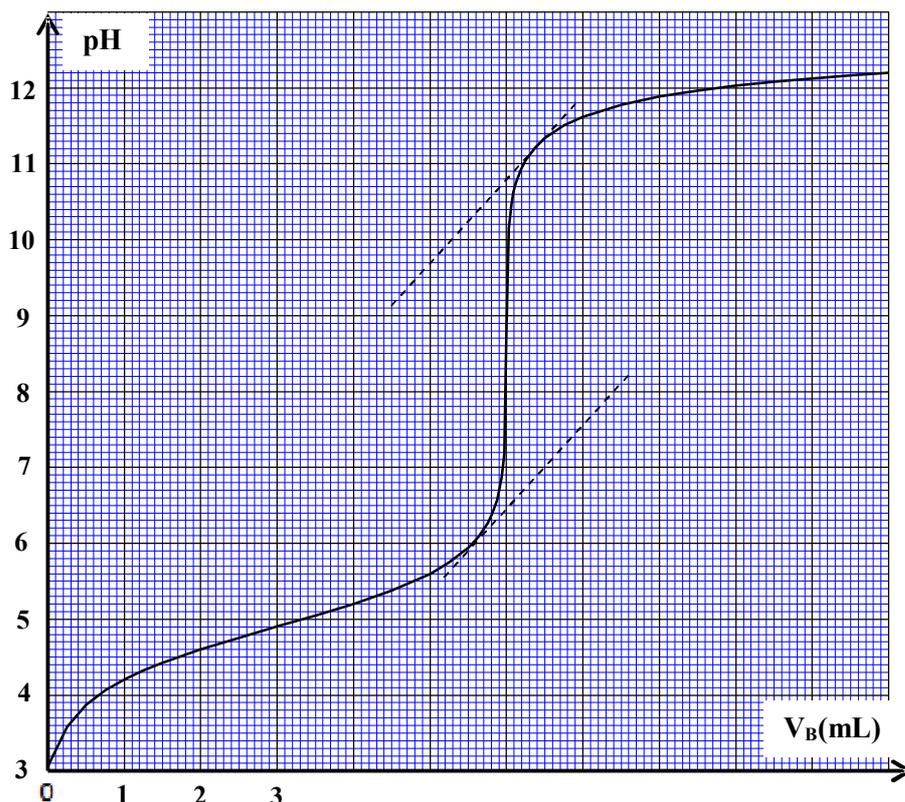
- تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة 25°C ؛
- الجداء الأيوني للماء : $K_e = 10^{-14}$ ؛
- نرسم لحمض البروبانويك $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$ بـ AH و لقاعدته المرافقة بـ A^- ؛
- ثابتة الحمضية للمزدوجة $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}_{(aq)} / \text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-_{(aq)}$: $K_A = 10^{-4,9}$ ؛
- منطقة الانعطاف لبعض الكواشف الملونة :

الكاشف الملون	الهيلانتين	أزرق البروموثيمول	أزرق الثيمول
منطقة الانعطاف	3 – 4,4	6 – 7,6	8 – 9,6

1- تفاعل حمض البروبانويك مع هيدروكسيد الصوديوم

نعابير بقياس pH ، حجما $V_A = 5\text{ mL}$ من محلول مائي (S_A) لحمض البروبانويك AH تركيزه C_A بواسطة محلول مائي (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم ذي التركيز $C_B = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.
يمثل منحنى الشكل 1 تغير pH الخليط بدلالة الحجم V_B للمحلول (S_B) المضاف خلال المعايرة.

- 1.1 عین إحدائتي نقطة التكافؤ: V_{BE} و pH_E . 0,5
- 1.2 بحساب ثابتة التوازن K المقرونة بتفاعل المعايرة، بيّن أن هذا التفاعل كلي. 1
- 1.3 احسب التركيز C_A . 0,5
- 1.4 اختر من بين الكواشف الملونة المقترحة، الكاشف الملون الملائم لمعلمة التكافؤ. علل الجواب. 0,5
- 1.5 حدد معللا جوابك، النوع المهيمن AH أو A^- عند إضافة الحجم $V_B = 7\text{ mL}$. 0,5



الشكل 1

2. تفاعل حمض البروبانويك مع الإيثانول

نمزج في حوالة $n_0=0,50 \text{ mol}$ من حمض البروبانويك و $n_0=0,50 \text{ mol}$ من الإيثانول الخالص، ثم نسخن بالارتداد الخليط التفاعلي لمدة زمنية معينة، فنحصل عند نهاية التفاعل على مركب عضوي E كمية مادته $n_E=0,33 \text{ mol}$.

- 2.1. اذكر مميزتين للتفاعل الحاصل. 0,5
 2.2. اكتب الصيغة نصف المنشورة للمركب العضوي E و أعط اسمه. 0,5
 2.3. أنشئ الجدول الوصفي لتقدم التفاعل. 0,5
 2.4. احسب المردود r لهذا التفاعل. 0,5

التمرين الثاني (3 نقط)

دراسة تفاعل الاندماج النووي

تكون الهيليوم انطلاقا من الدوتيريوم والتريسيوم (نظيرا الهيدروجين) هو تفاعل اندماج نووي يحدث تلقائيا وباستمرار في قلب النجوم محمرا طاقة هائلة. وقد حاول الإنسان إحداث هذا التفاعل في المختبر من أجل استغلال الطاقة المحررة والتحكم في استعمالها عند الضرورة، لكن الطريق لا زال طويلا للتغلب على مختلف العوائق التقنية.



