

ملخصى وقواعدي فى الرياضيات لمستوى جذع مشترك علوم
من انجاز : الأستاذ نجيب عثمانى أستاذ مادة الرياضيات فى الثانوى تاهيلي

ملخص درس الحسابيات فى مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية

إذن: - العدد 145 مضاعف للعددين 5 و 29 .
 - العددين 5 و 29 هما قاسمان للعدد 145 .

ملحوظة: العدد 0 مضاعف لجميع الأعداد الصحيحة الطبيعية.
 العدد 1 قاسم لجميع الأعداد الصحيحة الطبيعية.

(4) مصاديق قابلية القسمة على : 2 و 3 و 4 و 5 و 9

ليكن n عددا صحيحا طبيعيا. يكون العدد n قابلا للقسمة:
 على 2: إذا كان رقم و حداته هو : 0 أو 2 أو 4 أو 6 أو 8 .
 على 3: إذا كان مجموع أرقامه مضاعفا للعدد 3 .
 على 4: إذا كان رقم وحداته و رقم عشراته يكونان في
 هذا الترتيب عددا مضاعفا للعدد 4 .
 على 5: إذا كان رقم وحداته هو 0 أو 5 .
 على 9: إذا كان مجموع أرقامه مضاعفا للعدد 9 .

(5) الأعداد الأولية و التفكيك إلى جداء عوامل أولية

تعريف: عدد أولي هو كل عدد صحيح طبيعي a يقبل قاسمين فقط
 هما العدد 1 و العدد a .

مثال 1: حدد كل الأعداد الأولية الأصغر من 30 .

الجواب : الأعداد الأولية الأصغر من 30 هي 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29 .

مثال 2: هل العدد 239 أولي ؟ نستعمل تقنية : نبحث عن الأعداد الأولية p

التي تحقق : $239 < p^2$ وهي : 2 و 3 و 5 و 7 و 11 و 13 و لا يوجد أي واحد
 منهم قاسم للعدد 239 إذن العدد 239 أولي

خاصية: يقبل أن كل عدد صحيح طبيعي غير منعدم و يخالف 1 يكتب على شكل
 جداء عوامل عوامل أولية.

مثال: لدينا: $640 = 64 \times 10$ أي $640 = 2^2 \times 5 \times 8^2$ إذن:

$$640 = (2^3)^2 \times 2 \times 5$$

و منه: $640 = 2^7 \times 5$ العوامل

المكونة لهذا الجداء هي الأعداد الأولية 2 و 5 .

تقنية للتفكيك : لتفكيك a عدد الى جداء عوامل أولية نأخذ أصغر
 عدد أولي يقسمه و ننتج القسمة فنحصل على خارج b فنأخذ أصغر

عدد أولي يقسم b و ننتج القسمة فنحصل على خارج c
 فتتابع عملية القسمة حتى نحصل على خارج يساوي 1 و العدد a

سيكون هو جداء جميع الأعداد الأولية التي قسمنا عليها

مثال: فكك العدد 1344 الى جداء عوامل أولية

الجواب : $1344 = 2^6 \times 3 \times 7$

(6) القاسم المشترك الأكبر و المضاعف المشترك الأصغر:

تعريف 1: ليكن a و b عددين صحيحين طبيعيين غير منعدمين.

أكبر قاسم مشترك للعددين a و b يسمى القاسم المشترك الأكبر للعددين a و b
 و يرمز له بالرمز $PGCD(a; b)$.

تعريف 2: ليكن a و b عنصرين من \mathbb{N} . أصغر مضاعف مشترك غير منعدم
 للعددين a و b يسمى المضاعف المشترك الأصغر للعددين a و b . و نرمز
 له بالرمز $PPCM(a; b)$. مثال: $PPCM(12; 8) = 24$.

خاصية 1: القاسم المشترك الأكبر لعددين هو جداء العوامل الأولية المشتركة
 مرفوعة الى أصغر أس

خاصية 2: المضاعف المشترك الأصغر لعددين هو جداء العوامل الأولية
 المشتركة و الغير المشتركة مرفوعة الى أكبر أس

مثال: فكك الأعداد : 220 و 798 الى جداء عوامل أولية

و حدد : $PGCD(220; 798)$ و $PPCM(220; 798)$ و

الجواب : $220 = 2^2 \times 5 \times 11$ $798 = 2 \times 3 \times 7 \times 19$

إذن : $PGCD(220; 798) = 2^1 = 2$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

و $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$

(1) مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية \mathbb{N} .

