



### EXERCICE 1 (6 points)

Dans cet exercice on se propose d'étudier la réaction d'acide éthanóique avec :

- l'eau ;
- une solution aqueuse de méthanoate de sodium ;
- le méthanol.

#### 1- Etude d'une solution aqueuse d'acide éthanóique

On prépare un volume  $V$  d'une solution aqueuse  $S_A$  d'acide éthanóique  $\text{CH}_3\text{COOH}$  de concentration molaire  $C_A = 5,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ . La mesure du pH donne  $\text{pH} = 3,05$ .

**1-1-** Écrire l'équation de la réaction de l'acide éthanóique avec l'eau. **(0,5 pt)**

**1-2-** Montrer que le taux d'avancement final de la réaction de l'acide éthanóique avec l'eau est :

$$\tau = \frac{10^{-\text{pH}}}{C_A}. \text{ Calculer sa valeur. Que peut-on conclure ? (0,75pt)}$$

**1.3-** Montrer que le quotient de réaction de cette réaction à l'équilibre s'écrit ainsi :  $Q_{r,\text{éq}} = \frac{C_A \tau^2}{1 - \tau}$ .

Calculer sa valeur. **(0,5 pt)**

**1-4-** Vérifier que la valeur du  $\text{p}K_{A1} = \text{p}K_A(\text{CH}_3\text{COOH}_{(\text{aq})} / \text{CH}_3\text{COO}^-_{(\text{aq})})$  est :  $\text{p}K_{A1} \approx 4,8$ . **(0,5 pt)**

#### 2-Etude de la réaction de l'acide éthanóique avec l'ion méthanoate

On mélange un volume  $V_1$  de la solution  $S_A$  avec un volume  $V_2 = V_1$  d'une solution aqueuse  $S_B$  de méthanoate de sodium  $\text{Na}^+_{(\text{aq})} + \text{HCOO}^-_{(\text{aq})}$  de concentration molaire  $C_B = C_A$ .

**2-1-** Ecrire l'équation de la réaction qui se produit entre les ions méthanoate et l'acide éthanóique. **(0,5 pt)**

**2-2-** Montrer que le quotient de réaction de cette réaction à l'équilibre est :  $Q_{r,\text{éq}} = \frac{K_{A1}}{K_{A2}}$  et calculer sa valeur

sachant que  $\text{p}K_{A2} = \text{p}K_A(\text{HCOOH}_{(\text{aq})} / \text{HCOO}^-_{(\text{aq})}) = 3,75$ . **(0,75pt)**

#### 3- Etude de la réaction de l'acide éthanóique avec le méthanol

On réalise un mélange équimolaire de l'acide éthanóique avec du méthanol  $\text{CH}_3\text{OH} : n_i(\text{CH}_3\text{COOH}) = n_i(\text{CH}_3\text{OH}) = n_0$ .

Le suivi temporel de la quantité de matière  $n_e$  de l'ester formé, à une température  $\theta$ , a permis d'obtenir la courbe C de la figure ci-contre.

**3-1-** Choisir, parmi les propositions suivantes, celle qui est juste. **(0,25pt)**

La réaction de l'acide éthanóique avec le méthanol est une réaction :

- a- acide-base ; b- d'hydrolyse
- c- d'estérification ; d- d'oxydo-réduction

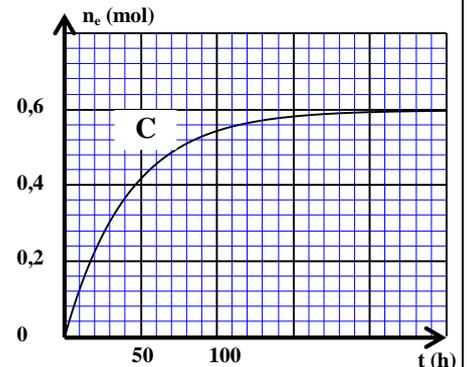
**3-2-** Ecrire l'équation modélisant la réaction qui se produit en utilisant les formules semi-développées. **(0,5pt)**

**3-3-** Choisir, parmi les propositions suivantes, le nom de l'ester formé. **(0,5 pt)**

- a- méthanoate de méthyle ; b- éthanóate de méthyle
- c- éthanóate d'éthyle ; d- méthanoate d'éthyle

**3-4-** Calculer le rendement  $r$  de la transformation chimique étudiée sachant que  $n_0 = 0,9 \text{ mol}$ . **(0,75 pt)**

**3-5-** Quand l'état d'équilibre est atteint, on ajoute au mélange réactionnel une quantité de matière d'acide éthanóique. Dire, en justifiant, dans quel sens évolue cet équilibre chimique. **(0,5 pt)**



### EXERCICE 2 (3 points)

#### Désintégration de l'argent 105

Parmi les isotopes de l'argent, on trouve  $^{105}_{47}\text{Ag}$  qui est un isotope radioactif émetteur  $\beta^+$ . Le noyau formé est le palladium  $^{105}_{Z}\text{Pd}$ .