معطيات :

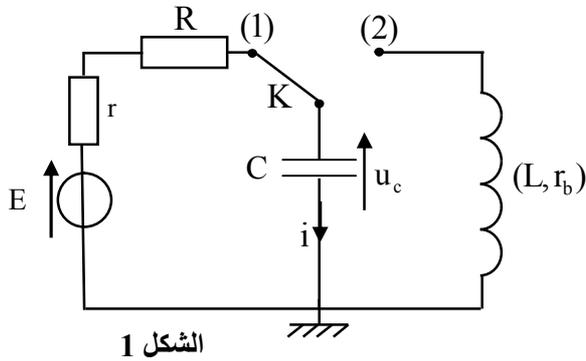
النوترون	الهيليوم	التريسيوم	الدوتيريوم	الدقيقة
1,00866	4,00150	3,01550	2,01355	الكتلة (u)

- سرعة الضوء في الفراغ : $c = 3.10^8 \text{ m.s}^{-1}$ ؛- ثابتة بلانك : $h = 6,626.10^{-34} \text{ J.s}$ ؛- $1\text{u} = 931,5 \text{ MeV.c}^{-2}$ ؛- $1\text{MeV} = 1,6.10^{-13} \text{ J}$.

1. حدد العددين A و Z لنواة الهيليوم. 0,5
 2. احسب بالوحدة MeV الطاقة المحررة E_{lib} خلال هذا التفاعل النووي. 0,75
 3. نفترض أن كل الطاقة المحررة قد تحولت إلى إشعاع كهرومغناطيسي. حدد طول الموجة λ لهذا الإشعاع. 0,75
 4. تحتوي عينة من التربة على عنصر التريسيوم المشع. عند اللحظة $t=0$ يكون النشاط الإشعاعي لهذه العينة هو $a_0 = 2,0.10^6 \text{ Bq}$ ، ويكون نشاطها الإشعاعي $a_1 = 1,6.10^6 \text{ Bq}$ عند اللحظة $t_1 = 4 \text{ ans}$.
 احسب النشاط الإشعاعي a_2 للعينة المدروسة عند اللحظة $t_2 = 12,4 \text{ ans}$.

التمرين الثالث (4,5 نقط)

تمكن بعض ثنائيات القطب الكهربائية كالمكثفات والوشيعات من تخزين الطاقة، لكن هذه الأخيرة تتبدد مع مرور الزمن خلال انتقالها في الدارة الكهربائية، ويمكن تعويض الطاقة المبددة بالاستعانة بأجهزة ملائمة.
 ندرس في مرحلة أولى تصرف ثنائي القطب RC أثناء شحن المكثف، وفي مرحلة ثانية ندرس خمود وصيانة التذبذبات في دارة RLC متوالية.
 لهذا الغرض، ننجز الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل 1 والمكونة من:



الشكل 1

- مولد للتوتر قوته الكهرومحرركة E ؛

- موصلين أوميين مقاوماتهما R و $r=20\Omega$ ؛

- وشيعة (b) معامل تحريضها L ومقاومتها r_b ؛

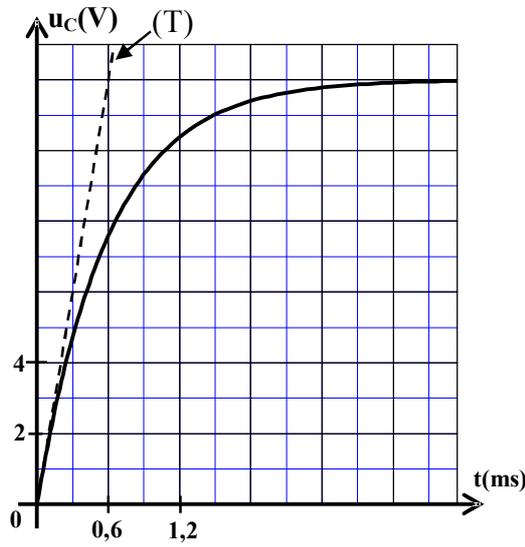
- مكثف سعته C ، غير مشحون بدئياً؛

- قاطع التيار K ذي موضعين.

1- دراسة ثنائي القطب RC أثناء شحن المكثف

نضع قاطع التيار K في الموضع (1) عند لحظة نعتبرها أصلاً للتواريخ ($t=0$) ونشغل نظام مسك معلوماتي ملائم يُمكن من خط منحنى تطور التوتر $u_c(t)$. يمثل المستقيم (T) المماس للمنحنى عند اللحظة $t=0$.

(انظر الشكل 2)



الشكل 2

1.1 أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_c(t)$. 0,5

1.2 أوجد تعبير الثابتة A وتعبير ثابتة الزمن τ لكي يكون 0,5

$u_c(t) = A \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ حلاً لهذه المعادلة التفاضلية.

1.3 تكتب شدة التيار الكهربائي على شكل $i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$ 0,5

أوجد تعبير I_0 بدلالة E و r و R .

1.4 باستغلال منحنى الشكل 2:

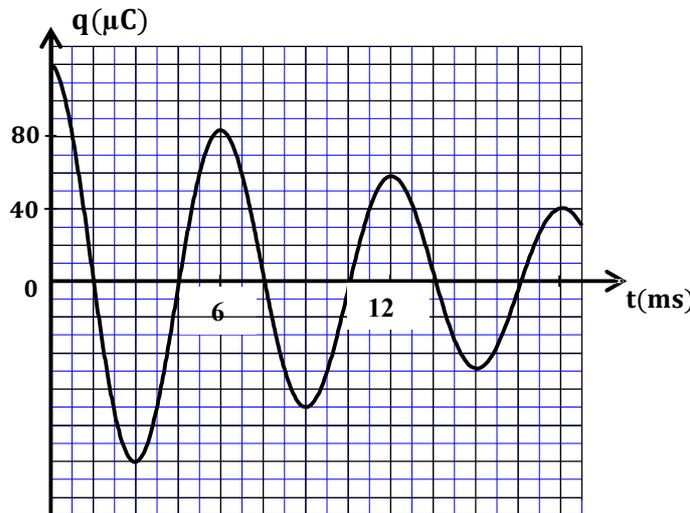
1.4.1 أوجد قيمة المقاومة R علماً أن $I_0 = 0,20A$ 0,5

1.4.2 حدد قيمة τ 0,25

1.4.3 تحقق أن سعة المكثف هي $C=10 \mu F$ 0,25

2- دراسة خمود وصيانة التذبذبات في الدارة RLC

بعد شحن المكثف كلياً، نُورجح قاطع التيار K إلى الموضع (2) عند لحظة نعتبرها أصلاً جديداً للتواريخ. يمثل منحنى الشكل 3 تطور شحنة المكثف $q(t)$ بدلالة الزمن.



