#### المعلم في المستوي

#### فيما يلي المستوي منسوب لمعلم متعامد ممنظم D(-6;-3) و C(0;2)B(-4;0) و A(2;5): نعتبر النقط $\overrightarrow{CD}$ و $\overrightarrow{AB}$ : حدد إحداثيثي كل من 2- ما ذا تستنتج ؟ (O,I,J) أنشئ النقط السابقة في معلم متعامد ممنظم -3 <u>تمرين 2</u> D(-6;-3) و B(-4;0) و B(-4;0) و نعتبر النقط $\begin{bmatrix} AD \end{bmatrix}$ و F منتصف BC و منتصف E -1 2- ما ذا تستنتج ؟ AD و BC احسب-3 . ABDC هل الرباعي ABDC مستطيل -4B(-1;-2) و $A(-2\sqrt{3};\sqrt{3})$ : نعتبر النقط C(1;2)بين أن المثلث ABC متساوي الأضلاع C(-1;4) و B(0;-1) و A(2;1):نعتبر النقط AC و AB و BC احسب -1A قائم الزاوية في النقطة ABC بين أن المثلث -2 D(a;b) و C(0;3) و B(2;-6) و A(-1;3) و نعتبر النقط حدد العددين a و b لكي يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع

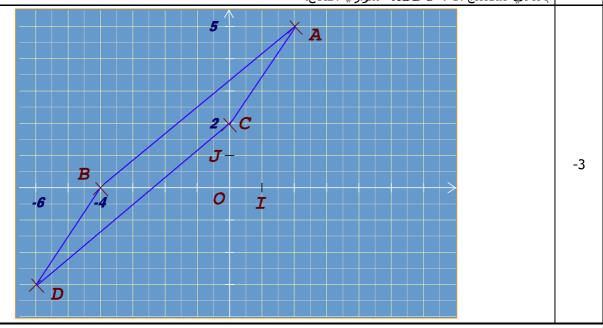
B(2;-6) و A(-1;3): نعتبر النقط

B حدد العددين إحداثيتي النقطة K مماثلة النقطة معدد العددين إحداثيتي النقطة

## 

D(-6;-3) e $C(0;2)$	و $B(-4;0)$ و $A(2;5)$	
$\overrightarrow{CD}(x_D - x_C, y_D - y_C)$	$\overrightarrow{AB}(x_B - x_A, y_B - y_A)$	
$\overrightarrow{CD}(-6-0,-3-2)$	$\overrightarrow{AB}(-4-2,0-5)$	-1
$\overrightarrow{CD}(-6,-5)$	$\overrightarrow{AB}(-6, -5)$	

 $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$  : بما ن لـ  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{CD}$  نفس الإحداثيات فإن التالي نستنتج أن  $\overrightarrow{ABDC}$  : بالتالي نستنتج أن



### <mark>♀</mark> انتبه ⇒ تعليق

<u>:مرين 2</u>

D(-6;-3) e $C(0;$	B(-4;0) و $B(-4;5)$	
: لدينا $F$ منتصف $\left[ AD ight]$ إذن	: ينا $E$ منتصف $\left[BC ight]$ إذن $E$	J
$y_F = \frac{y_A + y_D}{2}$ o $x_F = \frac{x_A + x_D}{2}$ $y_E = \frac{5 + (-3)}{2} = 1$ o $x_F = \frac{2 + (-6)}{2} = -2$ : axis	$y_E = rac{y_B + y_C}{2}$ o $x_E = rac{x_B + x_C}{2}$ $y_E = rac{0+2}{2} = 1$ o $x_E = rac{-4+0}{2} = -2$ : a.e.	-1
بالتالي : F(-2;1)	بالتالي : E(-2;1)	
ي لـ $E$ و $F$ نفس الإحداثيات فهذا يعني أن لـ $BCigl]$ و $ADigl]$ نفس المنتصف $ABDC$ : ي نستنتج أن $ABDC$ متوازي أضلاع.		
	لتالي  نستنتج أن : $ABDC$ متوازي أضلاع.	ا ا

$$BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2} = \sqrt{(0 - (-4))^2 + (2 - 0)^2} = \sqrt{(4)^2 + (2)^2} = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} :$$

$$AD = \sqrt{(x_D - x_A)^2 + (y_D - y_A)^2} = \sqrt{(-6 - 2)^2 + (-3 - 5)^2} = \sqrt{(-8)^2 + (-8)^2} = \sqrt{64 + 64} = \sqrt{128}$$

$$= \sqrt{(-6 - 2)^2 + (-3 - 5)^2} = \sqrt{(-8)^2 + (-8)^2} = \sqrt{64 + 64} = \sqrt{128}$$

بما أن : BC 
eq AD فقطرا متوازي أضلاع ABDC ليسا متقايسان، فهو إذن ليس بمستطيل -

# و B(-1;-2) و B(-1;-2) و B(-1;-2) و B(-1;-2) و و رائضلاع

لدينا:

