

## ملخص الدرس 5

### التعداد

#### الأعداد $C_n^p$ و $A_n^p$ : 5

ليكن  $p$  و  $n$  عددين طبيعيين بحيث  $p \leq n$ .  
 $A_n^p = n(n-1) \dots (n-p+1)$

$$n! = n(n-1) \dots 2 \cdot 1 = A_n^n$$

$$C_n^p = \frac{A_n^p}{p!} = \frac{n!}{p!(n-p)!}$$

#### أنواع السحب: 6

ليكن صندوق يحتوي على  $n$  كرة، نسحب عشوائياً  $p$  كرة من الصندوق.

أ- إذا كان السحب في آن واحد (يعني نسحب الكرات دفعة واحدة)

فإن عدد السحبات الممكنة هو:  $C_n^p$

ب- إذا كان السحب بالتناوب وبدون إحلال (يعني سحب الكرات واحدة تلو الأخرى وبدون إرجاع الكرة المسحوبة إلى الصندوق). فإن عدد السحبات الممكنة هو  $A_n^p$ .

ج- إذا كان السحب بالتناوب وبإحلال (يعني سحب الكرات واحدة تلو الأخرى مع إرجاع الكرة المسحوبة إلى الصندوق).

فإن عدد السحبات الممكنة هو:  $n^p$ .

#### المجموعات: 1

تعريف:

مجموعات  $E$  و  $A$  و  $B$  جزءان منها.  
أ- تقاطع  $A$  و  $B$  هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى  $A$  وإلى  $B$  في نفس الوقت ونرمز لها بـ  $A \cap B$  ولدينا:

$$x \in A \cap B \Leftrightarrow x \in A \text{ و } x \in B$$

ب- اتحاد  $A$  و  $B$  هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى  $A$  أو إلى  $B$  ونرمز لها بالرمز  $A \cup B$  ولدينا:

$$x \in A \cup B \Leftrightarrow x \in A \text{ أو } x \in B$$

ج- متممة  $A$  في  $E$  هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى  $E$  ولا تنتمي إلى  $A$  ونرمز لها بـ  $\bar{A}$  ولدينا:

$$x \in \bar{A} \Leftrightarrow x \in E \text{ و } x \notin A$$

#### رئيسي مجموعة: 2

لتكن  $E$  مجموعة متميزة أي تحتوي على عدد متنه من العناصر.

نسمى عدد عناصر  $E$  رئيسي  $E$  ونرمز لها بالرمز  $cardE$ .

#### مبدأ الجمع: 3

لتكن  $E$  مجموعة متميزة و  $A_1$  و  $A_2$  و ... و  $A_p$  أجزاء من  $E$

بحيث:  $(\forall i \neq j) A_i \cap A_j = \emptyset$

$$A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_p = E$$

لدينا:  $cardE = cardA_1 + cardA_2 + \dots + cardA_p$

#### مبدأ الجداء: 4

إذا كانت وضعية للتعداد مكونة من  $p$  اختيار وكان عدد الكيفيات التي تتم بها هذه الاختيارات هو:  $n_1$  و  $n_2$  و ... و  $n_p$  فإن عدد الامكانيات في هذه الوضعية هو: