



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
-الدورة العادية 2008-
الموضوع

7	المعامل:	الفيزياء والكيمياء	المادة:
4 س	مدة الإنجاز:	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (ة): R

لا يسمح باستعمال الآلة الحاسبة القابلة للبرمجة أو الحاسوب.

يضم هذا الموضوع تمرينا في الكيمياء وأربعة تمارين في الفيزياء:

الكيمياء	: دراسة حمض البنزويك. (4,75 نقطة)
فيزياء 1	: التاريخ بطريقة الأورانيوم - الثوريوم. (2,25 نقطة)
فيزياء 2	: تحديد معامل التحريض لوشيةة مكبر الصوت. (5,25 نقطة)
فيزياء 3	: نمذجة قوة احتكاك مائع. (2,5 نقطة)
فيزياء 4	: نواس اللي لكفانديش. (3 نقطة)

كيمياء (7 نقط) : الجزءان (1) و (2) مستقلان .

الجزء الأول: دراسة محلول حمض البنزويك.

يستعمل حمض البنزويك C_6H_5COOH كمادة حافظة في صناعة المواد الغذائية ، وهو جسم صلب أبيض اللون.

يهدف هذا الجزء إلى دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الماء و مع محلول هيدروكسيد الصوديوم. نحضر محلولاً مائياً لحمض البنزويك بإذابة كتلة m من حمض البنزويك في الماء المقطر للحصول على حجم $V = 100 \text{ mL}$ تركيزه $c_a = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$.

معطيات: الكتلة المولية لحمض البنزويك : $M = 122 \text{ g.mol}^{-1}$;

الجداء الأيوني للماء عند درجة الحرارة $25^\circ C$: $K_e = 10^{-14}$.

1- تفاعل حمض البنزويك مع الماء.

نقيس pH محلول حمض البنزويك عند $25^\circ C$ فنجد : $pH_1 = 2,6$;

1-1. احسب الكتلة m .

1-2. اكتب معادلة تفاعل حمض البنزويك مع الماء.

1-3. أنشئ الجدول الوصفي لتطور المجموعة، واحسب نسبة التقدم النهائي τ للتفاعل. استنتج.

1-4. أعط تعبير خارج التفاعل $Q_{r,eq}$ عند التوازن بدلالة pH_1 و c_a . واستنتج قيمة ثابتة

الحمضية pK_A للمزدوجة $C_6H_5COOH_{(aq)} / C_6H_5COO^-_{(aq)}$

2- تفاعل حمض البنزويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم

نصب في كأس حجم $V_a = 20 \text{ mL}$ من محلول حمض البنزويك ذي التركيز

$c_a = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ ونضيف إليه تدريجياً بواسطة سحاحة مدرجة محلول هيدروكسيد الصوديوم

تركيزه $c_b = 5.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.

عند إضافة الحجم $V_b = 10 \text{ mL}$ من محلول هيدروكسيد الصوديوم، يكون pH المحلول الموجود

في الكأس، عند درجة الحرارة $25^\circ C$ ، هو $pH_2 = 3,7$.

2-1. اكتب معادلة التفاعل الذي يحدث عند مزج المحلولين.

2-2. احسب كمية المادة $n(HO^-)_v$ التي تمت إضافتها و كمية المادة $n(HO^-)_r$ المتبقية في

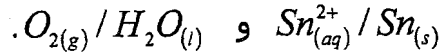
المحلول عند نهاية التفاعل.

2-3. أوجد تعبير نسبة التقدم النهائي τ لهذا التفاعل بدلالة $n(HO^-)_r$ و $n(HO^-)_v$. استنتج.

المادة: الفيزياء والكيمياء
الشعب(ة): شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

الجزء الثاني : تغطية قطعة من الفولاذ بطبقة من فلز القصدير:

الحديد الأبيض هو فولاد مغطى بطبقة رقيقة من القصدير ويستعمل خاصة في صناعة علب المصبرات نظرا لخصائصه الفيزيائية المتعددة. يهدف هذا الجزء إلى تحديد كتلة القصدير اللازمة لتغطية صفيحة من الفولاذ بواسطة التحليل الكهربائي.
معطيات: المزدوجتان مختزل/مؤكسد المتدخلتان في هذا التحليل هما:



$$1F = 9,65.10^4 C.mol^{-1} \quad \text{الفرادي}$$

$$M(Sn) = 118,7 g.mol^{-1} \quad \text{الكتلة المولية الذرية للقصدير}$$

- نغمر الصفيحة الفولاذية كليا في محلول كبريتات القصدير $Sn_{aq}^{2+} + SO_4^{2-}$ ؛ ثم ننجز التحليل الكهربائي لهذا المحلول بين إلكترود مكون من الصفيحة الفولاذية و إلكترود من الغرافيت.
- 1- هل يجب أن تكون الصفيحة الفولاذية هي الأنود أو الكاتود؟ علل الجواب.
 - 2- يلاحظ انتشار غاز ثنائي الأوكسجين على مستوى إلكترود الغرافيت .
اكتب معادلة تفاعل التحليل الكهربائي.
 - 3- يستغرق التحليل الكهربائي مدة $\Delta t = 10 \text{ min}$ بتيار كهربائي شدته ثابتة $I = 5 A$.
استنتج كتلة القصدير التي توضع على الصفيحة الفولاذية.

فيزياء 1 (2,25 نقطة) : التاريخ بطريقة الأورانيوم - الثوريوم .