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = \sqrt{(-1 - (-2\sqrt{3}))^2 + (-2 - \sqrt{3})^2} = \sqrt{(2\sqrt{3} - 1)^2 + (2 + \sqrt{3})^2}$$

$$AB = \sqrt{4 \times 3 - 2 \times 2\sqrt{3} + 1 + 4 + 2 \times 2 \times \sqrt{3} + 3} = \sqrt{12 - 4\sqrt{3} + 1 + 4 + 4\sqrt{3} + 3} = \sqrt{20}$$

$$BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2} = \sqrt{(1 - (-1))^2 + (2 - (-2))^2} = \sqrt{(2)^2 + (4)^2} = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20}$$

$$AC = \sqrt{(x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2} = \sqrt{(1 - (-2\sqrt{3}))^2 + (2 - \sqrt{3})^2} = \sqrt{(1 + 2\sqrt{3})^2 + (2 - \sqrt{3})^2}$$

$$AC = \sqrt{1 + 4\sqrt{3} + 12 + 4 - 4\sqrt{3} + 3} = \sqrt{20}$$

إذن: AB = BC = AC متساوي الأضلاع ، AB = BC = AC

لنشر المتطابقة  $\left(-a-b\right)^2=(a+b)^2$  استعملنا الخاصية :  $\left(-a-b\right)^2=(a+b)^2$  لأن  $\left(-a-b\right)^2$ للعددين المتقابلين نفس المربع



$$C(-1;4)$$
 و  $B(0;-1)$  و  $B(0;-1)$  و  $B(0;-1)$  و  $B(0;-1)$  و  $BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2} = \sqrt{(-1-0)^2 + (4-(-1))^2} = \sqrt{(-1)^2 + 5^2} = \sqrt{1+25} = \sqrt{26}$  لدينا

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = \sqrt{(0 - 2)^2 + (-1 - 1)^2} = \sqrt{(-2)^2 + (-2)^2} = \sqrt{4 + 4} = \sqrt{8}$$

$$AC = \sqrt{(x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2} = \sqrt{(-1 - 2)^2 + (4 - 1)^2} = \sqrt{(-3)^2 + 3^2} = \sqrt{9 + 9} = \sqrt{18}$$

$$AC^2 = \left(\sqrt{18}\right)^2 = 18$$
 و  $AB^2 = \left(\sqrt{8}\right)^2 = 8$  و  $BC^2 = \left(\sqrt{26}\right)^2 = 26$  : الدينا

 $AB^2 + AC^2 = 8 + 18 = 26 = BC^2$ :

A النقطة ABC النقطة فيتاغورس العكسية فإنABC المثلث الزاوية في النقطة

#### <sub>/</sub> <mark>≷</mark> ←انتبه \_\_\_\_ ← تعليق <u>تمرين 5</u>

و B(2;-6) و B(2;-6) و C(0;3) و C(0;3) و C(0;3) و C(0;3) و و C(0;3) و و C(0;3) و و C(0;3) و و C(0;3)

لكى يكون  $\overrightarrow{ABCD}$  متوازي أضلاع يجب أن يكون :  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$  أي يجب أن يكون للمتجهتين  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{DC}$  نفس الإحداثيات.

$$\overrightarrow{DC}(x_C - x_D, y_C - y_D)$$
  $\overrightarrow{AB}(x_B - x_A, y_B - y_A)$ 

$$\overrightarrow{DC}(-a, 3-b) \qquad \overrightarrow{AB}(3, -9)$$

$$-b = -9 - 3$$

$$-b=-12$$
 و  $a=-3$  : منه  $a=-3$  و  $a=-3$  : إذن  $a=-3$  و  $a=3$  : إذن  $a=-3$  و  $a=3$  :

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$$
 : و ليس  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$  و ليس  $ABCD \leftarrow \raiset{B}$ 

### B و B(2;-6) ، لنحدد إحداثيتي K مماثلة النقطة B بالنسبة للنقطة A

igl[AKigr] لدينا B مماثلة النقطة A بالنسبة للنقطة الدينا K

$$y_{B} = \frac{y_{A} + y_{K}}{2} \qquad x_{B} = \frac{x_{A} + x_{K}}{2}$$

$$-6 = \frac{3 + x_{K}}{2} \qquad 2 = \frac{-1 + x_{K}}{2}$$

$$\frac{-12}{2} = \frac{3 + y_{K}}{2} \qquad 9 \qquad \frac{4}{2} = \frac{-1 + x_{K}}{2} \qquad \vdots \text{ a.s.}$$

$$-12 = 3 + y_{K} \qquad 4 = -1 + x_{K}$$

$$-12 - 3 = y_{K} \qquad 4 + 1 = x_{K}$$

$$-15 = y_{K} \qquad 5 = x_{K}$$

$$K(5, -15)$$
 : بالتالي