From Zero to Hero

السلسلة ⑥: الدالة الخطية والدالة التآلفية

Prof jamal

الدالة الخطية

تعريف: $f(x)=ax$ حيث a يسمى المعامل

المعامل: $a=\dfrac{f(x)}{x}$

f دالة خطية بحيث: $f(2)=6$

حدد معامل f: $a=\dfrac{f(2)}{2}=\dfrac{6}{2}=3$

إذن: $f(x)=3x$

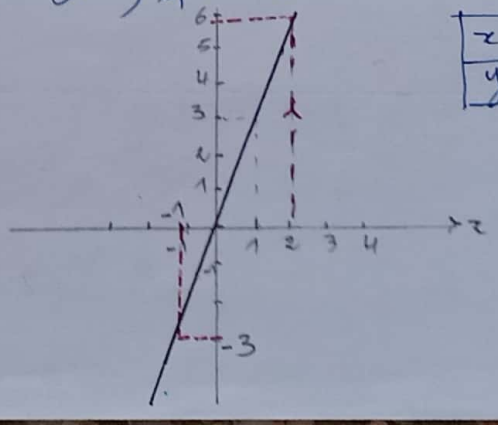
أسئلة:

* حدد تعبير f: نحدد أولا المعامل a ثم نكتب $f(x)=ax$
* أحسب $f(1)$ أو $f(2)$ أو $f(c)$: نعوض x بالعدد المطلوب
مثال: $f(x)=3x$: $f(4)=3\times 4=12$
* حدد العدد الذي صورته c: نحل المعادلة $f(x)=c$
العدد الذي صورته 8 إذا $f(x)=8$: $3x=8$ أي $x=\dfrac{8}{3}$

التمثيل المبياني: التمثيل المبياني لدالة الخطية هو مستقيم يمر من أصل المعلم

$f(x)=3x$

x	0	1
y	0	3



مبيانيا: صورة العدد 6 هو 6 نقطة لها نفس الأفاصيل

* العدد الذي صورته -3 هو -1 نقطة لها نفس الأفاصيل -3 على محور الأفاصيل
$f(-1)=-3$

الدالة التآلفية

تعريف: $f(x)=ax+b$ حيث a يسمى المعامل

* $f(x)=2x+3$ دالة تآلفية حيث $a=2$ و $b=3$
* $f(x)=6x$ دالة تآلفية (خطية لأنها خاصة) حيث $a=6$ و $b=0$
* $f(x)=7$ دالة تآلفية (دالة ثابتة) حيث $a=0$ و $b=7$

المعامل: $a=\dfrac{f(x_1)-f(x_2)}{x_1-x_2}$

⚠ فرق الصورتين على فرق العددين مع الحفاظ على الترتيب

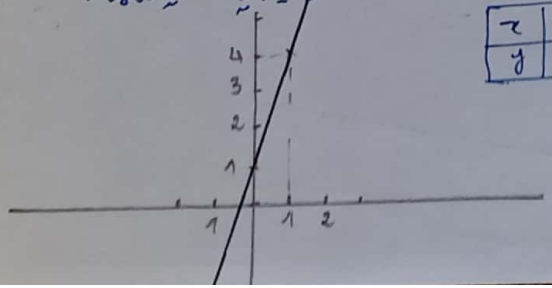
أسئلة:

* حدد $f(x)$ نحدد أولا a ثم b اعتمادا على أحد الصورتين
مثال: $f(5)=6$ و $f(2)=-3$
لدينا: $a=\dfrac{f(5)-f(2)}{5-2}=\dfrac{6+3}{3}=\dfrac{9}{3}=3$
ولدينا: $f(x)=3x+b$ و $f(5)=6$
$3\times 5+b=6 \Rightarrow b=6-15$
$b=-9$
$f(x)=3x-9$
* أحسب $f(6)$ نعوض $x=6$
$f(6)=3\times 6-9=18-9=9$
* العدد الذي صورته 12 نحل المعادلة $f(x)=12$
$3x-9=12 \Leftarrow x=\dfrac{12+9}{3}$
$x=\dfrac{21}{3}=7$
$f(7)=12$

التمثيل المبياني: هو مستقيم نعين من نقطتين ينتمي تحديدهما.

$f(x)=3x+1$

x	0	1
y	1	4



نفس الملاحظات السابقة.