

## مبادئ في المنطق Notions de logique

### 1. الدالة العبارية :

الدالة العبارية في المنطق هي كل نص رياضي يحتوي على متغير ينتمي إلى مجموعة معينة ويصبح عبارة كلما عوضنا هذا المتغير بعنصر محدد من هذه المجموعة . نرسم للدالة العبارية ب  $P(x)$  .

### 2. الكممات :

- الكمم الكوني ( مهما يكن ) . الرمز  $\forall$
- الكمم الوجودي ( يوجد عنصر من ) . الرمز  $\exists$
- الكمم الوجودي للوحدانية  $\exists!$
- إذا كانت الكممات من نفس الطبيعة فان ترتيبها ليست له أهمية في تحديد المعنى الذي تحمله العبارة الكممة . أما إذا كانت من طبيعة مختلفة فترتيبها له أهمية في تحديد المعنى الذي تحمله العبارة الكممة .

### 3. العمليات المنطقية

$V = 1$  و  $F = 0$  . جدول الحقيقة

أ- النفي المنطقي ( نفي العبارة الصحيحة هي الخاطئة والعكس بالعكس )

$P$	$\bar{P}$ أو $\neg P$
1	0
0	1

ب- العطف المنطقي ( يكون العطف صحيحا اذا كانت العبارتين صحيحتين معا )

$P$	$Q$	$P$ و $Q$
1	1	1
1	0	0
0	1	0
0	0	0

ج- الفصل المنطقي ( يكون الفصل صحيحا اذا كانت إحدى العبارات صحيحة )

د- الاستلزام المنطقي

$P$	$Q$	$P$ أو $Q$
1	1	1
1	0	1
0	1	1
0	0	0

  

$P$	$Q$	$P \Rightarrow Q$
1	1	1
1	0	0
0	1	1
0	0	1

هـ- التكافؤ المنطقي ( يكون التكافؤ صحيحا اذا كان للعبارتين نفس قيم الحقيقة )

$P$	$Q$	$P \Leftrightarrow Q$
1	1	1
1	0	0
0	1	0
0	0	1

- نفي المكتم الكوني هو المكتم الوجودي والعكس بالعكس

4. القوانين المنطقية

- \* قانون موركان

$$\neg(\neg A) = A$$

$$\neg(\neg A \wedge \neg B) = A \vee B$$

$$\neg(A \vee B) = (\neg A) \wedge (\neg B)$$

$$\neg(\neg A) \vee (\neg A \wedge B) = \neg A \vee B$$

- \* قانون التكافؤات المتتالية

$$(A \Leftrightarrow B) \wedge (A \Leftrightarrow C) \Rightarrow (B \Leftrightarrow C)$$

- \* قانون فصل الحالات

$$(A \Rightarrow C) \wedge (A \wedge B) \Rightarrow (B \Rightarrow C)$$

- \* قانون بالخلف

$$(\neg q \Rightarrow \neg p) \Leftrightarrow (p \Rightarrow q)$$

- \* مبدأ التراجع

+ التحقق : نتحقق أن العبارة صحيحة بالنسبة للحد الأول

+ الافتراض : نفترض أن العبارة صحيحة بالنسبة للحد  $n$

+ البرهان : نبرهن أن العبارة صحيحة بالنسبة للحد  $n+1$