**Données :** \* La demi-vie de l'argent 105 est  $t_{1/2} = 41,29$  jour ;

\* On prend :  $m(^{105}_{47}\text{Ag}) = 104,88074 \text{ u}$  ;  $m(^{105}_{Z}\text{Pd}) = 104,87985 \text{ u}$  ;  $m(\beta^+) = 0,00055 \text{ u}$  ;

\*  $1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV} \cdot \text{c}^{-2}$ .

1- Donner la définition des isotopes. (0,5 pt)

2- Donner la composition du noyau  $^{105}_{47}\text{Ag}$ . (0,5 pt)

3- Ecrire l'équation de la réaction de désintégration du noyau  $^{105}_{47}\text{Ag}$  en déterminant la valeur du numéro atomique Z du palladium formé. (0,5 pt)

4- Calculer, en unité MeV, l'énergie libérée  $E_{\text{lib}}$  au cours de la désintégration d'un noyau de  $^{105}_{47}\text{Ag}$ . (On rappelle que :  $E_{\text{lib}} = |\Delta E|$ ). (0,75 pt)

5- Calculer, en unité  $\text{jour}^{-1}$ , la constante radioactive  $\lambda$  de l'argent 105. (On rappelle l'expression  $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ ). (0,25 pt)

6- On considère un échantillon de noyaux d'argent 105 dont l'activité, à l'instant  $t_0 = 0$ , est  $a_0 = 10^{16} \text{ Bq}$ . Déterminer, en unité jour, l'instant auquel l'activité de l'échantillon est :  $a = 2 \cdot 10^{15} \text{ Bq}$ . (0,5 pt)

### EXERCICE 3 (6 points)

Cet exercice se propose d'étudier :

- la réponse d'un dipôle RL à un échelon de tension ;
- un circuit oscillant LC ;
- la modulation d'amplitude d'un signal.

#### 1- Réponse d'un dipôle RL à un échelon de tension

On réalise le montage électrique, représenté sur le schéma de la figure 1, comportant :

- un générateur de tension de force électromotrice  $E = 24 \text{ V}$  ;
- un conducteur ohmique de résistance  $R$  ;
- une bobine (b) d'inductance  $L$  et de résistance négligeable ;
- un interrupteur  $K$  ;

On ferme l'interrupteur  $K$  à l'instant de date  $t_0 = 0$ .

Un système d'acquisition informatisé adéquat permet d'obtenir la courbe représentant l'évolution temporelle de l'intensité du courant électrique  $i(t)$  dans le circuit (figure 2).

La droite (T) représente la tangente à la courbe au point d'abscisse  $t_0 = 0$ .

1-1- Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $i(t)$ . (0,5 pt)

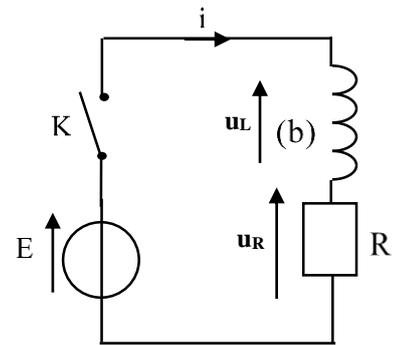


Figure 1

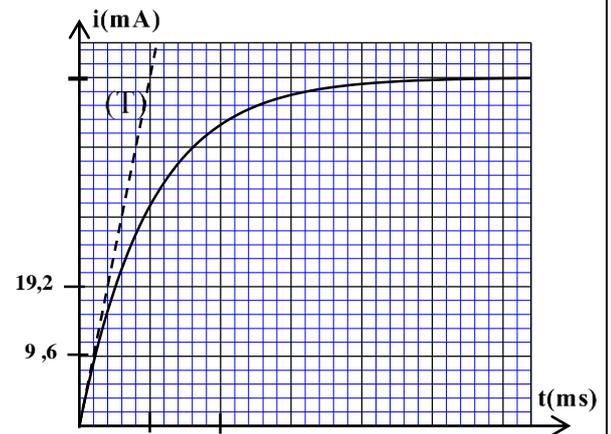


Figure 2

1-2- L'expression de l'intensité du courant traversant le circuit est :  $i(t) = A + B.e^{-\frac{t}{\tau}}$  avec A et B deux constantes et  $\tau$  la constante de temps du circuit.

