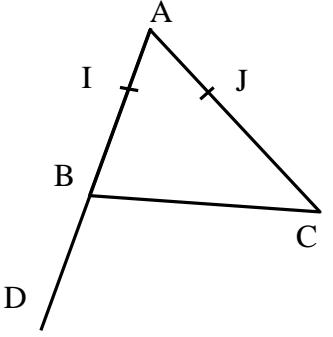


## فرض محروس 2 د

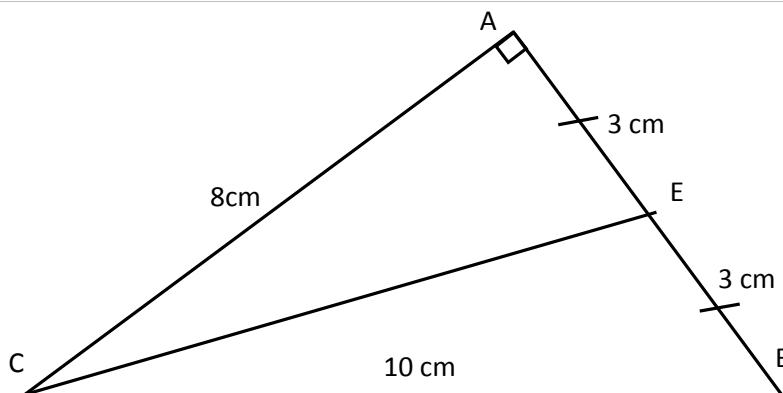
## مبرهنة فيطاغورس - مبرهنة طاليس - الترتيب والعمليات

<p><u>معطيات:</u></p> <p> <math>AB = 8</math>  <math>AC = 12</math>  <math>BC = 6</math>  <math>AI = 2</math>  <math>AJ = 3</math>  <math>BD = 4</math> </p>		<p>انظر للشكل جانبه ثم أجب عن الأسئلة التالية: (رسم الشكل غير مطلوب)</p> <p>         1) بين أن <math>(IJ) \parallel (BC)</math>          2) <math>IJ = 1,5</math>          3) لتكن <math>K</math> نقطة تقاطع <math>(BC)</math> و <math>(DJ)</math> احسب <math>KC</math> </p>	ن 6
<p><math>a</math> و <math>b</math> عداد حقيقيان حيث <math>-3 \leq b \leq -1</math> و <math>4 \leq a \leq 5</math></p> <p>         1) أطر <math>a - b</math> و <math>a + b</math> و <math>ab</math>          2) بين أن: <math>1 \leq \frac{a}{a+b} \leq 5</math> </p>		ن 7	
<p>رباعي معدب <math>ABCD</math>، <math>I</math> و <math>J</math> هي على التوالي منتصفات <math>[AC]</math> و <math>[DC]</math> و <math>[BC]</math> و <math>[ID]</math> يتقاطعان في <math>E</math> ، <math>F</math> يتقاطعان في <math>KJ</math> و <math>EK</math> برهن أن <math>(EF) \parallel (KJ)</math></p>		ن 1	

أذ سمير لخريسي - مدة الانجاز 55 دقيقة

**تمرين 1 : لنحسب :**

● يجب استعمال المسطرة  
المدرجة و البركار لأجل  
إنشاء المثلث دون استعمال  
الكتوس، فالمثلث في  
المعطيات لم يذكر أنه قائم  
الزاوية.



1

لدينا  $BC^2 = 10^2 = 100$  و  $AC^2 = 8^2 = 64$  و  $AB^2 = 6^2 = 36$  لدينا  $36 + 64 = 100$  فإن  $AB^2 + AC^2 = BC^2$  ، إذن حسب مبرهنة فيطاغورس العكسية فإن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في النقطة  $A$ .

2

لدينا حسب السؤال السابق  $E\hat{A}C = 90^\circ$  ، إذن حسب مبرهنة فيطاغورس المباشرة في المثلث  $EAC$  :

$$EC^2 = AC^2 + AE^2$$

$$EC^2 = 8^2 + 3^2$$

$$EC^2 = 64 + 9$$

$$EC^2 = 73$$

● تذكر :  $\sqrt{a} \times \sqrt{a} = (\sqrt{a})^2 = a$  ،  $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$

3

**تمرين 2 :**

معطيات:

$$AB = 8$$

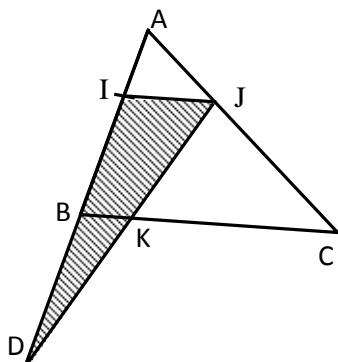
$$AC = 12$$

$$BC = 6$$

$$AI = 2$$

$$AJ = 3$$

$$BD = 4$$



لدينا :  $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC}$  ، إذن :  $\frac{AJ}{AC} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$  و  $\frac{AI}{AB} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$  لدينا في المثلث  $ABC$   $J \in (AC)$  و  $I \in (AB)$

