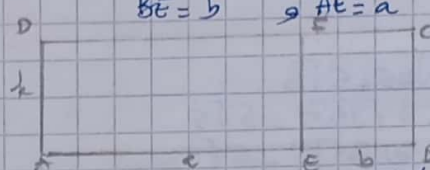


الدرس (2): التوزيع والخطابيات الخاصة

I - التوزيع والتجميع:

(1) نشاط:

ABCD و AEFD مستطيلان بحيث: أنظر الشكل
BE = b و AE = a ، AB = k



- 1 احس مساحة كل من المستطيلين ABCD و AEFD و EBCF
- 2 استنتج: $kx(a+b) = kx a + kx b$

الحل:

1) مساحة المستطيل AEFD : $S_1 = AE \times AD = kx a$
 مساحة المستطيل EBCF : $S_2 = EF \times EB = kx b$
 مساحة المستطيل ABCD : $S = AD \times AB = kx(a+b)$

2) لنأخذ مساحة المستطيل ABCD في مجموع مساحتي المستطيلين

AEFD و EBCF انما $S = S_1 + S_2$
 وهذا يعطينا $kx(a+b) = kx a + kx b$

(2) النشر:

أ - تعريف:

النشر هو كتابة جداء على شكل مجموع أو فرق.

ب - قاعدة 1:

ك و a و b أعداد حقيقية
 $kx(a+b) = kx a + kx b$
 $kx(a-b) = kx a - kx b$

أمثلة:

أمثلة:
 $A = (3\sqrt{2} - 1)(2 + \sqrt{2})$
 $= 3\sqrt{2} \times 2 + 3\sqrt{2} \times \sqrt{2} - 1 \times 2 - 1 \times \sqrt{2}$
 $= 6\sqrt{2} + 3 \times 2 - 2 - \sqrt{2}$
 $= 6\sqrt{2} - \sqrt{2} + 6 - 2$
 $= 5\sqrt{2} + 4$

$B = (2-x)(3x+1)$
 $= 2 \times 3x + 2 \times 1 - x \times 3x - x \times 1$
 $= 6x + 2 - 3x^2 - x$
 $= -3x^2 + 6x - x + 2$
 $= -3x^2 + 5x + 2$

$C = 3x(2x+1) + (3x-2)(x+7)$
 $= 3x \times 2x + 3x \times 1 + 3x \times x + 3x \times 7 - 2x \times x - 2x \times 7$
 $= 6x^2 + 3x + 3x^2 + 21x - 2x^2 - 14x$
 $= 6x^2 + 3x^2 + 3x + 21x - 2x^2 - 14x$
 $= 9x^2 + 22x - 14$

(3) التجميع:

أ - تعريف:

التجميع هو كتابة مجموع أو فرق على شكل جداء.

ب - قاعدة:

ك و a و b أعداد حقيقية
 $kx a + kx b = kx(a+b)$
 $kx a - kx b = kx(a-b)$

أمثلة:

$A = 2\sqrt{3}x - \sqrt{6}x^2$
 $= 2\sqrt{3}x - \sqrt{2} \cdot \sqrt{3}x^2$
 $= \sqrt{3}x \cdot (2 - \sqrt{2}x)$

$B = (2x+1)(5-x) - (2x+1)(7x+3)$
 $= (2x+1)[(5-x) - (7x+3)]$
 $= (2x+1)(5-x-7x-3)$
 $= (2x+1)(2-8x)$
 $= 2(2x+1)(1-4x)$

$C = 7(x-1) + 2x^2 - 2x$
 $= 7(x-1) + 2x(x-1)$
 $= (x-1)(7+2x)$

$A = 2x(x+4)$
 $= 2x \cdot x + 2x \cdot 4$
 $= 2x^2 + 8x$

$B = (-3x-5)(-4x)$
 $= -3x \times (-4x) - 5 \times (-4x)$
 $= 12x^2 + 20x$

$C = 2x(3-\sqrt{2})$
 $= 2x \times 3 - 2x \times \sqrt{2}$
 $= 6x - 2\sqrt{2}x$

ج - قاعدة 2:

a و b و c و d أعداد حقيقية.