الشكل 3

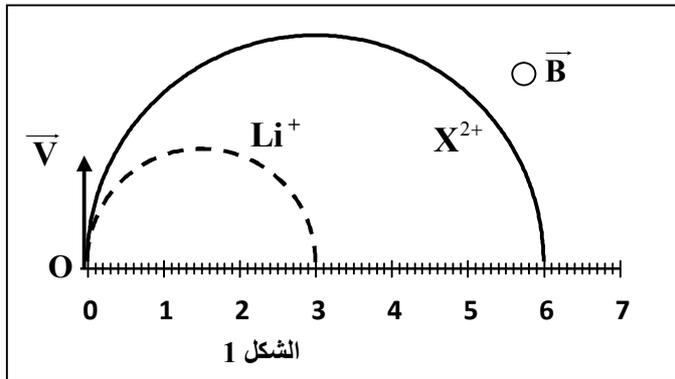
- 2.1. تعرف على نظام التذبذبات الذي يبرزه منحنى الشكل 3. 0,25
- 2.2. باعتبار شبه الدور يساوي الدور الخاص للمتذبذب الكهربائي، حدد معامل التحريض L للوشيجة (b). 0,5
- 2.3. احسب $\Delta \mathcal{E}$ تغير الطاقة الكلية للدارة بين اللحظتين $t_1 = 0 \text{ ms}$ و $t_2 = 18 \text{ ms}$ ، ثم فسر هذه النتيجة. 0,5
- 2.4. لصيانة التذبذبات في الدارة، نركب على التوالي مع المكثف والوشيجة (b) السابقين مولداً (G) يزود الدارة بتوتر يتناسب اطراداً مع شدة التيار الكهربائي $i(t) = k.u_G(t)$.
- 2.4.1. أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة $q(t)$. 0,5
- 2.4.2. نحصل على تذبذبات كهربائية جيبيية عندما تأخذ الثابتة k في النظام العالمي للوحدات القيمة $k = 11$. استنتج قيمة المقاومة الكهربائية r_b للوشيجة (b). 0,25

التمرين الرابع (5,5 نقط)

الجزء الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول (3 نقط): دراسة حركة دقيقة مشحونة في مجال مغنطيسي منتظم

- تدخل دقيقتان مشحونتان Li^+ و X^{2+} من نقطة O ، بنفس السرعة البدئية متجهتها \vec{V} ، في حيز من الفضاء به مجال مغنطيسي منتظم، متجهته \vec{B} عمودية على المتجهة \vec{V} .
- تمثل q_X و m_X على التوالي الشحنة الكهربائية والكتلة للدقيقة X^{2+} .
- نعتبر أن Li^+ و X^{2+} تخضعان فقط لقوة لورنتز (Lorentz).



الشكل 1

المعطيات:

- السرعة البدئية: $V = 10^5 \text{ m.s}^{-1}$ ؛
- شدة المجال المغنطيسي: $B = 0,5 \text{ T}$ ؛
- قيمة الشحنة الابتدائية: $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ؛
- كتلة الأيون Li^+ : $m_{\text{Li}} = 6,015 \text{ u}$ ؛
- $1 \text{ u} = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ؛
- يمثل الشكل 1 مساري الدقيقتين
- في المجال المغنطيسي المنتظم \vec{B} ؛
- نذكر أن تعبير قوة لورنتز هو: $\vec{F} = q\vec{V} \wedge \vec{B}$.

1. حدد الاتجاه والمنحى والشدة لمتجهة قوة لورنتز المطبقة على الدقيقة Li^+ في النقطة O . 0,75
2. حدد منحى المتجهة \vec{B} مستعملاً الرمز \odot إذا كان نحو الأمام أو الرمز \otimes إذا كان نحو الخلف. 0,25
3. بتطبيق القانون الثاني لنبيوتن في مرجع غاليلي، بين أن حركة الأيون Li^+ حركة منتظمة ومسارها دائري شعاعه يكتب على الشكل $R_{\text{Li}} = \frac{m_{\text{Li}} \cdot V}{e \cdot B}$. 1
4. باستغلال معطيات الشكل 1، حدد النسبة $\frac{R_X}{R_{\text{Li}}}$ ، حيث شعاع مسار الدقيقة X^{2+} . 0,25
5. تعرف، معللاً جوابك، على الدقيقة X^{2+} علماً أنها توجد ضمن الأيونات الثلاثة المقترحة في الجدول التالي: 0,75

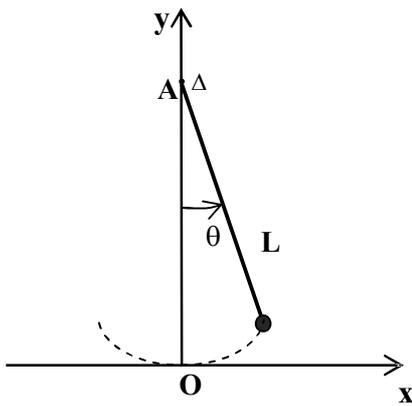
$^{24}_{12}\text{Mg}^{2+}$	$^{26}_{12}\text{Mg}^{2+}$	$^{40}_{20}\text{Ca}^{2+}$	الأيون
23,985	25,983	39,952	كتلة الأيون (u)

الجزء الثاني (2,5 نقط): دراسة طاقة لنواس بسيط

اعتقد الفلاسفة الإغريق أن كل جسم "ثقيل" معلق بخيط ينحو نحو موضعه الطبيعي الذي هو مركز الأرض " أي إلى الأسفل". ولقد طرح النواس مشكلة حقيقية آنذاك: لماذا لا ينحو الجسم "الثقيل" المعلق بطرف خيط نحو موضعه الطبيعي مباشرة بعد تحريره من ارتفاع معين، بل يواصل حركته نحو الأعلى؟

لقد تم حل هذه المشكلة في العصر الوسيط من طرف غاليلي ونيوتن. يعتبر النواس البسيط حالة خاصة للنواس الوزن. ندرس في هذا الجزء نواسا بسيطا من منظور طاقي .

