

# تصحيح الفرض الثالث النموذج 3 للدورة الأولى

إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن

المثلث  $OMN$  قائم الزاوية في  $O$

(2) أحسب  $OB$  و  $AB$  :

لدينا في المثلث  $OMN$  :  $(AB) \parallel (MN)$

و  $B \in (OM)$  و  $A \in (ON)$

إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة فإن :

$$\frac{OA}{ON} = \frac{OB}{OM} = \frac{AB}{MN}$$

✓ لنحسب  $OB$  :

$$\frac{15}{24} = \frac{OB}{32}$$

$$OB = \frac{32 \times 15}{24} = 20 \quad \text{إذن}$$

✓ لنحسب  $AB$  :

$$\frac{15}{24} = \frac{AB}{40}$$

$$AB = \frac{40 \times 15}{24} = 25 \quad \text{إذن}$$

(3) بين أن  $(OM) \parallel (AL)$  :

$$\frac{NO}{NA} = \frac{24}{39} = \frac{3 \times 8}{3 \times 13} = \frac{8}{13} \quad \text{ولدينا}$$

$$\frac{NM}{NL} = \frac{40}{65} = \frac{5 \times 8}{5 \times 13} = \frac{8}{13} \quad \text{و}$$

$$\frac{NO}{NA} = \frac{NM}{NL} \quad \text{إذن}$$

وبما أن النقط المستقيمة  $N$  و  $O$  و  $A$  في نفس

ترتيب النقط المستقيمة  $N$  و  $M$  و  $L$

إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن :

وبالتالي  $(OM) \parallel (AL)$

التمرين الأول :

✓ لنحسب  $AC$  :

$ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $B$

إذن حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة فإن :

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$AC^2 = 2^2 + 1^2$$

$$AC^2 = 5$$

$$AC = \sqrt{5}$$

✓ لنحسب  $AD$  :

$ADC$  مثلث قائم الزاوية في  $C$

إذن حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة فإن :

$$AD^2 = AC^2 + DC^2$$

$$AD^2 = \sqrt{5}^2 + 3^2$$

$$AD^2 = 5 + 9$$

$$AD^2 = 14$$

$$AD = \sqrt{14}$$

إذن  $P$  محيط الرباعي  $ABCD$  هو :

$$P = AB + BC + CD + DA$$

$$= 2 + 1 + 3 + \sqrt{14}$$

$$= 6 + \sqrt{14}$$

التمرين الثاني :

(1) بين أن المثلث  $OMN$  قائم الزاوية في  $O$  :

$$MN^2 = 40^2 = 1600$$

$$OM^2 = 32^2 = 1024$$

$$ON^2 = 24^2 = 576$$

إذن الوتر هو  $MN$  لأنه أكبر ضلع

$$\text{لدينا } OM^2 + ON^2 = 1024 + 576 = 1600$$

$$\text{إذن } OM^2 + ON^2 = MN^2$$

التمرين الثالث :

(1) أ) بين أن  $\cos \alpha = \frac{1}{3}$

$$\tan \alpha = 3 \sin \alpha$$

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = 3 \sin \alpha$$

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \alpha} = 3 \cos \alpha$$

$$1 = 3 \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{1}{3}$$

ب) أحسب  $\sin \alpha$  و  $\tan \alpha$   
✓ لنحسب  $\sin \alpha$

نعلم أن  $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$

$$\left(\frac{1}{3}\right)^2 + \sin^2 x = 1$$

$$\frac{1}{9} + \sin^2 x = 1$$

$$\sin^2 x = 1 - \frac{1}{9}$$

$$\sin^2 x = \frac{8}{9}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{9}}$$

$$= \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

✓ لنحسب  $\tan \alpha$

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{\frac{2\sqrt{2}}{3}}{\frac{1}{3}} = \frac{2\sqrt{2}}{1}$$

$$= 2\sqrt{2}$$

(2) أ) بين أن  $1 + \frac{1}{\tan^2 x} = \frac{1}{\sin^2 x}$

$$1 + \frac{1}{\tan^2 x} = 1 + \frac{1}{\frac{\sin^2 x}{\cos^2 x}} = 1 + \frac{\cos^2 x}{\sin^2 x}$$

$$= \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin^2 x} = \frac{1}{\sin^2 x}$$

ب) استنتج تبسيطاً للعدد :

$$X = (1 + \cos x)(1 - \cos x) \left(1 + \frac{1}{\tan^2 x}\right)$$

$$X = (1^2 - \cos^2 x) \left(\frac{1}{\sin^2 x}\right)$$

$$= (1 - \cos^2 x) \left(\frac{1}{\sin^2 x}\right)$$

$$= (\sin^2 x) \left(\frac{1}{\sin^2 x}\right)$$

$$= 1$$

(3) بسط العدد :

$$Y = \cos^2 47^\circ + \tan 32^\circ \times \tan 58^\circ + \cos^2 43^\circ$$

$$Y = \cos^2 47^\circ + \cos^2 43^\circ + \tan 32^\circ \times \tan 58^\circ$$

$$Y = \sin^2 43^\circ + \cos^2 43^\circ + \frac{1}{\tan 58^\circ} \times \tan 58^\circ$$

$$Y = 1 + 1 = 2$$

التمرين الرابع :