ينتج الثوريوم المتواجد في الصخور البحرية عن التفتت التلقائي للأورانيوم 234 خلال الزمن و لذلك يوجد الثوريوم و الأورانيوم بنسب مختلفة في جميع الصخور البحرية حسب تاريخ تكونها. تتوفر على عينة من صخرة بحرية كانت تحتوي عند لحظة تكونها التي نعتبرها أصلا للتواريخ ($t = 0$)، على عدد N_0 من نوى الأورانيوم $^{234}_{92}U$ ، و نعتبر أنها لم تكن تحتوي آنذاك على نوى الثوريوم $^{230}_{90}Th$ عند أصل التواريخ.
أظهرت دراسة هذه العينة عند لحظة t أن نسبة عدد نوى الثوريوم على عدد نوى الأورانيوم هو:

$$r = \frac{N(^{230}_{90}Th)}{N(^{234}_{92}U)} = 0,40$$

- معطيات :- كتلة نواة الأورانيوم : $m(^{234}_{92}U) = 234,0409 u$
- زمن عمر النصف لعنصر الأورانيوم 234 : $t_{1/2} = 2,455.10^5 \text{ ans}$
- كتلة البروتون : $m_p = 1,00728 u$
- كتلة النيوترون : $m_n = 1,00866 u$
- وحدة الكتلة الذرية : $1 u = 931,5 \text{ MeV} . c^{-2}$

1- دراسة نواة الأورانيوم ${}_{92}^{234}U$

1-1. أعط تركيب نواة الأورانيوم 234.

1-2. احسب بـ MeV طاقة الربط E_r للنواة ${}_{92}^{234}U$.

1-3. نويدة الأورانيوم ${}_{92}^{234}U$ إشعاعية النشاط، تتحول تلقائيا إلى نويدة الثوريوم ${}_{90}^{230}Th$.

بتطبيق قانوني الانحفاظ، اكتب معادلة تفتت النويدة ${}_{92}^{234}U$.

2- دراسة التناقص الإشعاعي

2-1. أعط تعبير عدد نوى الثوريوم $N(t)$ عند اللحظة t بدلالة N_0 و زمن عمر

النصف $t_{1/2}$ لعنصر الأورانيوم 234.

2-2. أوجد تعبير اللحظة t بدلالة r و $t_{1/2}$. احسب t .

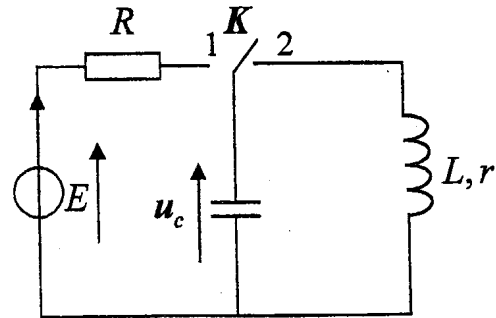
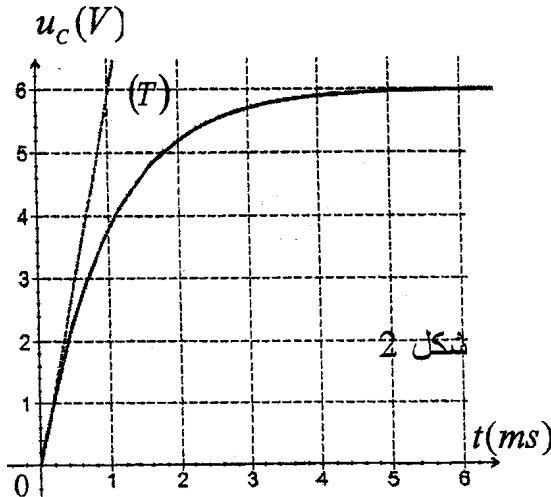
فيزياء 2 (5,25 نقطة) : تحديد معامل التحريض لوشية مكبر الصوت.

لتحديد معامل التحريض L لوشية مقاومتها r مستعملة في مكبر الصوت، ننجز تجربة على مرحلتين باستعمال التركيب التجريبي الممثل في الشكل 1 :
المرحلة الأولى : نحدد قيمة السعة C لمكثف بالدراسة التجريبية لشحنه بواسطة مولد كهربائي مؤمّن قوته الكهروحركة $E = 6V$.
المرحلة الثانية : ندرس تفريغ هذا المكثف في الوشية لتحديد قيمة معامل التحريض L .
ناخذ : $\pi^2 = 10$

1- تحديد سعة المكثف

المكثف غير مشحون، نؤرجح قاطع التيار K (الشكل 1) إلى الموضع (1) عند لحظة نختارها أصلا للتواريخ ($t = 0$)؛ فيشحن المكثف عبر موصل أومي مقاومته $R = 100 \Omega$.

نعين بواسطة راسم التذبذب ذي ذاكرة التوتر u_c بين مربطي المكثف، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل (2).



الشكل 1

1-1. أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C .

1-2. حل هذه المعادلة التفاضلية هو : $u_C = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ ؛ أوجد تعبير كل من الثابتين A و τ بدلالة برامترات الدارة.

1.3. يمثل المستقيم (T) المماس للمنحنى $u_C = f(t)$ عند اللحظة $t = 0$. استنتج انطلاقا من منحنى الشكل (2) قيمة السعة C للمكثف.

2- تحديد معامل التحريض للوشية.

المكثف مشحون، نؤرجح، عند لحظة نعتبرها أصلا جديدا للتواريخ ($t = 0$)، قاطع التيار K (الشكل 1) إلى الموضع (2)، ونعاين بنفس الطريقة تطور التوتر u_C بين مربطي المكثف خلال الزمن، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل (3).

2-1. أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين مربطي المكثف.

2-2. عبر عن الطاقة الكلية E_r للدارة بدلالة L و C و u_C و $\frac{du_C}{dt}$.