يتكون نواس بسيط من كرية كتلتها m وأبعادها مهملة، معلقة بطرف خيط غير قابل للامتداد كتلته مهملة وطوله L . الطرف الآخر للخيط مشدود إلى حامل ثابت في النقطة A .



الشكل 2

نزيح النواس عن موضع توازنه المستقر بزاوية θ_m ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة $t = 0$ ، فينجز تذبذبات حرة في المستوى (O, x, y) حول محور ثابت Δ أفقي يمر من النقطة A .

ندرس حركة النواس في مرجع أرضي نعتبره غاليليا ونعلم موضع النواس في كل لحظة t بأفصوله الزاوي θ . (الشكل 2) نختار المستوى الأفقي المار من النقطة O ، موضع التوازن المستقر للنواس، مرجعا لطاقة الوضع الثقالية. نهمل جميع الاحتكاكات وندرس حركة النواس في حالة التذبذبات الصغيرة.

المعطيات:

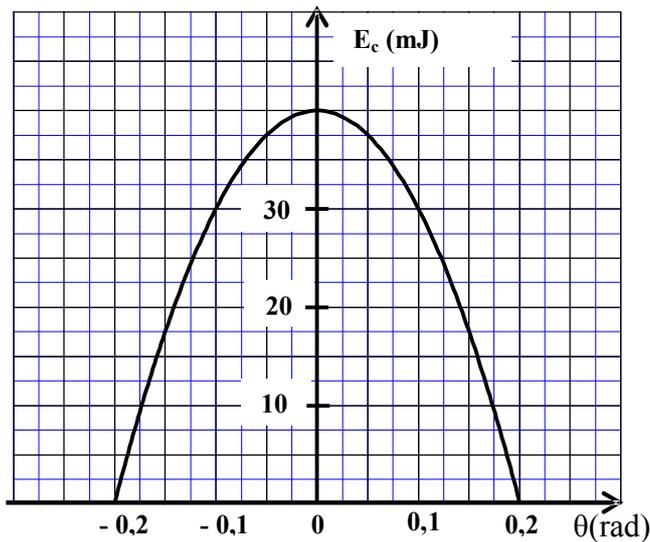
- كتلة الكرية: $m = 350 \text{ g}$ ؛

- طول الخيط : $L = 58 \text{ cm}$ ؛

- $g = 9,81 \text{ ms}^{-2}$ ؛

- عزم قصور النواس: $J_{\Delta} = mL^2$ ؛

بالنسبة للزوايا الصغيرة: $\sin \theta \approx \theta$ و $\cos \theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2}$.



الشكل 3

1. اكتب عند لحظة t ، تعبير الطاقة الميكانيكية E_m للنواس، في حالة التذبذبات الصغيرة بدلالة m و g و L و θ والسرعة الزاوية $\dot{\theta}$. 0,75

2. يمثل الشكل 3 مخطط الطاقة للنواس المدروس. حدد قيمة كل من:

2.1. الأفصول الزاوي الأقصى θ_{\max} للنواس. 0,25

2.2. الطاقة الميكانيكية E_m للنواس. 0,25

2.3. السرعة الخطية القصوى v_{\max} للنواس. 0,5

3. احسب الأفصولين الزاويين θ_1 و θ_2 اللذين تكون فيهما طاقة الوضع تساوي الطاقة الحركية. 0,75

تصحيح الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية 2016

التمرين الأول :

الجزء الأول التحليل الكهربائي لمحلول نترات الرصاص

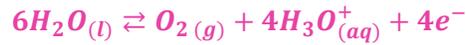
1- التحول الكهربائي المدروس هو تحول :

▪ قسري

2- خلال التحليل الكهربائي المدروس :

▪ الإلكترود (A) هو الكاتود بجواره تختزل أيونات الرصاص Pb^{2+}

3- معادلة التفاعل الحاصل عند الإلكترود (B) هي :



4- الحجم $V(O_2)$ لغاز ثنائي الأوكسجين الناتج خلال المدة Δt هو :

$$V(O_2) = 0,16 L$$

ملحوظة: هذا التعليل ليس مطلوبا

لدينا حسب معادلة التفاعل : $\frac{n(e)}{4} = \frac{n(O_2)}{1}$ مع $n(e) = \frac{I \cdot \Delta t}{4F}$ و $n(O_2) = \frac{V(O_2)}{V_m}$

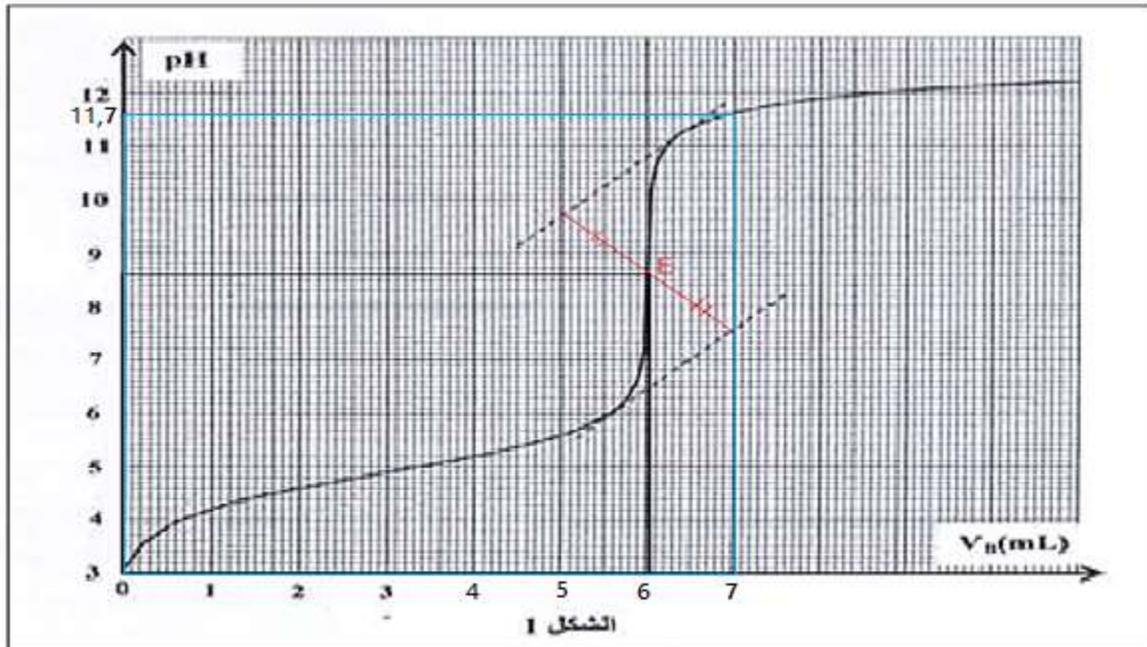
$$\frac{V(O_2)}{V_m} = \frac{I \cdot \Delta t}{4F} \Rightarrow V(O_2) = \frac{I \cdot \Delta t \cdot V_m}{4F} \Rightarrow V(O_2) = \frac{0,7 \times 60 \times 60 \times 24}{4 \times 9,65 \cdot 10^4} \approx 0,16 L$$

