

الدرس : إحداثيات نقطة – إحداثيات متجهة

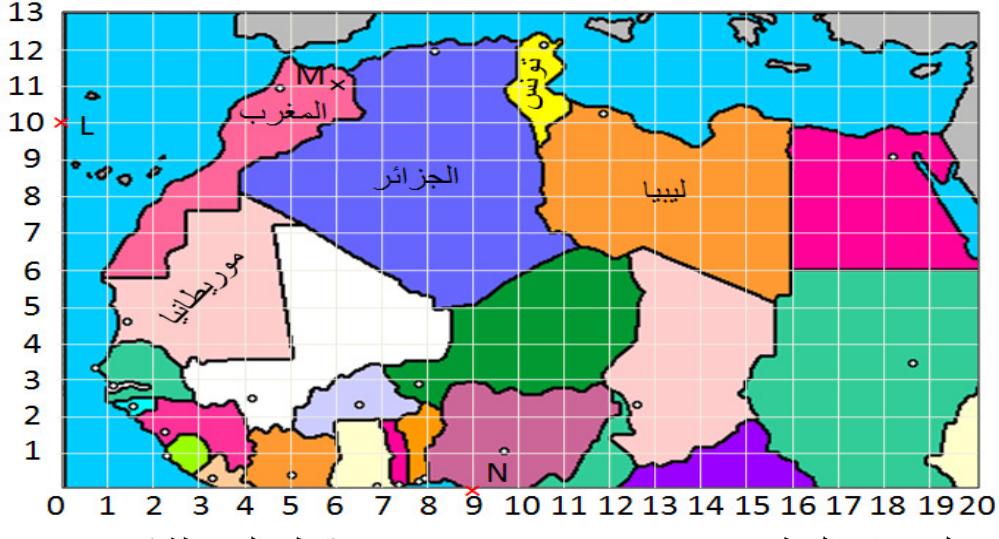
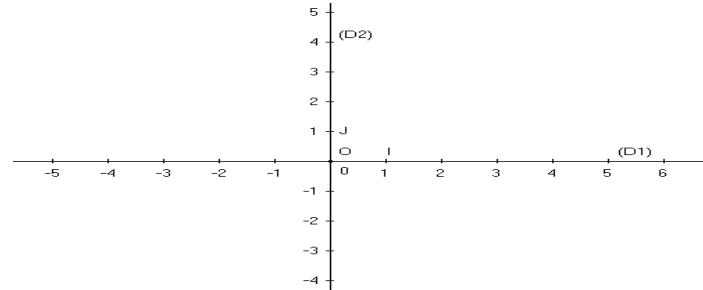
الامتدادات	القدرات المستهدفة	المكتسبات القبلية
- معادلة مستقيم - النطمات - الدوال - الهندسة التحليلية - الفيزياء	- معرفة تحديد إحداثيات متجهة - معرفة تحديد مجموع متجهتين - معرفة تحديد إحداثيات منتصف قطعة - معرفة تحديد المسافة بين نقطتين	- المعلم في المستوى - فيتاغورس - الإزاحة والتجهيزات

مضامين الدرس و هيكله

- 1- إحداثيات نقطة
- 2- إحداثيات متجهة
- 3- إحداثيات مجموع متجهتين
- 4- إحداثيات منتصف قطعة
- 5- المسافة بين نقطتين

الوسائل الديداكتيكية : الكتاب المدرسي – السبورة – الطباشير -
المسطرة- الكوس - البركار

الموضوع: احداثيات نقطة

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p>أرسم مستقيماً مدرجاً وحدة تدريجه OI ثم مثل عليه النقط F و E و D و C و B و A بحيث: $x_B = -2$ و $x_A = 1,5$ و $x_C = -3,5$ و $x_D = 3$ و $x_E = -1$ و $x_F = 5$</p>	<u>نشاط</u> <u>تشخيصية</u>
المدة: 20 دقيقة	 <p>نوع على موقع النقط $(11;11)$ و $(0;10)$ و $(6;11)$ و $(9;0)$. (انظر الخريطة)</p> <p>هل النقطة $(6;5)$ توجد على البر أم على البحر ؟</p> <p>هل النقطة $(8;7)$ توجد على البر أم على البحر ؟</p> <p>هل النقطة $(15;11)$ توجد على البر أم على البحر ؟</p> <p>هل النقطة $(5;11)$ توجد على البر أم على البحر ؟</p> <p>هل النقطة $(1;8)$ توجد على البر أم على البحر ؟</p>	<u>أنشطة</u> <u>بنائية</u>
المدة: 10 دقائق	<p>1- احداثيات نقطة</p> <p>ا- مثال</p> <p>$(D1)$ و $(D2)$ مستقيمين مدرجين متوازدين في النقطة O</p> 	ملخص الدروس

الموضوع: إحداثيات نقطة

ملاحظة

إذا كان $OI = OJ$ نقول أن المستوى منسوب إلى معلم منظم و متعادد

-- نسمى المستقيم(OI) : محور الأفصول

-- نسمى المستقيم(OJ) : محور الأراتيب .