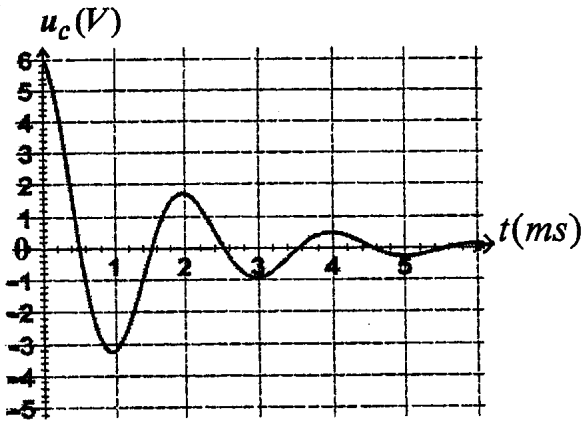
2-3. باستعمال المعادلة التفاضلية ،

بين أن $\frac{dE_r}{dt} = -r \cdot i^2$ ، حيث i شدة التيار

المر في الدارة عند اللحظة t و r مقاومة الوشية.

2-4. نعتبر في هذه التجربة أن شبه الدور يساوي الدور الخاص للدارة.

احسب ، اعتمادا على منحنى الشكل (3) معامل التحريض L للوشية.



شكل 3

3 - تحديد قيمة معامل التحريض للوشية بطريقة أخرى.

نطبق بين مربطي ثنائي القطب (D) المكون من الوشية السابقة ومكثف سعته

$C_0 = 10^{-5} F$ ، مركبين على التوالي ، توترا جيبيا u قيمته الفعالة ثابتة $U = 6V$

ونغير تدريجيا تردده N .

نلاحظ أنه عندما يأخذ التردد القيمة $N_0 = 500 Hz$ ، تأخذ الشدة الفعالة للتيار قيمة

قصوى $I_0 = 0,48 A$.

3-1. احسب قيمة معامل التحريض L و قيمة المقاومة r للوشية.

3-2. ليكن u_b التوتر اللحظي بين مربطي الوشية ؛ أوجد قيمة الطور ϕ للتوتر u_b

بالنسبة للتوتر u .

فيزياء 3 (2,5 نقط) : نمذجة قوة احتكاك مائع

يهدف هذا التمرين إلى نمذجة قوة الاحتكاك المائع المطبقة من طرف الغليسيرول على جسم صلب وذلك بدراسة حركة السقوط الرأسي لكلمة فلزية كتلتها m و شعاعها r داخل الغليسيرول.

معطيات : - شعاع الكلمة : $r = 1 \text{ cm}$ ؛ حجم الكلمة : $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3$

- الكتلة الحجمية:

* للفلز الذي تتكون منه الكلمة : $\rho_1 = 2,7 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

* الغليسيرول : $\rho_2 = 1,26 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

- تسارع الثقالة : $g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

نذكر أن شدة دافعة أرخميدس المطبقة على الكلمة المغمورة كليا في الغليسيرول هي $F = \rho_2 \cdot V \cdot g$.

نمذج قوة الاحتكاك التي تخضع لها الكلمة أثناء السقوط داخل الغليسيرول بـ $\vec{f} = -9\pi \cdot r \cdot v^n \cdot \vec{k}$ حيث

n عدد صحيح و v سرعة مركز قصور الكلمة. عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ ($t_0 = 0$)، نحرر الكلمة

بدون سرعة بدئية من نقطة O أصل المحور

الرأسي (O, \vec{k}) الموجه نحو الأسفل، فتتم حركتها

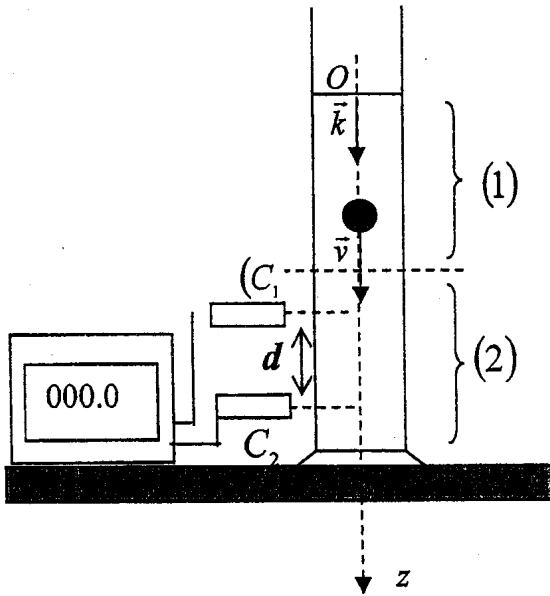
داخل الغليسيرول الموجود في إناء زجاجي، على مرحلتين:

• (1): مرحلة النظام البدئي بين لحظتين t_0 و t_1 حيث تتزايد سرعة الكلمة.

• (2): مرحلة النظام الدائم انطلاقا من اللحظة t_1 حيث تأخذ سرعة الكلمة قيمة حدية ثابتة v_f .

يمكن الجهاز المكون من ميقت وخليتين (C_1) و (C_2) من قياس المدة الزمنية Δt التي تستغرقها

الكلمة لقطع المسافة $d = 20 \text{ cm}$ خلال المرحلة (2) (انظر الشكل جانبه).



1. حدد قيمة السرعة الحدية v_f علما أن $\Delta t = 956 \text{ ms}$.

2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v لمركز قصور الكلمة داخل السائل تكتب على الشكل:

$$B = g \left(\frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \right) \quad \text{و} \quad A = \frac{27}{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2} \quad \text{مع} \quad \frac{dv}{dt} + A \cdot v^n = B$$

3. أوجد، انطلاقا من المعادلة التفاضلية، تعبير v_f^n بدلالة ρ_1 و ρ_2 و r و g .

