

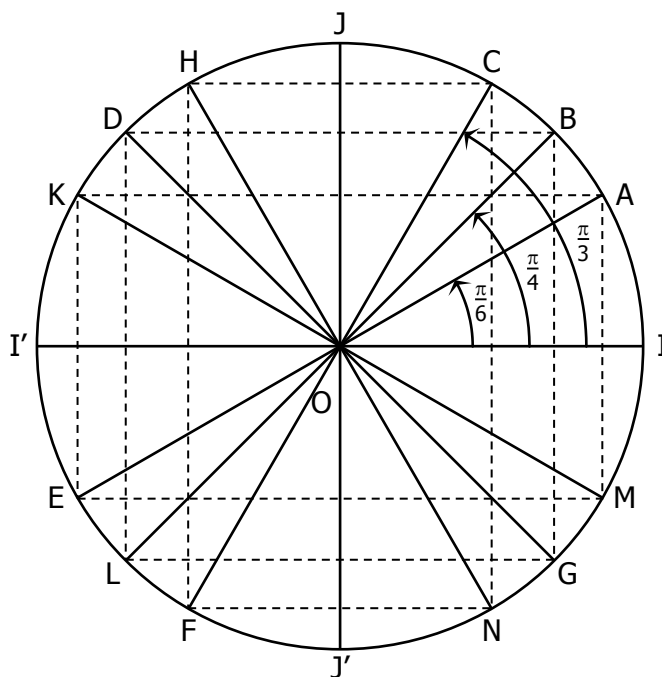
EXERCICE 2B.1

On a donné les valeurs exactes du sinus et cosinus de quelques angles remarquables entre 0 et 90°.

<i>Point</i>								I	A	B	C	J				
$x (^{\circ})$								0	30	45	60	90				
$x (rad)$	$-\frac{5\pi}{6}$	$-\frac{3\pi}{4}$	$-\frac{2\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{2}$	$-\frac{\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{6}$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	π
cos x								1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0				
sin x								0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1				

a. Retrouver le point qui correspond à chaque angle.

b. En déduire les valeurs exactes des cosinus et sinus de tous les angles du tableau.



EXERCICE 2B.2

Calculer dans chaque cas l'expression pour la valeur de x donnée :

$f(x) = -2 \sin x$ pour $x = \frac{\pi}{2}$	$f(x) = 5\cos x + 3\sin x$ pour $x = \frac{\pi}{3}$	$f(x) = 3\cos^2 x$ pour $x = \pi$
$f(x) = \cos x \sin x$ pour $x = \frac{\pi}{2}$	$f(x) = \sin^2 x$ pour $x = \frac{\pi}{3}$	$f(x) = \cos 3x$ pour $x = -\frac{\pi}{2}$
$f(x) = x \sin x$ pour $x = -\frac{\pi}{6}$	$f(x) = \frac{\cos x - \sin x}{2}$ pour $x = \frac{\pi}{4}$	$f(x) = \cos^2 x \sin x$ pour $x = \frac{2\pi}{3}$

CORRIGE

EXERCICE 2B.1

Point	E	L	F	J'	N	G	M	I	A	B	C	J	H	D	K	I'
$x (^{\circ})$	-150	-135	-120	-90	-60	-45	-30	0	30	45	60	90	120	135	150	180
$x (rad)$	$-\frac{5\pi}{6}$	$-\frac{3\pi}{4}$	$-\frac{2\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{2}$	$-\frac{\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{6}$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	π
$\cos x$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1
$\sin x$	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0

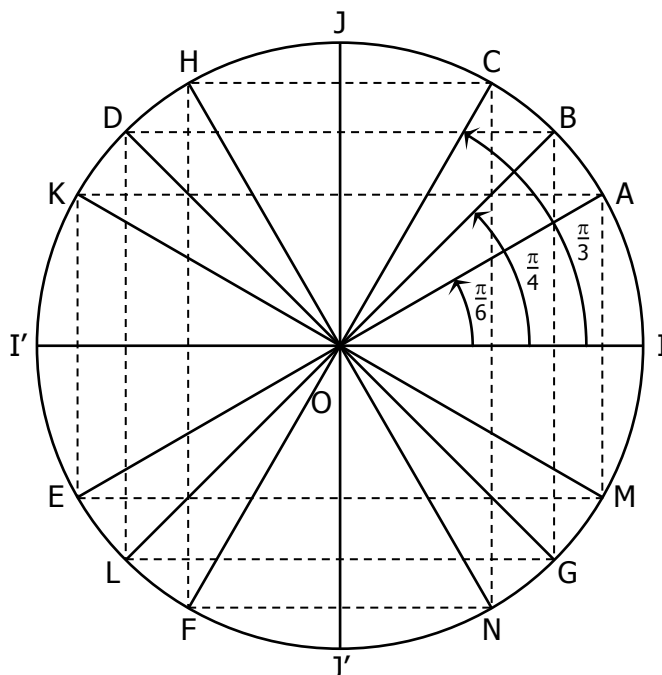
a. Retrouver le point qui correspond à chaque angle.

b. En déduire les valeurs exactes des cosinus et sinus de tous les angles du tableau.

$$\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \text{et} \quad \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{1}{2}$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \text{et} \quad \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2} \quad \text{et} \quad \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$



EXERCICE 2B.2 : Calculer dans chaque cas l'expression pour la valeur de x donnée :

$f(x) = -2 \sin x$ pour $x = \frac{\pi}{2}$ $f(x) = -2 \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) = -2 \times 1 = -2$	$f(x) = 5 \cos x + 3 \sin x$ pour $x = \frac{\pi}{3}$ $f(x) = 5 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + 3 \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)$ $f(x) = 5 \times \frac{1}{2} + 3 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$ $f(x) = \frac{5 + 3\sqrt{3}}{2}$	$f(x) = 3 \cos^2 x$ pour $x = \pi$ $f(x) = 3 \times (\cos \pi)^2$ $f(x) = 3 \times (-1)^2$ $f(x) = 3$
$f(x) = \cos x \sin x$ pour $x = \frac{\pi}{2}$ $f(x) = \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) \times \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)$ $f(x) = 0 \times 1 = 0$	$f(x) = \sin^2 x$ pour $x = \frac{\pi}{3}$ $f(x) = \left(\sin \frac{\pi}{3}\right)^2$ $f(x) = \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \frac{3}{4}$	$f(x) = \cos 3x$ pour $x = -\frac{\pi}{2}$ $f(x) = \cos\left(3 \times \left(-\frac{\pi}{2}\right)\right)$ $f(x) = \cos\left(-\frac{3\pi}{2}\right) = 0$
$f(x) = x \sin x$ pour $x = -\frac{\pi}{6}$ $f(x) = \left(-\frac{\pi}{6}\right) \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$ $f(x) = \left(-\frac{\pi}{6}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{\pi}{12}$	$f(x) = \frac{\cos x - \sin x}{2}$ pour $x = \frac{\pi}{4}$ $f(x) = \frac{\cos \frac{\pi}{4} - \sin \frac{\pi}{4}}{2}$ $f(x) = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}}{2} = 0$	$f(x) = \cos^2 x \sin x$ pour $x = \frac{2\pi}{3}$ $f(x) = \left(\cos \frac{2\pi}{3}\right)^2 \sin \frac{2\pi}{3}$ $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{8}$