الجزء الثاني : دراسة تفاعلين لحمض البنزويك

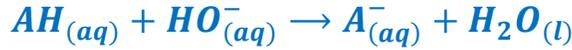
1- دراسة تفاعل حمض البروبانويك مع هيدروكسيد الصوديوم

1.1- تعيين إحداثيتي نقطة التكافؤ مبيانيا باستعمال طريقة المماسات

نحصل على $(V_{BE} = 6 mL, pH_E \approx 8,6)$



1.2- حساب ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة تفاعل المعايرة :



$$K = \frac{[A^-]_{\acute{e}q} \cdot [H_3O^+]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q} \cdot [HO^-]_{\acute{e}q}} \Rightarrow K = \frac{[A^-]_{\acute{e}q} \cdot [H_3O^+]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}} \cdot \frac{1}{[H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot [HO^-]_{\acute{e}q}}$$

$$K = \frac{K_A}{K_e} \Rightarrow K = \frac{10^{-4,9}}{10^{-14}} = 1,26 \cdot 10^9$$

نلاحظ أن $K \gg 10^4$ نستنتج ان تفاعل حمض البروبانويك مع أيون الهيدروكسيد كلي .

1.3- حساب التركيز C_A :

$$C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A} \quad \text{ومنه} \quad C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$$

$$C_A = \frac{5 \cdot 10^{-2} \times 6 \cdot 10^{-3}}{5 \times 10^{-3}} = 6 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1} \quad \text{ت.ع.}$$

1.4- الكاشف الملون المناسب لمعلمة نقطة التكافؤ :

حسب نتائج الجدول ، الكاشف الملون الملائم لهذه المعايرة هو الذي مجال انعطافه يضم نقطة التكافؤ هو أزرق التيمول.

$$\text{لدينا : } pH_E \in [8 - 9,6]$$

1.5- تحديد النوع المهيمن عند إضافة الحجم $V_B = 7 \text{ mL}$

$$\text{مبيانيا عند الحجم } V_B = 7 \text{ mL} \text{ نجد } pH \approx 11,7 \text{ نعلم ان } pK_A = -\log(10^{-4,9}) = 4,9$$

$$pH > pK_A$$

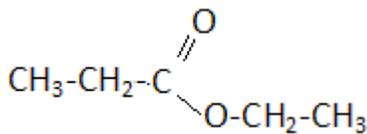
$$pK_A + \log\left(\frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}}\right) > pK_A \Rightarrow \log\left(\frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}}\right) > 0 \Rightarrow \frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}} > 1 \Rightarrow [A^-]_{\acute{e}q} > [AH]_{\acute{e}q}$$

نستنتج ان النوع المهيمن هو القاعدة A^- .

2- تفاعل حمض البنزويك مع الإيثانول

2.1- مميزات التفاعل الحاصل :

التفاعل بطيء و محدود .

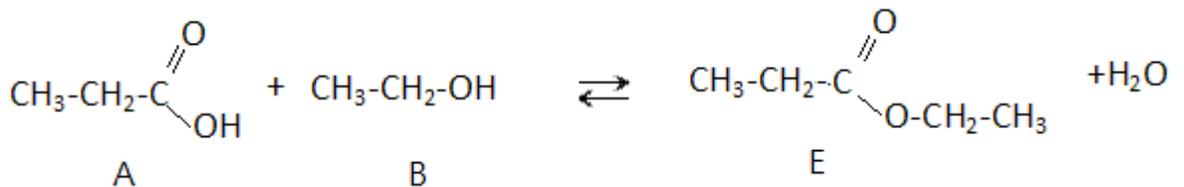


2.2- الصيغة نصف منشورة للإستر E هي :

اسمه : بروبانوات الإثيل

2.3- الجدول الوصفي :

لتبسيط كتابة معادلة التفاعل نرمز للحمض ب A وللكحول ب B



معادلة التفاعل		$A + B \rightleftharpoons E + H_2O$			
حالة المجموعة	التقدم	كمية المادة (mol)			
الحالة البدئية	0	n_0	n_0	0	0
خلال التفاعل	x	$n_0 - x$	$n_0 - x$	x	x
الحالة النهائية	$x_{\acute{e}q}$	$n_0 - x_{\acute{e}q}$	$n_0 - x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$

2.4- حساب المردود :

$$r = \frac{n_{\acute{e}xp}}{n_{th}} = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_{max}}$$

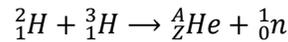
حسب الجدول الوصفي : الخليط متساوي المولات التقدم الأقصى : $x_{max} = n_0 = 0,50 \text{ mol}$

و التقدم النهائي يمثل كمية مادة الإستر $x_{\acute{e}q} = n_E = 0,33 \text{ mol}$

$$r = \frac{n_E}{n_0} = \frac{0,33}{0,50} = 0,66 \Rightarrow r = 66\%$$

التمرين الثاني : دراسة تفاعل الاندماج النووي

1-تحديد العددين A و Z لنواة الهيليوم :