4. استنتج العدد n .

فيزياء 4 (3 نقط) نواس اللي لكفانديش

أنجز العالم كفانديش Cavendish أول تجربة سنة 1778 باستعمال ميزان اللي لتحديد قيمة ثابتة التجاذب الكوني G فوجد ، $G = 6,67 \cdot 10^{-11} m^3 \cdot kg^{-1} \cdot s^{-2}$. و بالتالي أصبح بالإمكان حساب سرعة الأقمار الاصطناعية والطبيعية في مداراتها بتطبيق القانون الثاني لنيوتن. يتكون ميزان اللي الذي استعمله كفانديش من نواس لي مكون من عارضة متجانسة ، كتلتها مهملة، تحمل في طرفيها جسمين لهما نفس الكتلة و معلقة من منتصفها بواسطة سلك لي ثابتة له C ، مثبت إلى حامل ثابت (شكل 1). عزم قصور المجموعة (العارضة، الجسمان) بالنسبة لمحور الدوران (Δ) المنطبق مع سلك اللي الرأسي هو $J_{\Delta} = 1,46 kg \cdot m^2$.

قاس كفانديش دور حركة نواس اللي في غياب الاحتكاكات فوجد $T_0 = 7 \text{ min}$.

نعطي : كتلة الأرض : $M_T = 5,98 \cdot 10^{24} kg$. نأخذ $\pi^2 = 10$

1. تحديد سرعة قمر اصطناعي

مدار قمر اصطناعي حول الأرض دائري ، في المرجع المركزي الأرضي،

مركزه منطبق مع مركز الأرض و شعاعه $r = 7000 km$.

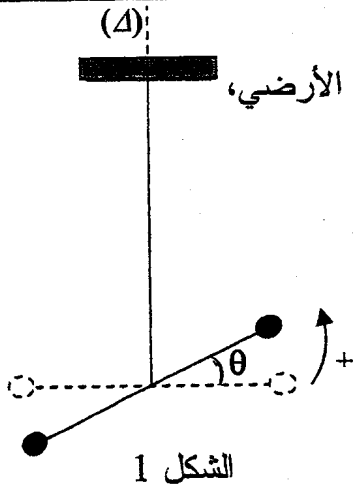
أثبت، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، تعبير السرعة v للقمر

الاصطناعي بدلالة G و r و كتلة الأرض M_T . احسب v .

2. دراسة نواس اللي

نهمل جميع الاحتكاكات و نرمز لزاوية اللي للسلك بـ θ

و للسرعة الزاوية بـ $\frac{d\theta}{dt}$ و للتسارع الزاوي بـ $\frac{d^2\theta}{dt^2}$.



2.1- أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها زاوية اللي θ أثناء تذبذبات نواس اللي.

2.2- يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :

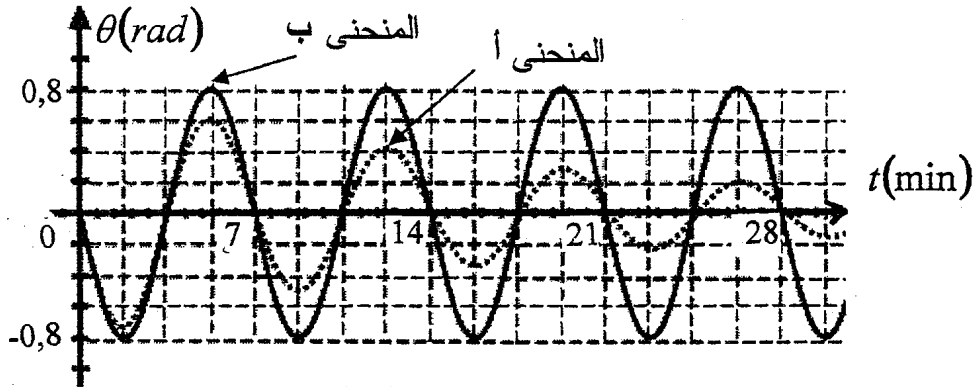
$$\theta(t) = \theta_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

باستعمال المعادلة التفاضلية و حلها، أوجد تعبير الدور الخاص T_0 للنواس بدلالة C و J_{Δ} .

و استنتج قيمة ثابتة اللي C للسلك الذي استعمله كفانديش.

3- استغلال المخطط $\theta = f(t)$

أنجزت تجربتين لقياس دور نواس اللي ؛ إحداهما بوجود الاحتكاكات والأخرى في غياب الاحتكاكات. يعطي المنحنيان (أ) و (ب) الممثلان في الشكل 2، تطور زاوية اللي θ لسلك اللي خلال الزمن في كل حالة.



الشكل 2

- 3.1- عين، معطلا جوابك، المنحني الموافق للنظام شبه الدوري.
3.2- حدد، انطلاقا من الشكل 2 في غياب الاحتكاكات، قيمة السرعة الزاوية لحركة نواس اللي عند اللحظة $t = 0$.

