

# 4ème - Proportionnalité

## COMPÉTENCES ÉVALUÉES DANS CE CHAPITRE :

(T : compétences transversales, N : activités numériques, G : activités géométriques, F : gestion de données et fonctions)

Intitulé des compétences		Eval.1	Eval.2	Eval.3
<b>T1</b>	Connaître le vocabulaire, les définitions et les propriétés du cours	○ ○	○ ○	○ ○
<b>F1</b>	Calculer une quatrième proportionnelle	○ ○	○ ○	○ ○
<b>F2</b>	Effectuer des calculs faisant intervenir des pourcentages	○ ○	○ ○	○ ○
<b>F3</b>	Utiliser, dans un repère du plan, la caractérisation de la proportionnalité par l'alignement de points avec l'origine	○ ○	○ ○	○ ○
<b>F4</b>	Calculs de vitesses, distances et durées grâce à la formule $d = v \times t$	○ ○	○ ○	○ ○
		<b>Taux de réussite :</b> .....%		
		<b>Note du chapitre :</b> ...../20		
		<b>Moyenne de la classe :</b> ...../20		

\* : cette compétence fait partie du **socle commun**.

### Légende du tableau de compétences :

Deux points verts : *Je sais très bien faire*

Un point vert : *Je sais bien faire, mais il reste quelques erreurs*

Un point rouge : *Je ne sais pas bien faire, il y a trop d'erreurs*

Deux points rouges : *Je sais pas faire du tout*

## 26.1 Proportionnalité

### Définition

Deux grandeurs sont dites **proportionnelles** si on passe des valeurs de l'une aux valeurs de l'autre en multipliant toujours par le même nombre, appelé **coefficient de proportionnalité**.

On présente souvent les situations de proportionnalité à l'aide d'un tableau ; par exemple :

Grandeur 1	5	11
Grandeur 2	12	24,2

(×2,2)

$$\frac{12}{5} = \frac{24,2}{11} = 2,2$$

ce tableau est un tableau de proportionnalité, et le coefficient de proportionnalité est égal à 2,2.

On peut ajouter une nouvelle colonne à un tableau de proportionnalité en multipliant l'une des colonnes par un nombre non nul :

Grandeur 1	5	11	15
Grandeur 2	12	24,2	36

(×3)

On peut ajouter une nouvelle colonne à un tableau de proportionnalité en additionnant deux de ses colonnes :

Grandeur 1	5	11	16
Grandeur 2	12	24,2	36,2

## 26.2 Calculer une quatrième proportionnelle

Pour compléter un tableau de proportionnalité tel que celui-ci :

Grandeur 1	5	21
Grandeur 2	12	$x$

on peut aussi appliquer la **propriété des produits en croix égaux** :

On a  $\frac{12}{5} = \frac{x}{21}$  et donc  $12 \times 21 = 5 \times x$  et ainsi  $x = \frac{12 \times 21}{5}$  ce qui donne  $x = 50,4$

## 26.3 Pourcentages

### 1. Calculer un pourcentage

Dans une classe de 24 élèves on trouve 15 garçons ; pour déterminer le pourcentage que représentent les garçons dans la classe, on peut compléter le tableau de proportionnalité suivant :

15	$x$
24	100

ce qui donne  $x = \frac{15 \times 100}{24}$  et donc  $x = 62,5$ .

Les garçons représentent 62,5% des élèves de la classe

### 2. Appliquer un pourcentage

Dans un bureau de vote, il y a eu 450 votants, et 40% d'entre eux ont voté pour le candidat A ; pour déterminer combien de voix le candidat A a recueilli dans ce bureau de vote, on peut compléter le tableau de proportionnalité suivant :

$x$	40
450	100

ce qui donne  $x = \frac{40 \times 450}{100}$  et donc  $x = 180$ .

Le candidat A a recueilli 180 voix dans ce bureau de vote.