حسب قانونا صودي :

$$2 + 3 = A + 1 \Rightarrow A = 4$$

$$1 + 1 = Z + 0 \Rightarrow Z = 2$$

2-حساب E_{lib} الطاقة المحررة خلال التحول :

نحدد اولاً طاقة التحول النووي :

$$\Delta E = [m({}^4_2He) + m({}^1_0n) - (m({}^2_1H) + m({}^3_1H))]c^2$$

$$\Delta E = [4,00150 + 1,00866 - (3,01550 + 2,01355)]c^2 = -0,01889 \text{ u} \cdot c^2 = -0,01889 \times 931,5$$

$$\Delta E \approx -17,596 \text{ MeV}$$

الطاقة المحررة هي :

$$E_{lib} \approx 17,6 \text{ MeV}$$

3-طول الموجة λ للإشعاع :

$$\text{لدينا : } E = h \cdot \nu \text{ أي : } E = h \cdot \frac{c}{\lambda} \text{ ومنه : } \lambda = \frac{h \cdot c}{E} \text{ مع } E = E_{lib}$$

$$\lambda = \frac{6,626 \times 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{17,60 \times 1,6 \times 10^{-13}} = 7,06 \cdot 10^{-14} \text{ m} \quad \text{ت.ع.}$$

4-حساب النشاط الإشعاعي a_2 عند اللحظة t_2 :

$$\text{قانون التناقص الإشعاعي : } a(t) = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$\text{عند اللحظة } t_1 \text{ نكتب : } a(t_1) = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_1} \text{ ومنه : } a_1 = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_1} \text{ أي : } e^{-\lambda \cdot t_1} = \frac{a_1}{a_0}$$

$$-\lambda = \frac{1}{t_1} \cdot \ln\left(\frac{a_1}{a_0}\right) \quad \text{نحصل على} \quad -\lambda \cdot t_1 = \ln\left(\frac{a_1}{a_0}\right)$$

عند اللحظة t_2 نكتب : $a(t_2) = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_2}$ ومنه $a_2 = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_2}$

$$a_2 = a_0 \cdot e^{\frac{t_2}{t_1} \ln\left(\frac{a_1}{a_0}\right)} \quad \text{نعوض } -\lambda \text{ بـ } \frac{1}{t_1} \cdot \ln\left(\frac{a_1}{a_0}\right) \quad \text{نحصل على}$$

ت.ع :

$$a_2 = 2,0 \cdot 10^6 \cdot e^{\frac{12,4}{4} \times \ln\left(\frac{1,6 \times 10^6}{2,0 \times 10^6}\right)} = 1,0 \cdot 10^6 \text{ Bq}$$

التمرين الثالث:

1-دراسة ثنائي القطب RC أثناء الشحن

1.1-إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها $u_C(t)$:

حسب قانون إضافية التوترات : $E = u_r + u_R + u_C$

حسب قانون اوم : $u_r = ri$ و $u_R = Ri$ أي :

$$E = Ri + ri + u_C \Rightarrow (R + r) \cdot i + u_C = E$$

$$\text{وحيث : } i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C \cdot u_C)}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$(R + r) \cdot C \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

1.2-تعبير الثابتة A و τ :

$$\text{حل المعادلة التفاضلية يكتب : } u_C(t) = A \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = A - A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{لدينا} \quad \frac{du_C}{dt} = -A \times \left(-\frac{1}{\tau}\right) \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{A}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

نعوض في المعادلة التفاضلية :

$$(R + r) \cdot C \cdot \frac{A}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + A - A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = E$$

$$A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \left(\frac{(R + r) \cdot C}{\tau} - 1 \right) + A - E = 0$$

تتحقق هذه المعادلكيفما كانت t :

$$\begin{cases} A - E = 0 \\ \frac{(R + r) \cdot C}{\tau} - 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = E \\ \tau = (R + r) \cdot C \end{cases}$$

3.1-تعبير I_0 بدلالة E و r و R :

$$\text{نعلم ان : } i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$\text{مع : } u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{ومنه} \quad \frac{du_C}{dt} = \frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\text{تعبير } i(t) \text{ يصبح : } i(t) = \frac{E \cdot C}{(R + r) \cdot C} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{أي : } i(t) = \frac{E}{R + r} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{وهو يكتب على الشكل : } i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \quad \text{إذن :}$$

1.4- استغلال منحنى الشكل 2 :

1.4.1- تحديد قيمة R

قيمة u_C في النظام الدائم تأخذ U_C قيمة ثابتة E .

$$U_{C\infty} = E = 12V \quad \text{إذن} \quad u_{C\infty} = 12V$$

حسب تعبير I_0 نحصل على :

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \Rightarrow R+r = \frac{E}{I_0} \Rightarrow R = \frac{E}{I_0} - r \Rightarrow R = \frac{12}{0,20} - 20 = 40 \Omega$$

1.4.2- قيمة τ مبيانيا :

يقطع المماس T للمنحنى $u_C(t)$ عند اللحظة $t = 0$ المقارب $U_C = E$ في اللحظة $t = \tau$.

$$\tau = 0,6 \text{ ms} = 6.10^{-4} \text{ s} \quad \text{نجد :}$$

1.4.3- التحقق من قيمة C :

$$C = \frac{\tau}{R+r} \quad \text{نعلم أن : } \tau = (R+r).C$$

$$C = \frac{6.10^{-4}}{40+20} = 10.10^{-6} \text{ F} \quad \text{ت.ع :} \quad \text{ومنه فإن : } C = 10\mu\text{F}$$

2- دراسة خمود وصيانة التذبذبات في الدارة RLC

2.1- التعرف على نظام التذبذبات :

يبرز منحنى الشكل 3 نظاما شبه دوريا لأن وسع التذبذبات يتناقص تدريجيا مع مرور الزمن .