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

الكيمياء

الجزء الأول: دراسة محلول حمض البنزويك
1) تفاعل حمض البنزويك مع الماء:1.1 - حساب الكتلة m :نعلم أن: $m = n(C_6H_5COOH) \cdot M(C_6H_5COOH)$ و $n(C_6H_5COOH) = C_a \cdot V$ ، ومنه:

$$m = C_a \cdot V \cdot M(C_6H_5COOH)$$

$$m = 0,1 \times 0,1 \times 122 = 1,22 \text{ g} \quad \text{ت.ع.}$$

2.1 - معادلة تفاعل حمض البنزويك مع الماء: $C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$

3.1 - * إنشاء الجدول الوصفي لتطور المجموعة:

$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$				معادلة التفاعل	
كميات المادة (mol)				التقدم x	
$n_i(ac) = C_a \cdot V$	وفير	0	0	$x = 0$	الحالة البدئية
$C_a \cdot V - x_{\acute{e}q}$	وفير	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x = x_{\acute{e}q}$	حالة التوازن
$C_a \cdot V - x_m$	وفير	x_m	x_m	$x = x_m$	تحول كلي

* حساب τ نسبة التقدم النهائي للتفاعل:

$$n_{\acute{e}q}(H_3O^+) = x_{\acute{e}q} \Rightarrow [H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \Rightarrow x_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot V \quad \text{حسب الجدول نجد:}$$

$$C_a \cdot V - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C_a \cdot V \quad \text{و}$$

$$\tau = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_m} = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot V}{C_a \cdot V} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q}}{C_a} \Rightarrow \tau = \frac{10^{-pH}}{C_a}$$

$$\tau = \frac{10^{-pH}}{C_a} = \frac{10^{-2,6}}{0,1} \approx 2,5 \cdot 10^{-2} \quad \text{* قيمة } \tau$$

* استنتاج: $\tau = 2,5 \cdot 10^{-2} \ll 1$: تفاعل حمض البنزويك مع الماء تفاعل محدود.

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot [C_6H_5COO^-]_{\acute{e}q}}{[C_6H_5COOH]_{\acute{e}q}} \quad \text{* 4.1 - تعبير خارج التفاعل } Q_{r,\acute{e}q}$$

- من الجدول الوصفي السابق، نحدد تعابير التراكيز للأصناف الواردة في تعبير خارج التفاعل:

$$x_{\acute{e}q} = n_{\acute{e}q}(H_3O^+) = n_{\acute{e}q}(C_6H_5COO^-) \Rightarrow [C_6H_5COO^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = 10^{-pH_1} \quad -$$

$$[C_6H_5COOH]_{\acute{e}q} = \frac{n(C_6H_5COOH)}{V} = \frac{C_a \cdot V - x_{\acute{e}q}}{V} = C_a - [H_3O^+]_{\acute{e}q} = C_a - 10^{-pH_1} \quad -$$

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q}^2}{[C_6H_5COOH]_{\acute{e}q}} \Rightarrow Q_{r,\acute{e}q} = \frac{10^{-2pH_1}}{C_a - 10^{-pH_1}} \quad \text{نستنتج التعبير المطلوب:}$$

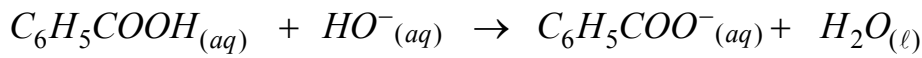
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

* استنتاج قيمة ثابتة الحمضية pK_A :

$$pK_A = -\text{Log}K_A \Rightarrow pK_A = -\text{Log}(Q_{r,\text{éq}}) \Rightarrow pK_A = -\text{Log}\left(\frac{10^{-2pH_1}}{C_a - 10^{-pH_1}}\right)$$

$$: pK_A = -\text{Log}\left(\frac{10^{-2 \times 2,6}}{0,1 - 10^{-2,6}}\right) \approx 4,2 \quad \text{ت.ع.}$$

(2) تفاعل حمض البنزويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم:
1.2- كتابة معادلة التفاعل عند مزج المحلولين:* حساب كمية المادة $n(HO^{-})_V$ التي تمت إضافتها:

$$n(HO^{-})_V = c_b \cdot V_b = 5.10^{-2} \times 10^{-2} = 5.10^{-4} \text{ mol}$$

* حساب كمية المادة $n(HO^{-})_r$ المتبقية في المحلول عند نهاية التفاعل:

$$n(HO^{-})_r = [HO^{-}]_{\text{éq}} \cdot (V_a + V_b) = \frac{K_e}{[H_3O^{+}]_{\text{éq}}} \cdot (V_a + V_b) = 10^{pH_2 - 14} \cdot (V_a + V_b)$$

$$\Rightarrow n(HO^{-})_r = 10^{3,7 - 14} \times (20 + 30) \cdot 10^{-3} = 1,5 \cdot 10^{-12} \text{ mol}$$

* 3.2- تعبير نسبة التقدم النهائي τ :

- إنشاء الجدول الوصفي لتفاعل المحلولين:

$C_6H_5COOH_{(aq)} + HO^{-}_{(aq)} \rightarrow C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_2O_{(l)}$				معادلة التفاعل	
كميات المادة				التقدم x	
$n_i(AH) = C_a \cdot V_a$	$n_i(HO^{-}) = C_b \cdot V_{\text{versé}}$	0	وفير	$x = 0$	الحالة البدئية
$C_a \cdot V_a - x_f$	$C_b \cdot V_b - x_f$	x_f	وفير	$x = x_{\text{éq}}$	حالة النهائية
$C_a \cdot V_a - x_m$	$C_b \cdot V_b - x_m$	x_m	وفير	$x = x_m$	تحول كلي

- نحسب الجدائين: $C_b \cdot V_b = 5.10^{-2} \times 10^{-2} = 5.10^{-4} \text{ mol}$ و $C_a \cdot V_a = 0,1 \times 20 \cdot 10^{-3} = 2.10^{-3} \text{ mol}$ نلاحظ أن: $C_b \cdot V_b < C_a \cdot V_a$ ، فيكون المتفاعل المحد هو أيونات HO^{-} ، إذا: $x_m = C_b \cdot V_b = n(HO^{-})_V$ - من خلال الجدول، في الحالة النهائية نجد: $n(HO^{-})_r = C_b \cdot V_b - x_f$ ، أي: $n(HO^{-})_r = n(HO^{-})_V - x_f$ ومنه:

$$x_f = n(HO^{-})_V - n(HO^{-})_r$$

- نحسب نسبة التقدم:

