

EXERCICE 1

Écrire chaque nombre comme une somme puis utiliser l'identité remarquable $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$ pour calculer :

Exemple :

$$A = 101^2$$

$$A = (100 + 1)^2$$

$$A = 100^2 + 200 + 1$$

$$A = 10\,000 + 200 + 1$$

$$A = 10\,201$$

$$B = 102^2$$

$$C = 51^2$$

$$D = 1\,005^2$$

$$E = 201^2$$

$$F = 109^2$$

EXERCICE 2

Écrire chaque nombre comme une différence puis utiliser l'identité remarquable $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ pour calculer :

Exemple :

$$A = 99^2$$

$$A = (100 - 1)^2$$

$$A = 100^2 - 200 + 1$$

$$A = 10\,000 - 200 + 1$$

$$A = 9\,801$$

$$B = 98^2$$

$$C = 49^2$$

$$D = 990^2$$

$$E = 199^2$$

$$F = 91^2$$

EXERCICE 3

Écrire chaque nombre comme le produit d'une somme par une différence puis utiliser l'identité remarquable $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$ pour calculer :

Exemple :

$$A = 101 \times 99$$

$$A = (100 + 1)(100 - 1)$$

$$A = 100^2 - 1^2$$

$$A = 10\,000 - 1$$

$$A = 9\,999$$

$$B = 105 \times 95$$

$$C = 51 \times 49$$

$$D = 107 \times 93$$

$$E = 498 \times 502$$

$$F = 1\,007 \times 993$$

EXERCICE 4

Utiliser l'identité remarquable $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$ pour factoriser puis calculer :

Exemple :

$$A = 101^2 - 99^2$$

$$A = (101+99)(101-99)$$

$$A = 200 \times 2$$

$$A = 400$$

$$B = 105^2 - 95^2$$

$$C = 235^2 - 234^2$$

$$D = 47^2 - 53^2$$

$$E = 9\,876^2 - 9\,875^2$$

$$F = 93^2 - 107^2$$

CORRIGE – M. QUET

EXERCICE 1 $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ **Exemple :**

$A = 101^2$

$A = (100 + 1)^2$

$A = 100^2 + 200 + 1$

$A = 10\ 000 + 200 + 1$

$A = 10\ 201$

$B = 102^2$

$B = (100 + 2)^2$

$B = 100^2 + 2 \times 100 \times 2 + 2^2$

$B = 10\ 000 + 400 + 4$

$B = 10\ 404$

$C = 51^2$

$C = (50 + 1)^2$

$C = 50^2 + 2 \times 50 \times 1 + 1^2$

$C = 2\ 500 + 100 + 1$

$C = 2\ 601$

$D = 1\ 005^2$

$D = (1000 + 5)^2$

$D = 1000^2 + 2 \times 1000 \times 5 + 5^2$

$D = 1\ 000\ 000 + 10\ 000 + 25$

$D = 1\ 010\ 025$

$E = 201^2$

$E = (200 + 1)^2$

$E = 200^2 + 2 \times 200 \times 1 + 1^2$

$E = 40\ 000 + 400 + 1$

$E = 40\ 401$

$F = 109^2$

$F = (100 + 9)^2$

$F = 100^2 + 2 \times 100 \times 9 + 9^2$

$F = 10\ 000 + 1\ 800 + 81$

$F = 11\ 881$

EXERCICE 2 $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ **Exemple :**

$A = 99^2$

$A = (100 - 1)^2$

$A = 100^2 - 200 + 1$

$A = 10\ 000 - 200 + 1$

$A = 9\ 801$

$B = 98^2$

$B = (100 - 2)^2$

$B = 100^2 - 2 \times 100 \times 2 + 2^2$

$B = 10\ 000 - 400 + 4$

$B = 9\ 604$

$C = 49^2$

$C = (50 - 1)^2$

$C = 50^2 - 2 \times 50 \times 1 + 1^2$

$C = 2\ 500 - 100 + 1$

$C = 2\ 401$

$D = 990^2$

$D = (1000 - 10)^2$

$D = 1000^2 - 2 \times 1000 \times 10 + 10^2$

$D = 1\ 000\ 000 - 20\ 000 + 100$

$D = 980\ 100$

$E = 199^2$

$E = (200 - 1)^2$

$E = 200^2 - 2 \times 200 \times 1 + 1^2$

$E = 40\ 000 - 400 + 1$

$E = 39\ 601$

$F = 91^2$

$F = (100 - 9)^2$

$F = 100^2 - 2 \times 100 \times 9 + 9^2$

$F = 10\ 000 - 1\ 800 + 81$

$F = 8\ 281$

EXERCICE 3 $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ **Exemple :**

$A = 101 \times 99$

$A = (100 + 1)(100 - 1)$

$A = 100^2 - 1^2$

$A = 10\ 000 - 1$

$A = 9\ 999$

$B = 105 \times 95$

$B = (100 + 5)(100 - 5)$

$B = 100^2 - 5^2$

$B = 10\ 000 - 25$

$B = 9\ 975$

$C = 51 \times 49$

$C = (50 + 1)(50 - 1)$

$C = 50^2 - 1^2$

$C = 2\ 500 - 1$

$C = 2\ 499$

$D = 107 \times 93$

$D = (100 + 7)(100 - 7)$

$D = 100^2 - 7^2$

$D = 10\ 000 - 49$

$D = 9\ 951$

$E = 498 \times 502$

$E = (500 + 2)(500 - 2)$

$E = 500^2 - 2^2$

$E = 250\ 000 - 4$

$E = 249\ 996$

$F = 1\ 007 \times 993$

$F = (1\ 000 + 7)(1\ 000 - 7)$

$F = 1\ 000^2 - 7^2$

$F = 1\ 000\ 000 - 49$

$F = 999\ 951$

EXERCICE 4 $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$ **Exemple :**

$A = 101^2 - 99^2$

$A = (101+99)(101-99)$

$A = 200 \times 2$

$A = 400$

$B = 105^2 - 95^2$

$B = (105 + 95)(105 - 95)$

$B = 200 \times 10$

$B = 2\ 000$

$C = 235^2 - 234^2$

$C = (235 + 234)(235 - 234)$

$C = 469 \times 1$

$C = 469$

$D = 47^2 - 53^2$

$D = (47 + 53)(47 - 53)$

$D = 100 \times (-6)$

$D = -600$

$E = 9\ 876^2 - 9\ 875^2$

$E = (9876 + 9875) \times$

$(9876 - 9875)$

$E = 19\ 751 \times 1$

$E = 19\ 751$

$F = 93^2 - 107^2$

$F = (93 + 107)(93 - 107)$

$F = 200 \times (-14)$

$F = -2\ 800$