2.2- تحديد معامل التحريض L :

$$T_0 = 2\pi\sqrt{L.C} \quad \text{أي :} \quad T_0^2 = 4\pi^2 L.C \quad \text{إذن :} \quad L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$$

$$T = 6 \text{ ms} = 6.10^{-3} \text{ s} \quad \text{مبيانيا قيمة شبه الدور هي :}$$

شبه الدور T يساوي الدور الخاص T_0 عدديا نحصل على :

$$L = \frac{(6.10^{-3})^2}{4\pi^2 \times 10 \times 10^{-6}} \approx 9,1.10^{-2} \text{ H}$$

2.3- حساب $\Delta\xi$ تغير الطاقة الكلية :

عند اللحظة $t_1 = 0$ مبيانيا نجد : $q_1 = 120\mu\text{C}$ ويكون $i = 0$ إذن الطاقة الكلية هي الطاقة المخزونة في المكثف أي:

$$\xi(t_1) = E_e(t_1) = \frac{q_1^2}{2C}$$

عند اللحظة $t_2 = 18\text{ms}$ مبيانيا نجد : $q_1 = 40\mu\text{C}$ ويكون $i = 0$ إذن الطاقة الكلية هي الطاقة المخزونة في المكثف أي:

$$\xi(t_2) = E_e(t_2) = \frac{q_2^2}{2C}$$

$$\Delta\xi = \xi(t_2) - \xi(t_1) = \frac{q_2^2}{2C} - \frac{q_1^2}{2C} = \frac{1}{2C}(q_2^2 - q_1^2)$$

$$\Delta\xi = \frac{1}{2 \times 10^{-5}} \times \left[(40 \times 10^{-6})^2 - (120 \times 10^{-6})^2 \right] = -6,4 \cdot 10^{-4} J \Rightarrow \Delta\xi = -0,64 mJ < 0$$

تناقص الطاقة الكلية للدارة نتيجة وجود مقاومة الوشيجة r_b الشئ الذي يؤدي إلى تبدد الطاقة بمفعول جول خلال التبادل الطاقوي الحاصل بين المكثف والوشيجة.

2.4- صيانة التذبذبات

2.4.1- إثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها $q(t)$:

قانون إضافية التوترات :

$$u_G = u_b + u_C \quad (1)$$

$$\frac{di}{dt} = \frac{d^2q}{dt^2} \text{ و } i = \frac{dq}{dt} \quad \text{مع } u_b = L \cdot \frac{di}{dt} + r_b \cdot i$$

$$u_C = \frac{q}{C} \quad \text{ومنه } q = C \cdot u_C$$

$$u_G = k \cdot i$$

المعادلة (1) تصبح :

$$k \cdot i = L \cdot \frac{di}{dt} + r_b \cdot i + \frac{q}{C} \Rightarrow L \cdot \frac{di}{dt} + (r_b - k) \cdot i + \frac{q}{C} = 0$$

$$\frac{di}{dt} + \frac{(r_b - k)}{L} \cdot i + \frac{1}{L \cdot C} \cdot q = 0$$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{(r_b - k)}{L} \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{L \cdot C} \cdot q = 0$$

2.4.2- قيمة المقاومة r_b :

للحصول على تذبذبات كهربائية جيبية يجب أن تكتب المعادلة التفاضلية على الشكل : $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{L \cdot C} \cdot q = 0$

أي أن : $\frac{(r_b - k)}{L} = 0$ إذن : $r_b - k = 0$ ومنه فإن قيمة مقاومة الوشيجة هي : $r_b = k = 11 \Omega$

التمرين الرابع :

الجزء الأول : دراسة حركة دقيقة مشحونة في مجال مغنطيسي منتظم

1- تحديد مميزات قوة لورنتز \vec{F} :

الإتجاه : الخط الأفقي المار من O حسب الشكل 1

المنحى : من اليسار نحو اليمين .

الشدة : $F = |q \cdot V \cdot B \sin \alpha|$

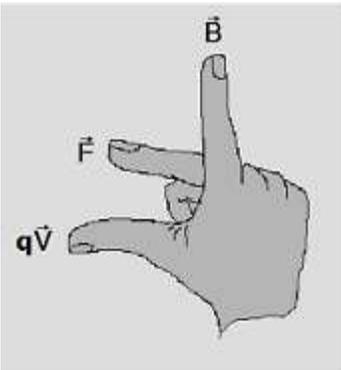
بما ان المتجهة \vec{V} عمودية على المتجهة \vec{B} فان : $\sin \alpha = \sin(\vec{V}, \vec{B}) = 1$ و $q = e$

$$F = eVB$$

إذن :

$$F = 1,6 \times 10^{-19} \times 10^5 \times 0,5 = 8 \cdot 10^{-15} N$$

ت.ع :



2- تحديد منحى متجهة \vec{B} :

باستعمال قاعدة الأصابع الثلاث لليد اليمنى أنظر الشكل جانبه

نستنتج ان منحى \vec{B} هو \odot (أي نحو الامام)

3- إثبات ان حركة الايون Li^+ دائرية منتظمة:

المجموعة المدروسة الدقيقة ذات الكتلة m والشحنة q

القانون الثاني لنيوتن : $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$ أي : $q\vec{V} \wedge \vec{B} = m \cdot \vec{a}$

$$\vec{a} = \frac{e}{m} \cdot \vec{V} \wedge \vec{B} \quad (1)$$

متجهة التسارع عمودية على المتجهتين \vec{V} و \vec{B} .

في معلم فرييني $M(\vec{u}, \vec{n}, \vec{k})$ إحداثيات متجهة التسارع هي $\vec{a}(0, a_n, 0)$

انطلاقا من العلاقة (1) نستنتج ان متجهة التسارع \vec{a} عمودية في كل لحظة على متجهة السرعة \vec{V} ومنه فإن :

$$\vec{a} = a_N \cdot \vec{n}$$

$$a_T = 0 \text{ أي : } \frac{dv}{dt} = 0 \text{ ومنه : } V = cte$$

نستنتج ان منظم متجهة السرعة ينحفظ ومنه فإن الحركة منتظمة.