-- نرمز لمعلم في المستوى بالرمز : ($J; O; I$)

بـ-إحداثيات نقطة

تعريف

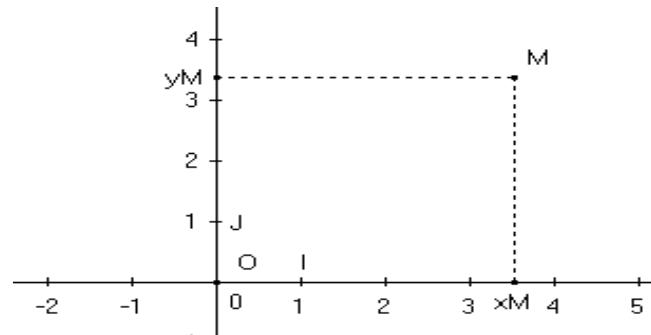
كل نقطة من المستوى M مرتبطة بعدين عشريين نسبيين x_M و y_M

يسميان إحداثيّيّ النقطة M و نكتب : $M(x_M; y_M)$

x_M يسمى الأفصول

y_M يسمى الأرتاب

مثال



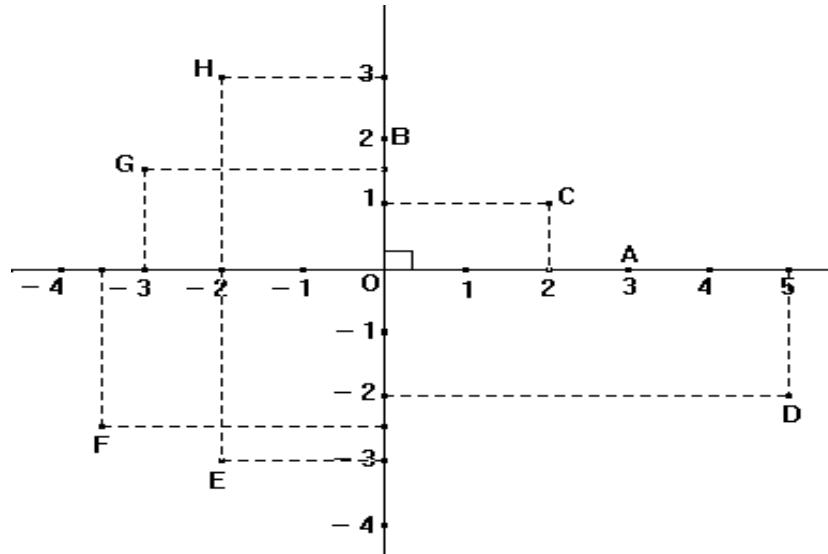
تمرين تطبيقي

نعتبر المستوى منسوبا إلى معلم متعدّد أصله O (انظر الشكل) .

أنشطة

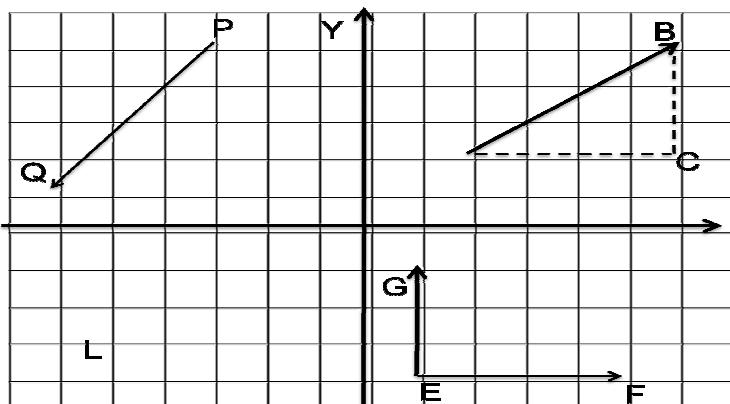
تقويمية

المدة: 15 دقائق



حدد إحداثيّي كل نقطة من النقط الآتية :