للنقاط  $A$  و  $I$  و  $B$  نفس ترتيب النقط  $A$  و  $J$  و  $C$

$$\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC}$$

إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن :  $(IJ) \parallel (BC)$

1

لدينا في المثلث  $ABC$  :  $I \in (AB)$  و  $J \in (AC)$  و  $(IJ) \parallel (BC)$

إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة فإن :  $\frac{1}{4} = \frac{IJ}{6}$  وبالتالي  $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC} = \frac{IJ}{BC}$

2

لدينا  $(IJ) \parallel (BK)$  ، إذن :  $K \in (BC)$  ، إذن :  $(IJ) \parallel (BK)$

لدينا في المثلث  $DIJ$  :  $D \in (DI)$  و  $B \in (DJ)$  و  $(IJ) \parallel (BK)$

إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة فإن :  $\frac{DB}{DI} = \frac{DK}{DJ} = \frac{BK}{IJ}$

3

ولدينا :  $DI = 4 + 6 = 10$  و  $BI = AB - AI = 8 - 2 = 6$  منه :  $DI = DB + BI$

$KC = BC - BK = 6 - 0,6 = 5,4 \text{ cm}$  وبالتالي :  $BK = \frac{4 \times 1,5}{10} = \frac{6}{10} = 0,6$  منه :  $\frac{4}{10} = \frac{DK}{DJ} = \frac{BK}{1,5}$

**تمرين 3 :**  $-3 \leq b \leq -1$  و  $4 \leq a \leq 5$

لدينا :  $1 \leq a + b \leq 4$  أي  $4 + (-3) \leq a + b \leq 5 + (-1)$  منه  $-3 \leq b \leq -1$  و  $4 \leq a \leq 5$

لدينا :  $1 \leq -b \leq 3$  منه  $-3 \leq b \leq -1$

و لدينا :  $5 \leq a - b \leq 8$  منه  $4 + 1 \leq a + (-b) \leq 5 + 3$  منه  $4 \leq a \leq 5$

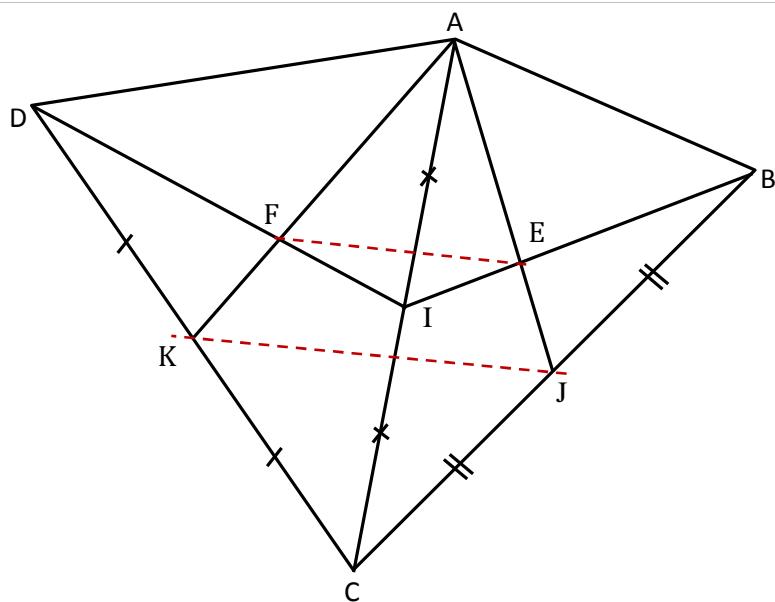
لدينا :  $4 \leq -ab \leq 15$  منه  $4 \times 1 \leq a \times (-b) \leq 5 \times 3$  منه  $4 \leq a \leq 5$  و لدينا  $1 \leq -b \leq 3$

بالتالي :  $-15 \leq ab \leq -4$

لدينا :  $4 \times \frac{1}{4} \leq a \times \frac{1}{a+b} \leq 5 \times \frac{1}{1}$  إذن  $4 \leq a \leq 5$  و لدينا  $\frac{1}{4} \leq \frac{1}{a+b} \leq \frac{1}{1}$  منه  $1 \leq a+b \leq 4$

بالتالي :  $1 \leq \frac{a}{a+b} \leq 5$

**تمرين 4 :**



لدينا  $I$  منتصف  $[AC]$ ، و  $J$  منتصف  $[BC]$  ، إذن  $(AJ)$  و  $(BI)$  متواسطان للمثلث  $ABC$  ، إذن  $E$  هي مركز ثقله، إذن :

$$\frac{AE}{AJ} = \frac{2}{3}$$

لدينا  $I$  منتصف  $[AC]$ ، و  $K$  منتصف  $[DC]$  ، إذن  $(AK)$  و  $(DI)$  متواسطان للمثلث  $ADC$  ، إذن  $F$  هي مركز ثقله، إذن :

$$\frac{AF}{AK} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{AE}{AJ} = \frac{AF}{AK}$$
 منه :

لدينا في المثلث  $AKJ$  :  $E \in (AK)$  و  $F \in (AJ)$  و  $E \in (AJ)$  و  $F \in (AK)$  .

و ، إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن :

$$\frac{AE}{AJ} = \frac{AF}{AK}$$