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{n(HO^{-})_V - n(HO^{-})_r}{n(HO^{-})_V} \Rightarrow \tau = 1 - \frac{n(HO^{-})_r}{n(HO^{-})_V}$$

$$\tau = 1 - \frac{1,5 \cdot 10^{-12}}{5.10^{-4}} = 1 - 3 \cdot 10^{-9} \approx 1 \quad \text{ت.ع.}$$

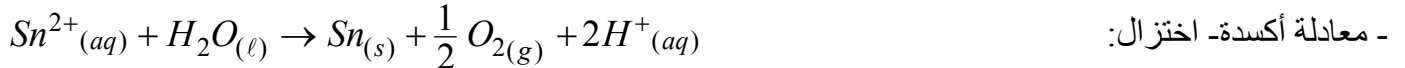
* استنتاج: التفاعل المدروس تفاعل كلي.

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

الجزء الثاني: تغطية قطعة من الفولاذ بطبقة من فلز القصدير

- 1- تكون الصفيحة الفولاذية هي الأنود أم الكاثود؟
يحدث الاختزال لفلز أثناء التحليل الكهربائي بجوار الكاثود، ومنه لطلاء الصفيحة الفلزية يجب أن تكون هي الكاثود.
- 2- كتابة معادلة تفاعل التحليل الكهربائي:



- 3- استنتاج كتلة القصدير $m(Sn)$ التي توضع على صفيحة القصدير:

- الجدول الوصفي:

كمية مادة الإلكترونات المتبادلة: $n(e^{-})$	$Sn^{2+}(aq) + H_2O(l) \rightarrow Sn(s) + \frac{1}{2} O_2(g) + 2H^{+}(aq)$					معادلة التفاعل	
	كميات المادة					التقدم	حالة المجموعة
0	$n_i(Sn^{2+})$	$n_i(H_2O)$	$n_i(Sn)$	0	0	$x=0$	الحالة البدئية
$2x$	$n_i(Sn^{2+}) - x$	$n_i(H_2O) - x$	$n_i(Sn) + x$	$0,5.x$	$0,5.x$	x	حالة وسيطة

- من الجدول نجد: $n(e^{-}) = 2.x$ و $x = \Delta n(Sn) = n_f(Sn) - n_i(Sn) = \frac{m}{M(Sn)} \Leftrightarrow n_i(Sn) + x = n_f(Sn)$

$$m = x.M(Sn) = \frac{n(e^{-})}{2}.M(Sn) \quad (1) \quad \text{ومنه :}$$

$$n(e^{-}) = \frac{I \times \Delta t}{F} \quad (2) \Leftrightarrow Q = I \times \Delta t = n(e^{-}) \times F \quad \text{- لدينا العلاقة التالية:}$$

$$m = \frac{5 \times 10 \times 60}{2 \times 96500} \times 118,7 \approx 1,85 \text{ g} \quad \text{- ت.ع: } m = \frac{I \cdot \Delta t}{2 \cdot F} \cdot M(Sn) \quad \text{- من العلاقتين (1) و (2) نستنتج:}$$

الفيزياء

فيزياء 1: التأريخ بطريقة الأورانيوم - الثوريوم

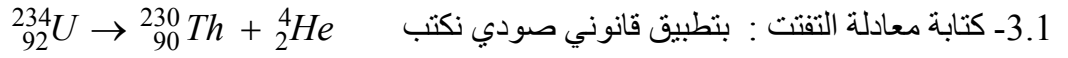
(1) دراسة نواة الأورانيوم:

1.1- تركيب نواة الأورانيوم 234: من رمز النواة ${}_{92}^{234}U$ نستنتج:* عدد البروتونات هو: $P = Z = 92$ * عدد النوترونات هو: $N = A - Z = 234 - 92 = 142$ 2.1- حساب طاقة الربط للنواة ${}_{92}^{234}U$:

$$\begin{aligned} E_{\ell} &= [Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_{92}^{234}U)].c^2 \\ &= [92 \times 1,00728 + 142 \times 1,00866 - 234,0409].u.c^2 \\ &= 1,85858.u.c^2 \quad (u.c^2 = 931,5 \text{ MeV}) \\ &= 1,85858 \times 931,5 \text{ MeV} \\ &= 1731,26 \text{ MeV} \end{aligned}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة



3.1- كتابة معادلة التفتت : بتطبيق قانوني صودي نكتب

(2) دراسة التناقص الإشعاعي:

1.2- تعبير عدد نوى الثوريوم 230 عند اللحظة t :

- عدد نوى ${}_{92}^{234}\text{U}$ المتبقية عند اللحظة t هو: $N_{234\text{U}}(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ و $\lambda = \frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}}$ ، ومنه: (1) $N_{234\text{U}}(t) = N_0 \cdot e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t}$

- عدد نوى ${}_{92}^{234}\text{U}$ المتفتتة عند اللحظة t هو: $N'_{234\text{U}}(t) = N_0 - N_{234\text{U}}(t)$ ، أي: $N'_{234\text{U}}(t) = N_0 (1 - e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t})$

- عدد نوى الثوريوم ${}_{90}^{230}\text{Th}$ المتكونة يساوي عدد نوى ${}_{92}^{234}\text{U}$ المتفتتة عند اللحظة t ، أي:

$$N_{230\text{Th}}(t) = N_0 (1 - e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t}) \quad (2)$$

