مادة الرياضيات 3AC

نظمة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين



I _ نظمة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين :

1) – تعریف:

تسمى نظمة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين هما العددان الحقيقيان x و y

: مثال – (2

$$\begin{cases} 3x - 2y + 5 = 0 \\ x + 2y - 3 = 0 \end{cases}$$
: نعتبر النظمة الآتية

II حل النظمة:

1) - تعاریف:

* / حـل نظمة هو تحديد الأزواج
$$(x; y)$$
 التي تحقق معادلتي هذه النظمة .

* / حـل نظمة ينقسم إلى قسمين:

- الحلُ الجبري ، و هو نوعان : طريقة التعويض و طريقة التآلفية الخطية .

-- الحل المبياني .

: أمثلة (2

أ) -- الحل الجبري لنظمة معادلتين:

$$(E)$$
 (1) $\begin{cases} 2x + y = 11 \\ x + 3y = 18 \end{cases}$: انحال النظمة التعويض : لنحال النظمة التعويض : (E)

.
$$y = 11 - 2x$$
 : إذن x بدلالة y بحسب (1) في المعادلة

$$x$$
 الأن x بالقيمة x بالقيمة x الأن يا المعادلة (2) نعوض المعادلة الأن يا القيمة المعادلة الأن المعادلة المعا

$$x + 3(11-2x) = 18$$
$$x + 33-6x = 18$$
$$x - 6x = 18-33$$

$$-5x = -15$$

$$x = \frac{-15}{5}$$

$$x = 3$$

و منه فإن :

$$y = 11 - 2 \times 3$$
$$y = 11 - 6$$
$$y = 5$$

. (E) هو حـل هذه النظمة (3,5) و بالتالي الزوج

$$(F): \begin{cases} (1) & \begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ (2) & \end{cases} \end{cases}$$
 : it is a limit of the second of the second

 $\begin{cases} -4x - 6y = -10 \\ 5x + 6y = 14 \end{cases}$: ideal : = 2 : ideal :

$$-4x -6y +5x +6y = -10+14$$

$$-4x +5x -6y +6y = 4$$

$$x = 4$$

بضرب طرفي المعادلة (1) في العدد (1) و طرفي المعادلة (2) في العدد (2) و طرفي المعادلة (2)

$$\begin{cases} 10x + 15y = 25 \\ -10x - 12y = -28 \end{cases}$$

بجمع المعادلتين المحصل عليهما طرف بطرف نحصل على :

$$10x + 15y - 10x - 12y = 25 - 28$$

$$10x - 10x + 15y - 12y = -3$$

$$3y = -3$$

$$y = \frac{-3}{3}$$

$$y = -1$$

و بالتالي الزوج (4;-5) هو حـل النظمة (F).

ب) -- الحل المبياني لنظمة معادلتين:

$$(S)$$
:
$$\begin{cases} 4x - y - 2 = 0 \\ 2x - y + 2 = 0 \end{cases}$$
: ideal :

.
$$4x-y-2=0$$
 : معادلته الذي معادلته $\left(D_1\right)$ المستقيم الذي

.
$$2x-y+2=0$$
 : المستقيم الذي معادلته الذي معادلته (D_2)

 (D_2) و (D_1) و المستقيمين لكل من المستقيمين

$$\begin{cases} \left(D_1\right) \colon y = 4x - 2 \\ \left(D_2\right) \colon y = 2x + 2 \end{cases}$$
 : لدينا

. نلاحظ أن المستقيمين $\left(D_{1}
ight)$ و $\left(D_{2}
ight)$ و $\left(D_{1}
ight)$ و المستقيمين و نامستقيمين المستقيمين و المستقيمين المستقيمين المستقيمين و المستقيمين المستقيمين المستقيمين و المستقيمين المستقيمين و المستقيمين المستقيمين و المستقيم و المستود و المستقيم و المستقيم و المستقيم و المستقيم و المستقيم و المستود و المستقيم و المستود و المستود

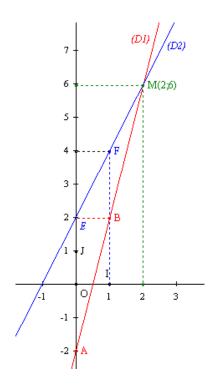
. $\left(D_2\right)$ و $\left(D_1\right)$ و بالتالي للنظمة حــــ لا وحيدا هو زوج إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين $M\left(x_M;y_M\right)$ و $\left(D_2\right)$ و $\left(D_1\right)$ نقطة تقاطع المستقيمين $M\left(x_M;y_M\right)$

(O;I;J) نعتبر المستوى منسوبا إلى معلم متعامد ممنظم

 $.(D_2)$ و (D_1) النشئ المستقيمين

_	(D_2)	
X	0	1
У	2	4
M(x;y)	E(0;2)	F(1;4)

	(D_1)	
х	0	1
y	- 2	2
M(x;y)	A(0;-2)	B (1;2)



 $M\left(2;6\right)$: نلاحظ من خلال المبيان أن

و بالتالي الزوج (2;6) هو حـل النظمة (S) .

* / ملاحظـة هامة :

- إذا كان للمستقيمين نفس الميل نقول أنهما متوازيان قطعا و أن النظمة ليس لها حل .
- -- إذا كان للمستقيمين نفس الميل و نفس الأرتوب عند الأصل نقول أنهما متوازيان منطبقان و أن ما لانهاية من الأزواج حلول للنظمة .

III _ مسائل تؤول في حلها إلى نظمة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين .

1) - قاعدة:

لحل مسألة نتبع المراحل التالية:

- -- اختيار المجهولين
 - -- صياغة النظمة .
- -- حل النظمة (جبريا).
 - -- التحقق من الحـل .
 - -- الرجوع إلى المسألة .

: مثال – (2

ساهمت مجموعة تتكون من 20 فردا (أساتذة و تلاميذ)، في شراء مجموعة من الكتب لخزانة المدرسة بثمن 320 در هما.

إذا علمت أن كل أستاذ ساهم ب 30 درهم و أن كل تلميذ ساهم ب 10 دراهم، فما هو إذن عدد الأساتذة و ما هو عدد التلاميذ المساهمين ؟

1) - اختيار المجهولين:

اليكن x هو عدد التلاميذ المساهمين و y هو عدد الأساتذة المساهمين .

2) - صياغة النظمة:

x+y=20: الأفراد الذين ساهموا هو 20 فردا من بينهم أساتذة و تلا ميذ ، إذن

ساهم كل أستاذ ب 30 درهم و ساهم كل تلميذ ب 10 دراهم بحيث مطجموع كمساهماتهم يساوي 320 درهما، إذن 30 = 30 + 30.

$$\begin{cases} x+y=20 \\ 10x+30y=320 \end{cases}$$
 : إذن النظمة هي

: حـل النظمة

y = 6 و x = 14 و x = 14 . و x = 14 و y = 14

4) - التحقق من الحل :

 $10 \times 14 + 30 \times 6 = 140 + 180 = 320$ و 14 + 6 = 20 : لدينا

إذن الزوج (14;6) هو حل النظمة أعلاه.

5) - الرجوع إلى المسألة:

عدد التلاميذ هو : 14.

عدد الأساتذة هو: 6.