باستعمال أساس فرييني (M, \vec{u}, \vec{n})

$$\vec{a} = a_T \vec{u} + a_N \vec{n} = a_N \vec{n} = \frac{V^2}{\rho} \cdot \vec{n}$$

حيث ρ : انحناء المسار .

$$a = \frac{e}{m} \cdot V \cdot B = \frac{V^2}{\rho} \text{ أي : } \rho = \frac{m \cdot V}{e \cdot B} = cte \text{ نستنتج ان المسار دائري}$$

يعبر عن شعاع مسار الأيون Li^+ ذي الكتلة m_{Li} : $R_{Li} = \frac{m_{Li} \cdot V}{e \cdot B}$

4- باستخدام الشكل 1 نحدد النسبة $\frac{R_{Li}}{R_X}$:

شعاع مسار الأيون Li^+ هو $R_{Li} = \frac{3}{2} = 1,5$ و شعاع مسار الأيون X^{2+} هو $R_X = 3$

$$\frac{R_{Li}}{R_X} = \frac{1,5}{3} = 0,5$$

5- التعرف على الدقيقة X^{2+} :

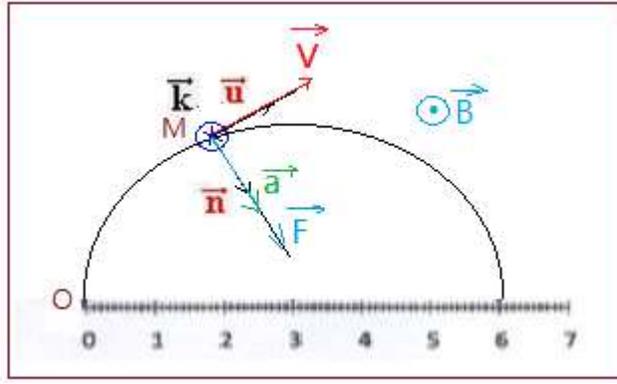
يعبر عن شعاع مسار الأيون X^{2+} ذي الكتلة m_X و الشحنة $q = 2e$: $R_X = \frac{m_X \cdot V}{2e \cdot B}$

$$\frac{R_{Li}}{R_X} = \frac{\frac{m_{Li} \cdot V}{e \cdot B}}{\frac{m_X \cdot V}{2e \cdot B}} = \frac{2m_{Li}}{m_X}$$

حسب السؤال 4 نكتب :

$$\frac{R_{Li}}{R_X} = 0,5 \Rightarrow \frac{2m_{Li}}{m_X} = 0,5 \Rightarrow m_X = \frac{2m_{Li}}{0,5} = 4m_{Li} \Rightarrow m_X = 4 \times 6,015 = 24,06 u$$

بما ان الدقيقة X^{2+} توجد ضمن الايونات الموجودة في الجدول



و كتلة الايون Mg^{2+} ($m_{Mg} = 23,985 u$) تقارب m_x ومنه فالدقيقة X^{2+} تمثل أيون المغنيزيوم Mg^{2+} .

الجزء الثاني : دراسة طاقة لنواس بسيط

1-تعبير الطاقة الميكانيكية للنواس البسيط في حالة التذبذبات الصغيرة :

$$E_m = E_C + E_{pp} = \frac{1}{2}J_{\Delta}\dot{\theta}^2 + mgz + C$$

المستوى الافقي المار من أصل المعلم O مرجعا لطاقة الوضع الثقالية ، إذن $C = 0$

$$z = L - L\cos\theta = L(1 - \cos\theta)$$

في حالة التذبذبات الصغيرة : $\cos\theta = 1 - \frac{\theta^2}{2}$: يصبح z تعبير $z = L\left[1 - \left(1 - \frac{\theta^2}{2}\right)\right] = L\left(1 - 1 + \frac{\theta^2}{2}\right) = \frac{1}{2}L.\theta^2$:
تعبير الطاقة الميكانيكية :

$$E_m = \frac{1}{2}J_{\Delta}\dot{\theta}^2 + \frac{1}{2}m.g.L.\theta^2 \Rightarrow E_m = \frac{1}{2}mL^2\dot{\theta}^2 + \frac{1}{2}m.g.L.\theta^2 \Rightarrow E_m = \frac{1}{2}mL(L\dot{\theta}^2 + g.\theta^2)$$

-2

2.1-الأفصول الزاوي الأقصى θ_{max} :

حسب مبيان الشكل 3 نجد : $\theta_{max} = 0,2 \text{ rad}$

2.2-الطاقة الميكانيكية E_m للنواس :

$$E_m = E_{pp \max} = 40mJ \Rightarrow E_m = 4.10^{-2} J$$

2.3-السرعة الخطية القصوى للنواس :

$$E_m = E_{c \max} = \frac{1}{2}mL^2\dot{\theta}_{max}^2 \Rightarrow \dot{\theta}_{max} = \sqrt{\frac{2E_m}{m.L^2}} = \frac{1}{L} \cdot \sqrt{\frac{2E_m}{m}}$$

$$V_{max} = \sqrt{\frac{2E_m}{m}} \text{ مع } V_{max} = L\dot{\theta}_{max} \text{ أي } V_{max} = L \cdot \frac{1}{L} \sqrt{\frac{2E_m}{m}} \text{ نستنتج : } V_{max} = \sqrt{\frac{2E_m}{m}}$$

$$V_{max} = \sqrt{\frac{2 \times 4.10^{-2}}{0,350}} = 0,48 \text{ m.s}^{-1} \text{ ت.ع.}$$

3-حساب θ_1 و θ_2 حيث $E_C = E_{pp}$:

$$E_m = E_C + E_{pp} = 2E_{pp} = 2 \times \frac{1}{2}m.g.L.\theta^2 = m.g.L.\theta^2$$

$$\theta_1 = \sqrt{\frac{E_m}{m.g.L}} \quad ; \quad \theta_2 = -\sqrt{\frac{E_m}{m.g.L}}$$

$$\theta_1 = \sqrt{\frac{4.10^{-2}}{0,35 \times 9,81 \times 0,58}} = 0,14 \text{ rad} \quad ; \quad \theta_2 = -0,14 \text{ rad} \text{ ت.ع.}$$

ملحوظة يمكن تحديد الأفصولين الزاويين مبيانيا عند $E_{pp} = \frac{E_m}{2} = 20mJ$ نجد الأفصولين θ_1 و θ_2 أنظر الشكل 3