تعريف: كل الأعداد الصحيحة الطبيعية تكون مجموعة نرزم لها بالرمز \mathbb{N}
 و نكتب $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$

مصطلحات و رموز: العدد 0 يسمى العدد الصحيح الطبيعي المنعدم

الأعداد الصحيحة الطبيعية غير المنعدمة تكون مجموعة نرزم لها بالرمز \mathbb{N}^* .
 $\mathbb{N}^* = \{1, 2, \dots\}$ تسمى مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية الغير منعدمة

7 هو عدد صحيح طبيعي نكتب $7 \in \mathbb{N}$

8- ليس بعدد صحيح طبيعي نكتب $8 \notin \mathbb{N}$

(2) الأعداد الزوجية و الأعداد الفردية:

تعريف: عدد صحيح طبيعي زوجي إذا وجد عدد صحيح طبيعي k
 $a = 2k$ بحيث :

a عدد صحيح طبيعي فردي إذا وجد عدد صحيح طبيعي k بحيث :
 $a = 2k + 1$

ملاحظات : كل عدد صحيح طبيعي اما هو زوجي أو فردي ولدنيا مجموعة من
 النتائج في الجدول التالي :

الأعداد	a	b	a+b	a-b	a x b
زوجية	زوجي	زوجي	زوجي	زوجي	زوجي
الأعداد	فردية	فردية	زوجي	زوجي	فردية
	فردية	زوجي	فردية	فردية	زوجي
	زوجي	فردية	فردية	فردية	زوجي

مثال: $n \in \mathbb{N}$ أدرس زوجية الأعداد التالية: $4n^2 + 4n + 1$ و $2n + 4$

$$4n^2 + 4n + 1 = (2n + 1)^2$$

$$2n + 4 = 2(n + 2)$$

الجواب: $2n + 4 = 2(n + 2) = 2 \times k$ حيث : $k = n + 2$

وبالتالي : $2n + 4$ عدد زوجي

$$4n^2 + 4n + 1 = 2(2n^2 + 2n) + 1 = 2 \times k + 1$$

$$k = 2n^2 + 2n$$

وبالتالي : $4n^2 + 4n + 1$ عدد فردي

$$4n^2 + 4n + 1 = 2(2n^2 + 2n) + 1 = 2 \times k + 1$$

$$k = 2n^2 + 2n$$

وبالتالي : $4n^2 + 4n + 1$ عدد فردي

$$6n^2 + 12n = 2(3n^2 + 6n) = 2 \times k$$

$$k = 3n^2 + 6n$$

وبالتالي : $6n^2 + 12n$ عدد زوجي

$$2n^2 + 7 = 2(n^2 + 3) + 1 = 2 \times k + 1$$

$$k = n^2 + 3$$

حيث : $k = n^2 + 3$ وبالتالي : $2n^2 + 7$ عدد فردي

دراسة زوجية العدد: $3n^3 + n$ حيث $n \in \mathbb{N}$

الحالة 1: n عدد زوجي

هو أيضا عدد زوجي لأنه جداء أعداد زوجية

وبالتالي : $3n^3 + n$ عدد زوجي لأنه مجموع عددين زوجيين

الحالة 2: n عدد فردي

هو أيضا عدد فردي لأنه جداء أعداد فردية

و كذلك : $3n^3$ عدد فردي لأنه جداء عددين فرديين

و منه : $3n^3 + n$ عدد زوجي لأنه مجموع عددين فرديين

وبالتالي : $3n^3 + n$ عدد زوجي كيفما كانت $n \in \mathbb{N}$

(3) قواسم عدد و مضاعفات عدد

تعريف 1: a و b عنصران من \mathbb{N} . نقول ان a مضاعف للعدد b إذا
 وجد عدد صحيح طبيعي n بحيث $a = bn$.

مثال: ادينا: $145 = 5 \times 29$ إذن : 145 مضاعف للعدد 5

تعريف 2: a و b عنصران من \mathbb{N} .

نقول ان b قاسم للعدد a إذا وجد عدد صحيح طبيعي n بحيث $a = bn$.

مثال: ادينا: $145 = 5 \times 29$