E و C و B و A و G و H و F و D

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p>ليكن م.م.م (I; J) نشاط أنشئ النقط التالية : A(-3/2) و (-2; 0) و (4; 0) و C(3;0) و B(0; 4)</p>	<u>أنشطة</u> <u>تشخيصية</u>
المدة: 20 دقيقة	 <p>نعتبر الإزاحتين T التي تحول E إلى F و T' التي تحول E إلى G و النقطة C. بحيث: C صورة A بالإزاحة T انطلاقاً من النقطة A انتقلنا بأربع تربيعات إلى اليمين وانتقلنا بثلاث تربيعات إلى الأعلى للوصول إلى النقطة B ، نعبر عن هذا الإنقال بالزوج $(3; 4)$ و الذي يمثل زوج إحداثي المتجهة \overrightarrow{AB} و نكتب $\overrightarrow{AB}(4; 3)$ أو $\overrightarrow{AB}\left(\begin{smallmatrix} 4 \\ 3 \end{smallmatrix}\right)$</p> <ol style="list-style-type: none"> 1- حدد إحداثيات النقط C و E و G و P و L و F 2- حدد إحداثي المتجهات \overrightarrow{EG} و \overrightarrow{EF} و \overrightarrow{PQ} و \overrightarrow{OC} 3- انشئ النقطة M بحيث $\overrightarrow{LM}(2; 3)$ و المتجهة $\overrightarrow{V}(2; -3)$ 4- انشئ النقطة S بحيث يكون الرباعي $PQLS$ متوازي الأضلاع 	<u>أنشطة</u> <u>بنائية</u>
المدة: 10 دقائق	<p>2- احداثيات متجهة تعريف</p> <p>إذا كانت $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ فـ: $\overrightarrow{AB}(x_B - x_A; y_B - y_A)$</p> <p>مثال</p> <p>نقطتان من المستوى المنسوب إلى معلم متعامد $(O; I; J)$ و $A(-2; 3)$ و $B(1; -5)$ لحسب إحداثي المتجهة \overrightarrow{AB}</p> <p>لدينا : $y_B - y_A = -5 - 3 = -8$ و $x_B - x_A = 1 - (-2) = 1 + 2 = 3$</p> <p>إذن: $\overrightarrow{AB}(3; -8)$</p>	<u>ملخص</u> <u>الدروس</u>

خاصية

معلم متعامد للمستوى $(O;I;J)$

و \overrightarrow{CD} متجهان غير منعدمتين

$$x_B - x_A = x_D - x_C \text{ و } y_B - y_A = y_D - y_C : \text{ يعني أن } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$$

مثال

و $(4;-2)$ و $(-2;3)$ و A نقط من المستوى المنسوب إلى معلم متعامد $(O;I;J)$.

لنحدد إحداثياتي النقطة D لكي يكون $ABCD$ متوازي الأضلاع

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} : \text{ يعني أن } ABCD$$

$$x_B - x_A = x_C - x_D \text{ و } y_B - y_A = y_C - y_D : \text{ أي}$$

$$1 - 3 = -2 - x_D \text{ و } -4 - 3 = -2 - y_D : \text{ ومنه فان}$$

$$x_D = -2 - 1 + 3 \text{ و } y_D = -2 + 4 + 3 : \text{ أي}$$

$$x_D = 0 \quad y_D = 5 : \text{ إذن}$$

$$\text{وبالتالي فإن: } D(0;5)$$

تمرين تطبيقي

أنشطة تقويمية

نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم النقط :
 $A(0;3)$ و $B(-2;0)$ و $C(2;0)$

- حدد إحداثيات المتجهتين \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD}

- حدد إحداثياتي النقطة D حيث:

-3 بين أن الرباعي $ABDC$ معين

المدة: 15 دقائق

الملحوظات	المحتوى	المراحل						
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط في المستوى المنسوب إلى معلم متواز منظم النقط : $A(3;2)$ و $E(0;-2)$ و $M(-1;2)$</p> <p>احسب \overrightarrow{EA} و \overrightarrow{EM} و \overrightarrow{AM}</p>	أنشطة تشخيصية						
	<p>نشاط</p> <p>-1</p>	أنشطة بنائية						
المدة: 20 دقيقة	<p align="right">أتمم الجدول التالي</p> <table border="1"> <tr> <td>$\overrightarrow{AB}(....)$</td> <td>$\overrightarrow{PQ}(....)$</td> <td>$(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{PQ})(....)$</td> </tr> <tr> <td>$\overrightarrow{EG}(....)$</td> <td>$\overrightarrow{EF}(....)$</td> <td>$(\overrightarrow{EG} + \overrightarrow{EF})(....)$</td> </tr> </table> <p>-2</p> <p>ليكن $(O; I; j)$ معلم متواز منظم</p> <p>نعتبر نقطتين $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$</p> <p>لتكن M منتصف $[AB]$</p> <p>أ- بين أن $y_M - y_A = y_B - y_M$ و $x_M - x_A = x_B - x_M$</p> <p>ب- استنتج أن :</p>	$\overrightarrow{AB}(....)$	$\overrightarrow{PQ}(....)$	$(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{PQ})(....)$	$\overrightarrow{EG}(....)$	$\overrightarrow{EF}(....)$	$(\overrightarrow{EG} + \overrightarrow{EF})(....)$	
$\overrightarrow{AB}(....)$	$\overrightarrow{PQ}(....)$	$(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{PQ})(....)$						
$\overrightarrow{EG}(....)$	$\overrightarrow{EF}(....)$	$(\overrightarrow{EG} + \overrightarrow{EF})(....)$						
المدة: 10 دقائق	<p align="right">3- احداثيات مجموع متجهتين</p> <p align="right">خاصية</p> <p>إذا كان $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} = (a+c; b+d)$ فإن $\overrightarrow{CD} = (c; d)$ و $\overrightarrow{AB} = (a; b)$</p> <p align="right">مثال</p> <p>لنعتبر المتجهتين : $\vec{u}(-4; 2)$ و $\vec{v}(3; -2)$</p> <p>لحسب : $\vec{u} + \vec{v}$</p> <p>لدينا : $\vec{u} + \vec{v}(0; -1)$ أي :</p>	ملخص الدروس						