$(a+b)(c+d) = a(c+d) + b(c+d)$
 $= ac + ad + bc + bd$

$$E = 16x^2 - \frac{1}{4}$$

$$= (4x)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \left(4x - \frac{1}{2}\right) \left(4x + \frac{1}{2}\right)$$

$$F = 144x^2 - 49$$

$$= (12x)^2 - 7^2$$

$$= (12x - 7) (12x + 7)$$

تطبيق 3
النسبة و بسط ما يلي:

$$A = \frac{(2x+1)^2}{(3x+5)(3x-5)}$$

$$B = \frac{(7-2x)^2}{4x(1-x)}$$

$$C = 25x^2 - 4 + (5x-2)(5x+7)$$

$$D = 9x^2 - 6x + 1 + 5x(3x-1)$$

الحل:

$$A = \frac{(2x+1)^2}{(3x+5)(3x-5)}$$

$$= \frac{(2x)^2 + 2 \times 2x \times 1 + 1^2}{(3x)^2 - 5^2}$$

$$= \frac{4x^2 + 4x + 1}{9x^2 - 25}$$

$$= \frac{4x^2 + 4x + 1 - 9x^2 + 25}{9x^2 - 25}$$

$$= \frac{-5x^2 + 4x + 26}{9x^2 - 25}$$

$$B = \frac{(7-2x)^2}{4x(1-x)}$$

$$= \frac{7^2 - 2 \times 7 \times 2x + (2x)^2}{4x \times 1 - 4x \times x}$$

$$= \frac{49 - 28x + 4x^2}{4x - 4x^2}$$

$$= \frac{4x^2 - 28x + 49}{4x - 4x^2}$$

$$C = 25x^2 - 4 + (5x-2)(5x+7)$$

$$= (5x)^2 - 2^2 + (5x-2)(5x+7)$$

$$= (5x-2)(5x+2) + (5x-2)(5x+7)$$

$$= (5x-2)[(5x+2) + (5x+7)]$$

$$= (5x-2)(5x+2+5x+7)$$

$$= (5x-2)(10x+9)$$

$$D = 9x^2 - 6x + 1 + 5x(3x-1)$$

$$= (3x)^2 - 2 \times 3x \times 1 + 1^2 + 5x(3x-1)$$

$$= (3x-1)^2 + 5x(3x-1)$$

$$= (3x-1)[(3x-1) + 5x]$$

$$= (3x-1)(3x-1+5x)$$

$$= (3x-1)(8x-1)$$

II - التطبيقات العامة:

1) قسمة:

a و b عددي حقيقيين

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

2) تطبيقات:

* التطبيقات العامة والنسبة:

$$A = (x+1)^2$$

$$= x^2 + 2 \times x \times 1 + 1^2$$

$$= x^2 + 2x + 1$$

$$B = (2x+3)^2$$

$$= (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2$$

$$= 4x^2 + 12x + 9$$

$$C = (x-5)^2$$

$$= x^2 - 2 \times x \times 5 + 5^2$$

$$= x^2 - 10x + 25$$

$$D = (5-7x)^2$$

$$= 5^2 - 2 \times 5 \times 7x + (7x)^2$$

$$= 25 - 70x + 49x^2$$

$$E = (2\sqrt{2} + 3x)(2\sqrt{2} - 3x)$$

$$= (2\sqrt{2})^2 - (3x)^2$$

$$= 8 - 9x^2$$

$$F = (2\sqrt{7}x - 3\sqrt{5})(2\sqrt{7}x + 3\sqrt{5})$$

$$= (2\sqrt{7}x)^2 - (3\sqrt{5})^2$$

$$= 28x^2 - 45$$

* التطبيقات العامة والقسمة:

$$A = x^2 + 6x + 9$$

$$= x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2$$

$$= (x+3)^2$$

$$B = 25x^2 + 30x + 9$$

$$= (5x)^2 + 2 \times 5x \times 3 + 3^2$$

$$= (5x+3)^2$$

$$C = x^2 - 4x + 4$$

$$= x^2 - 2 \times x \times 2 + 2^2$$

$$= (x-2)^2$$

$$D = 16 - 56x + 49x^2$$

$$= 4^2 - 2 \times 4 \times 7x + (7x)^2$$

$$= (4-7x)^2$$