1-2-1- Déterminer les expressions de A et B et  $\tau$  en fonction de E, R et L. (0,75 pt)

1-2-2- En vous aidant du graphe de la figure 2, déterminer l'intensité  $I_p$  du courant en régime permanent et déduire la valeur de la résistance R. (0,5 pt)

1-2-3- Montrer que :  $L=1H$ . (0,5 pt)

## 2- Etude d'un circuit oscillant LC

On réalise un circuit oscillant LC en associant la bobine (b) précédemment utilisée avec un condensateur de capacité C chargé totalement par un générateur de tension de force électromotrice  $E_0$  (figure 3).

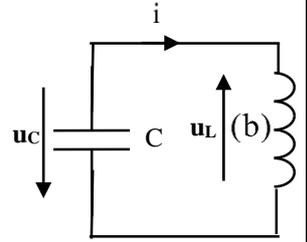


Figure 3

2-1- Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension  $u_C(t)$  entre les bornes du condensateur. (0,5 pt)

2-2- La courbe de la figure 4 représente les variations de la tension  $u_C(t)$  en fonction du temps.

2-2-1- Déterminer la période propre  $T_0$  des oscillations. (0,25 pt)

2-2-2- En déduire la valeur de la capacité C du condensateur. (On prend  $\pi^2=10$ ). (0,5 pt)

2-2-3- Trouver l'énergie magnétique  $E_m$  emmagasinée dans la bobine à l'instant  $t=1,8ms$  sachant que l'énergie totale du circuit est constante. (0,75 pt)

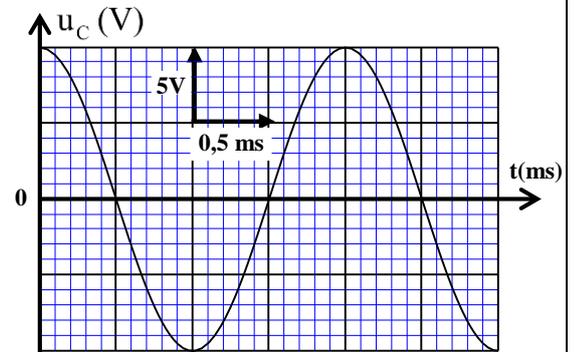


Figure 4

## 3- Modulation d'amplitude d'un signal

La courbe de la figure 5 représente l'évolution temporelle de la

tension  $u(t)$  associée à un signal modulé en amplitude. L'expression mathématique de  $u(t)$  est de la

forme :  $u(t) = A(1 + m.\cos(2\pi f_s.t)).\cos(2\pi f_p.t)$  avec A est une constante, m est le taux de modulation,  $f_s$

et  $f_p$  sont respectivement les fréquences du signal modulant et de la porteuse.

3-1- Trouver les valeurs des deux fréquences  $f_s$  et  $f_p$ . (0,5 pt)

3-2- Répondre par vrai ou faux en justifiant :

a- Le taux de modulation est :  $m=0,4$ . (0,75 pt)

b- La composante continue de la tension est :

$U_0 = 2V$ . (0,5 pt)