4- احداثيات منتصف قطعة

خاصية

لتكن $B(x_B; y_B)$ و $A(x_A; y_A)$

إذا كانت النقطة M منتصف $[AB]$ فإن: $x_M = \frac{x_A + x_B}{2}$ و $y_M = \frac{y_A + y_B}{2}$

مثال

لنحدد إحداثياتي النقطة E منتصف القطعة $[AB]$ بحيث: $A(2;3)$ و $B(-2;1)$

$$x_E = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{2 + (-2)}{2} = \frac{0}{2} = 0 \quad \text{لدينا:}$$

$$E(0;2) \quad y_E = \frac{y_A + y_B}{2} = \frac{3+1}{2} = \frac{4}{2} = 2 \quad \text{و}$$

تمرين تطبيقي

نعتبر في المستوى المنسوب إلى م.م.م النقط:

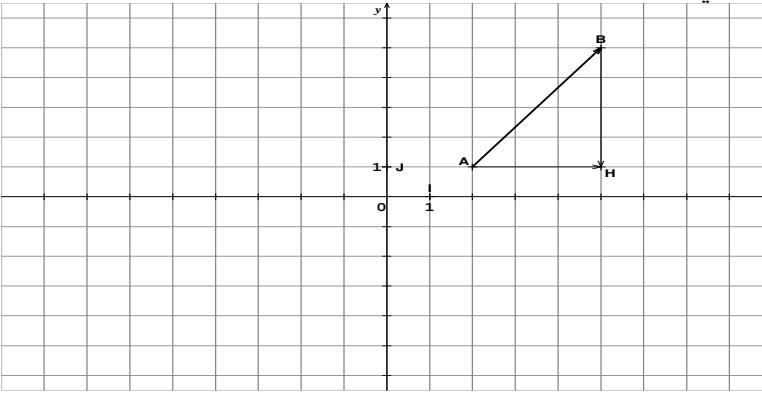
$A(-2;1)$ و $B(2;2)$ و $C(3;-2)$ و $D(x;y)$

1- حدد إحداثياتي E منتصف $[AC]$

2- حدد x و y علما أن: E منتصف $[BD]$

أنشطة تقويمية

المدة: 15 دقائق

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط مثلث قائم الزاوية في F. حيث: $EF = 0,6\text{cm}$ و $EG = 1\text{cm}$ أحسب FG</p>	أنشطة تشخيصية
المدة: 20 دقيقة	<p>نشاط نعتبر الشكل التالي</p>  <p> - تحقق أن $AH = x_B - x_A$ و $BH = y_B - y_A$ - مطابيعة المثلث ABH $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$ - استنتاج أن </p>	أنشطة بنائية
المدة: 10 دقائق	<p>5- المسافة بين نقطتين</p> <p>لتكن $B(x_B; y_B)$ و $A(x_A; y_A)$</p> $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$	ملخص الدروس
المدة: 15 دقيقة	<p>مثال لتكن : $A(-1; 3)$ و $B(3, 2)$</p> $ \begin{aligned} AB &= \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \\ &= \sqrt{(3 + 1)^2 + (2 - 3)^2} \\ &= \sqrt{4^2 + (-1)^2} \\ &= \sqrt{16 + 1} \\ &= \sqrt{17} \end{aligned} $	
	<p>تمرين تطبيقي نعتبر في المستوى المنسوب إلى م.م.م النقط :</p> $C(3; -2) \text{ و } B(2; 2) \text{ و } A(-2; 1)$ <p>احسب AC و BC و AB</p>	أنشطة تقويمية