## 26.4 Proportionnalité et représentation graphique dans un repère du plan

### Propriété

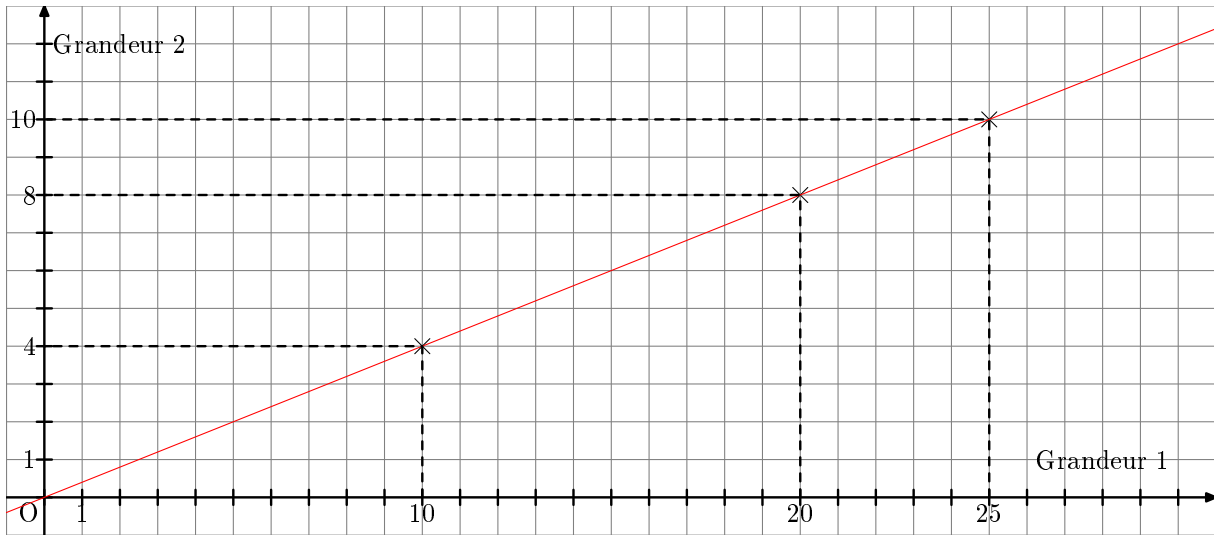
Dans un repère du plan :

- si on représente une situation de proportionnalité, alors on obtient des points **alignés avec l'origine** du repère.
- si on a des points alignés avec l'origine du repère, alors cette représentation graphique illustre une situation de proportionnalité.

Par exemple :

Grandeur 1	10	20	25
Grandeur 2	4	8	10

Cette situation de proportionnalité est représentée graphiquement dans un repère par des points alignés avec l'origine :



## 26.5 Calculer une vitesse moyenne, une distance, une durée grâce à la relation $d = v \times t$

### Définition

Le mouvement d'un mobile sera dit **uniforme** si la durée du parcours est proportionnelle à la distance parcourue ; dans ce cas, le coefficient de proportionnalité est appelé **vitesse moyenne** du mobile. Si on note  $d$  la distance parcourue,  $t$  la durée du parcours et  $v$  la vitesse moyenne,

on a la relation  $d = v \times t$ . On a également les relations  $v = \frac{d}{t}$  et  $t = \frac{d}{v}$

### 1. Calculer une vitesse moyenne

Un automobiliste effectue un trajet de 522 kilomètres en 6 heures ; quelle est sa vitesse moyenne ?

Ici, on a  $d = 522$  km et  $t = 6$  h ; on a donc  $v = \frac{d}{t} = \frac{522}{6} = 87$  km/h (ou km.h<sup>-1</sup>).

Cet automobiliste roule donc à la vitesse moyenne de 87 km/h.

On peut effectuer un **changement d'unité de vitesse** de la manière suivante :

On a  $d = 522\,000$  m et  $t = 6 \times 60 \times 60 = 21\,600$  secondes ; ainsi  $v = \frac{d}{t} = \frac{522\,000}{21\,600} \approx 24$  m/s (ou m.s<sup>-1</sup>).

### 2. Calculer une distance

Un automobiliste roule à la vitesse moyenne de 64 km/h pendant 3h15min. Quelle distance a-t-il parcouru ?

On commence par convertir la durée du parcours en **nombre décimal d'heures** :

$3\text{h}15\text{min} = 3\text{h} \frac{15}{60}\text{h} = 3\text{h} \frac{1}{4}\text{h} = 3,25\text{h}$ .

Puis on applique la formule :  $d = v \times t = 64 \times 3,25 = 208$  km.

Cet automobiliste a parcouru 208 kilomètres.

### 3. Calculer une durée

Un automobiliste roule à la vitesse moyenne de 80 km/h sur une distance de 272 km. Combien de temps ce parcours lui prendra-t-il ?

On applique la formule :  $t = \frac{d}{v} = \frac{272}{80} = 3,4\text{h}$ .

On convertit en heures et minutes :  $3,4\text{h} = 3\text{h} + 0,4\text{h} = 3\text{h} + (0,4 \times 60)\text{min} = 3\text{h}24\text{min}$

Cet automobiliste roulera pendant 3 heures et 24 minutes.