

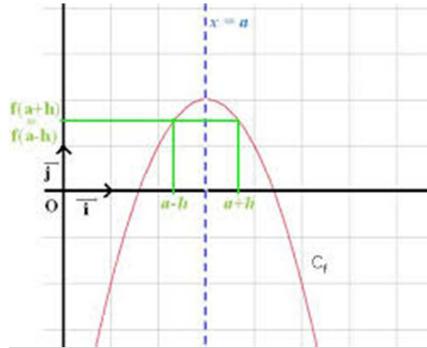
# دراسة و تمثيل الدوال العددية (1) : الحدوديات من الدرجتين الثانية و الثالثة

## (1) مجموعة التعريف

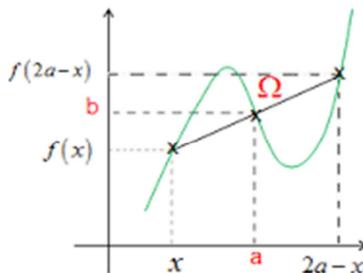
- مجموعة تعريف دالة حدودية هي :  $D_f = \mathbb{R} = ]-\infty, +\infty[$

## (2) التماثل و منحنى دالة

- المستقيم ذي المعادلة  $x = a$  محور تماثل ل  $(C_f)$   $\Leftrightarrow \begin{cases} \forall x \in D_f : 2a - x \in D_f \\ \forall x \in D_f : f(2a - x) = f(x) \end{cases}$



- النقطة  $\Omega(a,b)$  مركز تماثل ل  $(C_f)$   $\Leftrightarrow \begin{cases} \forall x \in D_f : 2a - x \in D_f \\ \forall x \in D_f : f(2a - x) = 2b - f(x) \end{cases}$



(3) تصميم مقترح لدراسة دالة عددية

- |  |  |
|--|--|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>• وضع جدول التغيرات</li> <li>• حساب صور بعض الأعداد</li> <li>• إنشاء المنحنى</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• تحديد مجموعة التعريف و منه مجموعة الدراسة</li> <li>• حساب نهايات الدالة عند محداث مجموعة التعريف ( أو مجموعة الداسة )</li> <li>• حساب الدالة المشتقة و دراسة إشارتها</li> </ul> |
|--|--|

(4) النهايات في المحداث

- نهاية دالة حدودية في  $+\infty$  أو  $-\infty$  هي نهاية حدها الأعلى درجة

(5) حساب مشتقة دالة حدودية

- لحساب مشتقة دالة حدودية يلزمنا الصيغ المبينة في الجدول :

$\alpha f(x)$	$f(x) - g(x)$	$f(x) + g(x)$	$x^n$	$ax$	$a$	الدالة
$\alpha f'(x)$	$f'(x) - g'(x)$	$f'(x) + g'(x)$	$nx^{n-1}$	$a$	$0$	مشتقتها

(6) المعادلة  $f(x) = c$  و المتراجحة  $f(x) \leq c$

- $f$  دالة عددية و  $(C_f)$  منحناها و  $c$  عدد حقيقي
- حلول المعادلة  $f(x) = c$  هي أقاصيل نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  و المستقيم ذي المعادلة  $y = c$
  - حلول المتراجحة  $f(x) \leq c$  هي المجالات التي يكون فيها المنحنى  $(C_f)$  تحت المستقيم ذي المعادلة  $y = c$
  - حلول المتراجحة  $f(x) \geq c$  هي المجالات التي يكون فيها المنحنى  $(C_f)$  فوق المستقيم ذي المعادلة  $y = c$