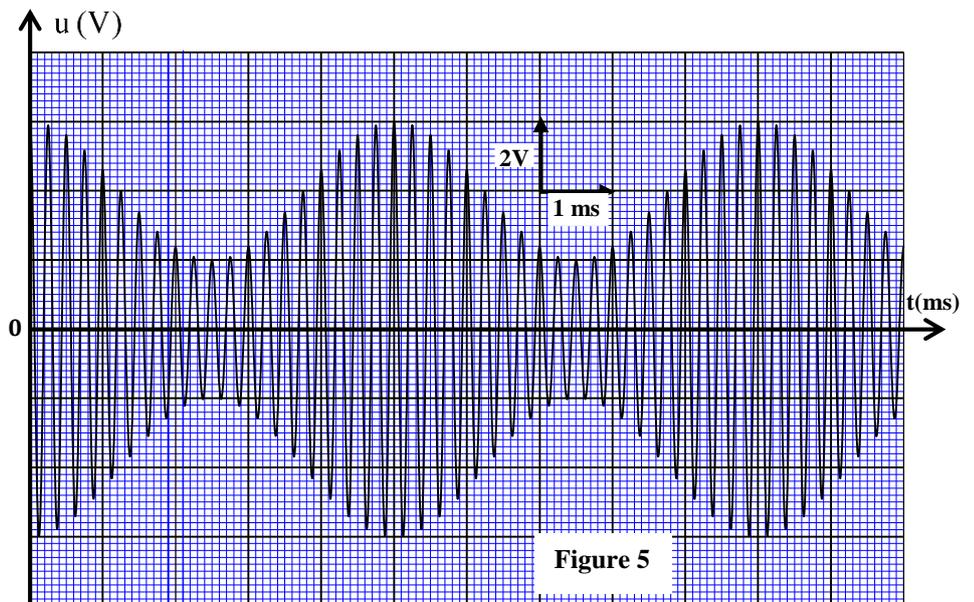


Figure 5

### EXERCICE 4 (5 points)

Les deux parties sont indépendantes

#### Partie I : Etude de la chute d'une balle

Dans le champ de pesanteur, on lance verticalement vers le haut à l'instant  $t_0 = 0$ , à partir d'un point O, une balle (S) de masse  $m$  et de centre d'inertie G, avec une vitesse initiale de valeur  $V_0 = 12 \text{ m.s}^{-1}$  (figure 1).

On étudie le mouvement du centre d'inertie G de la balle dans un repère  $(O; \vec{k})$  lié à un référentiel terrestre supposé galiléen.

**Donnée :** Intensité de la pesanteur :  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ .

On considère que la balle est en chute libre.

1- En appliquant la deuxième loi de Newton, montrer que les équations horaires numériques donnant la vitesse et la position du centre d'inertie G de la balle sont : **(1 pt)**

$$\checkmark \quad v_z(t) = -10t + 12$$

$$\checkmark \quad z(t) = -5t^2 + 12t$$

2- Trouver l'instant  $t_1$  d'arrivée de G au point maximal H. **(0,5 pt)**

3- Déterminer la hauteur maximale  $h$  atteinte par G. **(0,5 pt)**

#### Partie II : Etude du mouvement d'un oscillateur mécanique

Un oscillateur mécanique horizontal est constitué d'un solide (S), de masse  $m = 0,2 \text{ kg}$ , fixé à l'extrémité libre d'un ressort (R) à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur  $k$ . L'autre extrémité du ressort est liée à un support fixe (figure 2).

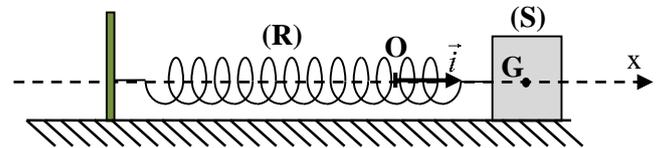


Figure 2

Pour étudier le mouvement du centre d'inertie G du

solide (S), on choisit un repère  $(O, \vec{i})$  lié à un référentiel

terrestre supposé galiléen. On repère, à un instant de date  $t$ , la position de G par son abscisse  $x$  dans le

repère  $(O, \vec{i})$ . La position de G à l'équilibre est

confondue avec l'origine O de l'axe (Ox) (figure 2).

On écarte (S) de sa position d'équilibre et on le lâche, sans vitesse initiale, à la date  $t = 0$ . Le solide (S) se met alors à osciller. (on néglige tous les frottements).

On visualise, à l'aide d'un dispositif informatisé approprié, la courbe  $x = f(t)$  (figure 3).

1- Préciser la nature du mouvement de G. **(0,25 pt)**

2- Montrer, en appliquant la deuxième loi de Newton, que l'équation différentielle du

mouvement de G s'écrit sous la forme :  $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0$ . **(0,5 pt)**

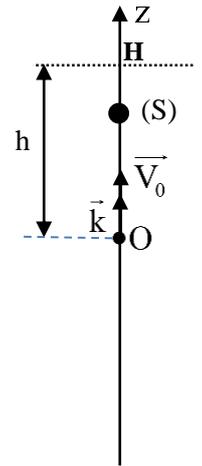


Figure 1

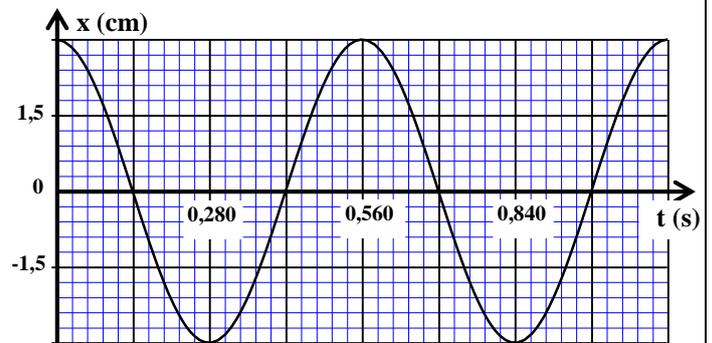
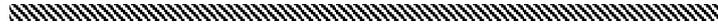