2.2- * تعبير اللحظة t :

- نقسم العلاقة (2) على (1)، فنحصل على:

$$r = \frac{N_{230\text{Th}}(t)}{N_{234\text{U}}(t)} = \frac{N_0 (1 - e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t})}{N_0 \cdot e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t}} = \frac{1 - e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t}}{e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t}}$$

$$\Rightarrow r \cdot e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t} = 1 - e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t} \Rightarrow e^{-\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t} = \frac{1}{1+r} \Rightarrow -\frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t = \text{Ln}\left(\frac{1}{1+r}\right)$$

$$\Rightarrow \frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}} \cdot t = \text{Ln}(1+r) \Rightarrow t = \frac{\text{Ln}(1+r)}{\text{Ln}2} \cdot t_{1/2}$$

* حساب t :

$$t = \frac{\text{Ln}(1+0,4)}{\text{Ln}2} \times 2,455 \cdot 10^5 \approx \underline{1,2 \cdot 10^5 \text{ ans}}$$

فيزياء 2: تحديد معامل التحريض لوشية مكبر الصوت

1) تحديد سعة مكثف:

1.1- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C :- قانون إضافية التوترات: $u_R + u_C = E$ (*)- في اصطلاح المستقبل : قانون أوم للموصل الأومي : $u_R = R \cdot i$ و $q = C \cdot u_C$ - لدينا : $u_R = R \cdot i = R \cdot \frac{dq}{dt} = R \cdot \frac{d(Cu_C)}{dt} = RC \cdot \frac{du_C}{dt}$ تكتب المعادلة (*) : $RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$: المعادلة التفاضلية.2.1- تحديد تعبير كل من الثابتين τ و A :يكتب الحل: (1) $u_C(t) = A \cdot (1 - e^{-t/\tau})$ ، ومنه المشتقة لهذه الدالة هي: (2) $\frac{du_C}{dt} = \frac{d}{dt}[A(1 - e^{-t/\tau})] = \frac{A}{\tau} \cdot e^{-t/\tau}$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

نعوض التعبيرين (1) و (2) في المعادلة التفاضلية، فنحصل على المعادلة: $RC \cdot \frac{A}{\tau} \cdot e^{-t/\tau} + A(1 - e^{-t/\tau}) = E$ أو: $(\frac{RC}{\tau} - 1) \cdot A \cdot e^{-t/\tau} + A - E = 0$ ، لكي تتحقق هذه المعادلة مهما كان t ، يجب أن يكون معامل $A e^{-t/\tau}$ منعدما:

$$\frac{RC}{\tau} - 1 = 0 \text{ ، أي } \tau = RC \text{ ، وبالتالي } A = E$$

3.1- استنتاج قيمة C سعة المكثف باستغلال المبيان:- نستعمل المستقيم (T) المماس للمنحنى $u_c = f(t)$ عند اللحظة $t=0$ ، فنجد $\tau = 1 \text{ ms}$.

$$- \text{نطبق العلاقة } \tau = RC \text{ ، ومنه } C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-3}}{100} = 10^{-5} \text{ F}$$

(2) تحديد معامل التحريض للوشيعة:

1.2- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_c :- يعطي قانون إضافية التوترات: $u_b + u_c = 0$ (*)- في اصطلاح المستقبل : التوتر بين طرفي الوشيعة: $u_b = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt}$ و بين طرفي المكثف $u_c = \frac{q}{C}$ و $i = \frac{dq}{dt}$ - تكتب المعادلة (*): $r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt} + u_c = 0 \Leftrightarrow r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt} + u_c = 0 \Leftrightarrow r \cdot \frac{dq}{dt} + L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} + u_c = 0$ مع $q = C \cdot u_c$

$$\text{نحصل على المعادلة التفاضلية التالية: } \frac{d^2u_c}{dt^2} + \frac{r}{L} \cdot \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot u_c = 0$$

$$2.2- \text{تعبير الطاقة الكلية } E_t \text{ للدارة: نعلم أن: } E_t = \underbrace{\frac{1}{2} C u_c^2}_{=E_e} + \underbrace{\frac{1}{2} L i^2}_{=E_m}$$

$$E_t = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \left(\frac{dq}{dt} \right)^2 \Rightarrow E_t = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \left(\frac{d(C u_c)}{dt} \right)^2 \Rightarrow E_t = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L C^2 \left(\frac{du_c}{dt} \right)^2$$

$$3.2- \text{إثبات العلاقة: } \frac{dE_t}{dt} = -r \cdot i^2$$

$$- \frac{dE_t}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L C^2 \left(\frac{du_c}{dt} \right)^2 \right) = \frac{1}{2} C \cdot \frac{d}{dt} (u_c^2) + \frac{1}{2} L C^2 \cdot \frac{d}{dt} \left(\left(\frac{du_c}{dt} \right)^2 \right)$$

$$\Rightarrow \frac{dE_t}{dt} = \frac{1}{2} C \cdot (2u_c \cdot \frac{du_c}{dt}) + \frac{1}{2} L C^2 \cdot (2 \cdot \frac{du_c}{dt} \cdot \frac{d^2u_c}{dt^2}) \Rightarrow \frac{dE_t}{dt} = \underbrace{C \frac{du_c}{dt}}_A \cdot \underbrace{(u_c + L C \frac{d^2u_c}{dt^2})}_B$$

$$- \text{يكتب تعبير المقدار } A : A = C \cdot \frac{du_c}{dt} = \frac{d(C u_c)}{dt} = \frac{dq}{dt} = i$$

$$- \text{من المعادلة التفاضلية، نستنتج أن } B = u_c + L C \frac{d^2u_c}{dt^2} = -r C \cdot \frac{du_c}{dt} = -r \cdot A = -r \cdot i$$

$$\text{وبالتالي نحصل على العلاقة المطلوبة: } \frac{dE_t}{dt} = -r \cdot i^2$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