أحسب  $\widehat{ACB}$  و  $\widehat{AOC}$  و  $\widehat{OAC}$

✓ نحسب  $\widehat{ACB}$

لدينا  $\widehat{AOB}$  زاوية مركزية مرتبطة بالزاوية المحيطية

$$\widehat{ACB} = \frac{1}{2} \times \widehat{AOB} \quad \text{إذن} \quad \widehat{ACB}$$

$$\widehat{ACB} = \frac{1}{2} \times 40^\circ = 20^\circ$$

✓ نحسب  $\widehat{AOC}$  :

لدينا  $\widehat{BOC}$  زاوية مستقيمة إذن  $\widehat{BOC} = 180^\circ$

$$\widehat{AOB} + \widehat{AOC} = 180^\circ \text{ إذن}$$

$$40^\circ + \widehat{AOC} = 180^\circ$$

$$\widehat{AOC} = 180^\circ - 40^\circ$$

$$\widehat{AOC} = 140^\circ$$

✓ نحسب  $\widehat{OAC}$  :

لدينا المثلث  $OAC$  متساوي الساقين في  $O$

لأن الشعاع  $OA = OC$

$$\widehat{OAC} = \widehat{OCA} \text{ إذن}$$

وبما أن مجموع زوايا مثلث هو :  $180^\circ$

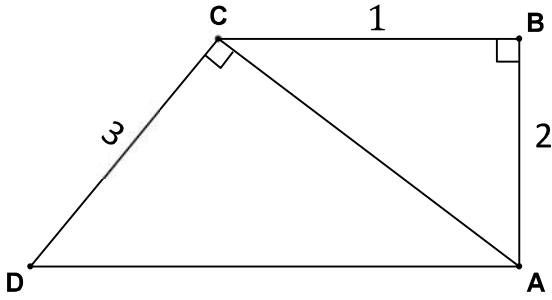
$$\widehat{OAC} + \widehat{OCA} + \widehat{AOC} = 180^\circ \text{ إذن}$$

$$2\widehat{OAC} + 140^\circ = 180^\circ$$

$$2\widehat{OAC} = 180^\circ - 140^\circ$$

$$2\widehat{OAC} = 40^\circ$$

$$\widehat{OAC} = 20^\circ$$



**التمرين الأول :** (3 نقط)

لاحظ الشكل :

أحسب محيط الرباعي  $ABCD$

**التمرين الثاني :** (6 نقط)

نعتبر الشكل التالي بحيث :

$$LM = 25 ; ON = 24 ; AO = 15$$

$$(AB) \parallel (MN) \text{ و } OM = 32 ; MN = 40$$

(1) بين أن المثلث  $OMN$  قائم الزاوية في  $O$

(2) أحسب  $AB$  و  $OB$

(3) بين أن  $(OM) \parallel (AL)$

**التمرين الثالث :** (7 نقط)

(1) ليكن  $\alpha$  قياس لزاوية حادة ( $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ ) بحيث :  $\tan \alpha = 3 \sin \alpha$

أ- بين أن  $\cos \alpha = \frac{1}{3}$

ب- أحسب  $\sin \alpha$  و  $\tan \alpha$

(2) ليكن  $x$  قياس لزاوية حادة

أ- بين أن  $1 + \frac{1}{\tan^2 x} = \frac{1}{\sin^2 x}$

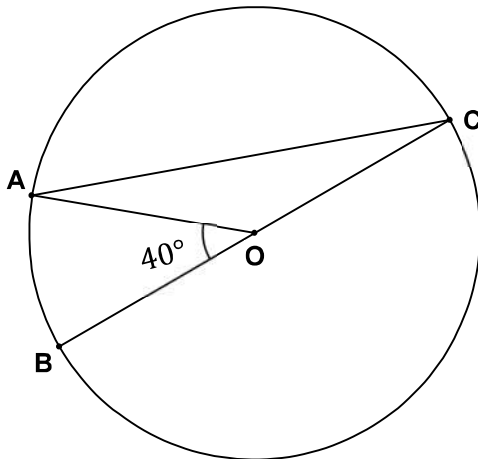
ب- استنتج تبسيطاً للعدد :  $X = (1 + \cos x)(1 - \cos x) \left(1 + \frac{1}{\tan^2 x}\right)$

(3) بسط العدد :  $Y = \cos^2 47^\circ + \tan 32^\circ \times \tan 58^\circ + \cos^2 43^\circ$

**التمرين الرابع :** (4 نقط)

نعتبر الشكل التالي :

أحسب  $\hat{A}CB$  و  $\hat{A}OC$  و  $\hat{O}AC$



حظ سعيد