Figure 3

- 3- Sachant que la solution de cette équation différentielle est de la forme:  $x = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right)$ , avec  $T_0$  la période propre de l'oscillateur ; déterminer, graphiquement, la valeur de  $X_m$  et celle de  $T_0$ . **(0,5pt)**
- 4- Trouver la valeur maximale  $v_{\max}$  de la vitesse du mouvement de G. **(0,5 pt)**
- 5- Montrer que l'expression de la période propre de l'oscillateur est :  $T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$ . Calculer alors la valeur de la raideur  $k$  du ressort. (On prend  $\pi^2 = 10$  ). **(0,5 pt)**
- 6- Déterminer la valeur de la variation  $\Delta E_{pe}$  de l'énergie potentielle élastique entre les deux instants  $t_1 = 0,112s$  et  $t_2 = 0,560s$ . **(0,75 pt)**





### EXERCICE 2 (3 points)

Question	Eléments de réponse	Barème	Référence de la question dans le cadre de référence
1	Définition des isotopes	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître la signification du symbole <math>{}^A_Z X</math> et donner la composition du noyau correspondant.</li> <li>▪ Définir l'isotopie et reconnaître des isotopes.</li> <li>▪ Connaître et utiliser les lois de conservation.</li> <li>▪ Définir les radioactivités <math>\alpha</math>, <math>\beta^+</math>, <math>\beta^-</math> et l'émission <math>\gamma</math>.</li> <li>▪ Ecrire les équations nucléaires en appliquant les lois de conservation.</li> <li>▪ Connaître l'expression de la loi de décroissance et exploiter la courbe de décroissance.</li> <li>▪ Savoir que 1 Bq est égal à une désintégration par seconde.</li> <li>▪ Connaître la définition de la constante de temps <math>\tau</math> et du temps de demi-vie <math>t_{1/2}</math>.</li> <li>▪ Utiliser les relations entre <math>\tau</math>, <math>\lambda</math> et <math>t_{1/2}</math>.</li> <li>▪ Utiliser l'électronvolt (eV) et ses multiples.</li> <li>▪ Savoir convertir des joules(J) en eV et réciproquement.</li> <li>▪ Faire le bilan énergétique d'une réaction nucléaire en utilisant les énergies de masse.</li> </ul>
2	n(protons) = Z = 47 n(neutrons) = (A-Z) = 58	0,25 0,25	
3	${}^{105}_{47}\text{Ag} \rightarrow {}^0_{+1}\text{e} + {}^{105}_Z\text{Pd}$ Z = 46	0,25 0,25	
4	$E_{\text{lib}} =  \Delta m \cdot c^2 $ $E_{\text{lib}} \approx 0,32 \text{ MeV}$	0,5 0,25	
5	$\lambda = 1,68 \cdot 10^{-2} \text{ jour}^{-1}$	0,25	
6	Méthode $t_1 \approx 95,8 \text{ jour}$	0,25 0,25	

## EXERCICE 3 (6 points)

Question	Eléments de réponse	Barème	Référence de la question dans le cadre de référence	
1-1	Méthode	0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et utiliser l'expression de la tension <math>u = r.i + L \cdot \frac{di}{dt}</math> pour une bobine dans la convention récepteur.</li> <li>▪ Connaître les significations des grandeurs dans l'expression de u et leurs unités.</li> <li>▪ Connaître les variations de l'intensité du courant i lorsqu'on applique une tension aux bornes du dipôle RL et déduire l'expression de la tension aux bornes de la bobine.</li> <li>▪ Etablir l'équation différentielle vérifiée par l'intensité i et vérifier sa solution.</li> <li>▪ Connaître et utiliser l'expression de la constante de temps.</li> <li>▪ Déterminer l'inductance d'une bobine à partir de la constante de temps.</li> <li>▪ Savoir exploiter un document expérimental pour: <ul style="list-style-type: none"> <li>* déterminer la constante de temps.</li> </ul> </li> </ul>	
	$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L}$	0,25		
1-2-1	$A = \frac{E}{R}$	0,25		
	$B = -\frac{E}{R}$	0,25		
	$\tau = \frac{L}{R}$	0,25		
1-2-2	$I_p = 48 \text{ mA}$	0,25		
	$R = 500 \Omega$	0,25		
1-2-3	Démonstration	0,5		
2-1	Méthode	0,25		<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Reconnaître les régimes périodique, pseudo-périodique et apériodique.</li> <li>▪ Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur ou la charge q dans le cas d'un amortissement négligeable.</li> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de la période propre, la signification de chacun des termes et leur unité.</li> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de l'énergie électrique emmagasinée dans une bobine.</li> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de l'énergie électrique emmagasinée dans une bobine.</li> </ul>
	$\frac{d^2u_c}{dt^2} + \frac{1}{LC}u_c = 0$	0,25		
2-2-1	$T_0 = 2.10^{-3} \text{ s}$	0,25		
2-2-2	Méthode	0,25		
	$C = 0,1 \mu\text{F}$	0,25		
2-2-3	$E_m = \frac{1}{2}C[u_{c\text{max}}^2 - (u_c(t))^2]$	0,5		
	$E_m = 1,8 \mu\text{J}$	0,25		
3-1	$f_s = 200 \text{ Hz}$	0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Reconnaître les différents paramètres de l'expression d'une tension sinusoïdale : amplitude, fréquence et/ou phase.</li> <li>▪ Connaître des différentes étapes de la modulation d'amplitude.</li> <li>▪ Exploiter les courbes de modulation obtenues expérimentalement.</li> <li>▪ Savoir exploiter les oscillogrammes relatifs à une modulation</li> </ul>	
	$f_p = 4 \text{ kHz}$	0,25		
3-2-a	Faux justification	0,25		
3-2-b	Faux justification	0,25		
	Faux justification	0,25		

## EXERCICE 4 (5 points)

Question	Eléments de réponse	Barème	Référence de la question dans le cadre de référence	
Partie I	1	Méthode $v_z = -10t + 12$ $z = -5t^2 + 12t$	0,5 0,25 0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>Connaître la deuxième loi de Newton <math>\Sigma \vec{F}_{ext} = m \cdot \frac{\Delta \vec{V}_G}{\Delta t}</math> et <math>\Sigma \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G</math> ; et son domaine de validité.</li> <li>Appliquer la deuxième loi de Newton pour établir l'équation différentielle du mouvement du centre d'inertie d'un solide en chute verticale libre et trouver sa solution.</li> <li>Connaître et exploiter les caractéristiques du mouvement rectiligne uniformément varié et ses équations horaires.</li> </ul>
	2	Méthode $t_1 = 1,2 \text{ s}$	0,25 0,25	
	3	Méthode $h = 7,2 \text{ m}$	0,25 0,25	
Partie II	1	Mvt. rect. sinusoïdal	0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>Reconnaître les mouvements oscillatoires, les mouvements périodiques, amplitude du mouvement, position d'équilibre et période propre.</li> <li>Exploiter le diagramme des espaces <math>x = f(t)</math>.</li> <li>Appliquer la deuxième loi de Newton à un système oscillant {corps solide – ressort horizontal} pour établir l'équation différentielle du mouvement et vérifier sa solution dans les cas des frottements négligeables.</li> <li>Ecrire l'équation horaire du mouvement du solide...</li> <li>Connaître la signification de tous les termes intervenant dans l'équation horaire et les déterminer à partir des conditions initiales.</li> <li>Connaître et exploiter l'expression de la période propre, ... du système (solide – ressort).</li> <li>Connaître l'expression de l'énergie potentielle élastique et son unité.</li> <li>Connaître et exploiter la relation entre le travail d'une force appliquée par un ressort et la variation de l'énergie potentielle élastique.</li> </ul>
	2	Démonstration	0,5	
	3	$X_m = 3 \text{ cm}$ $T_0 = 0,56 \text{ s}$	0,25 0,25	
	4	Méthode $v_{max} \approx 0,34 \text{ m.s}^{-1}$	0,25 0,25	
	5	Démonstration $k \approx 25,5 \text{ N.m}^{-1}$	0,25 0,25	
	6	$\Delta E_{pe} = \frac{1}{2} k(x_2^2 - x_1^2)$ $\Delta E_{pe} = 10,4 \text{ mJ}$	0,5 0,25	