4.2- حساب معامل التحريض:

من المنحنى نعين شبه الدور $T = 2ms = 0,002s$

$$T = T_0 = 2.\pi.\sqrt{LC} \Rightarrow L = \frac{T^2}{4.\pi^2.C} = \frac{(0,002)^2}{4 \times 10 \times 10^{-5}} = 10^{-2} H$$

3) تحديد معامل التحريض للوشية بطريقة أخرى:

1.3- حساب قيمة معامل التحريض L ، وقيمة المقاومة r :

- حسب المعطيات فإن الدارة في حالة رنين كهربائي.

- عند الرنين تتحقق العلاقة: $LC.\omega_0^2 = 1$ مع $\omega_0 = 2.\pi.N_0$ ، ومنه: $(2.\pi.N_0)^2 LC = 1$ ، ونستنتج:

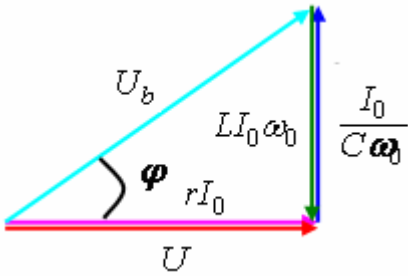
$$L = \frac{1}{4.\pi^2.C.N_0^2} = \frac{1}{4 \times 10 \times 10^{-5} \times 500^2} = 10^{-2} H$$

- عند الرنين تتحقق العلاقة: $U = Z.I_0 = r.I_0$ ($Z = r$)، ومنه: $r = \frac{U}{I_0} = \frac{6}{0,48} = 12,5 \Omega$ 2.3- إيجاد قيمة الطور φ للوتر u_b بالنسبة للوتر u :

- في حالة الرنين يكون إنشاء فرينيل كما يلي:

$$\tan(\varphi) = \frac{LI_0\omega_0}{U} = \frac{LI_0(2.\pi.N_0)}{U}$$

$$\tan(\varphi) = \frac{10^{-2} \times 0,48 \times 2 \times \pi \times 500}{6} = 2,51$$

أي: $\varphi = 68,3^\circ \approx 1,19 rad$ 

فيزياء 3: نمذجة قوة احتكاك مائع

1- تحديد قيمة السرعة الحدية v_ℓ :خلال مرحلة النظام الدائم تكون حركة مركز القصور مستقيمة منتظمة، إذا: $v_\ell = \frac{d}{\Delta t} = \frac{0,2}{0,956} = 0,21 m.s^{-1}$ 2- إثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة $v(t)$:

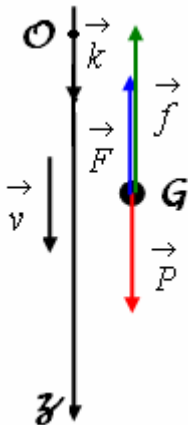
- المجموعة المدروسة: { الكلة الفلزية }

- تخضع المجموعة إلى التأثيرات التالية:

وزنها \vec{P} - تأثير دافعة أرخميدس \vec{F} - تأثير قوة الاحتكاك \vec{f} - نطبق القانون الثاني لنيوتن في معلم أرضي، فنكتب: $\vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = m.a_G$ - نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسى (O, \vec{k}) الموجه نحو الأسفل:

$$mg - \rho_2 gV - 9\pi r v^n = m. \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{\rho_1 gV - \rho_2 gV}{\rho_1 V} - \frac{9\pi r}{\rho_1 V} v^n = \frac{dv}{dt} \text{ أو } \rho_1 gV - \rho_2 gV - 9\pi r v^n = \rho_1 V. \frac{dv}{dt}$$



تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$\text{يكافئ: } \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g - \frac{27r}{\rho_1 \cdot 4 \cdot r^2} v^n = \frac{dv}{dt} \text{ ويكافئ أيضا: } \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g - \frac{9\pi r}{\rho_1 (4/3)\pi \cdot r^3} v^n = \frac{dv}{dt}$$

$$\text{أو: } \frac{dv}{dt} + \frac{27}{\rho_1 \cdot 4 \cdot r^2} v^n = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g \text{ ، نضع } A = \frac{27}{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2} \text{ و } B = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g \text{ ، فتكتب المعادلة التفاضلية على الشكل}$$

$$\frac{dv}{dt} + Av^n = B \text{ التالي:}$$

3- إيجاد تعبير v_ℓ^n :

خلال مرحلة النظام الدائم تكون حركة مركز القصور مستقيمة منتظمة، إذا: $\frac{dv}{dt} = 0$ و $v = v_\ell$ ، فتصبح المعادلة التفاضلية

$$(v_\ell)^n = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g \times \frac{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2}{27} = \frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2 \text{ أي: } (v_\ell)^n = \frac{B}{A} = \frac{\frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g}{\frac{27}{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2}} \text{ أو } 0 + A(v_\ell)^n = B$$

4- استنتاج العدد n :

$$\text{لدينا: } (v_\ell)^n = \frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2 \text{ ، ومنه } n \text{Ln}(v_\ell) = \text{Ln}\left(\frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2\right) \text{ أي:}$$

$$n = \frac{\text{Ln}\left(\frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2\right)}{\text{Ln}(v_\ell)} = \frac{\text{Ln}\left(\frac{4}{27} \times 9,8 \times (2,7 \cdot 10^3 - 1,26 \cdot 10^3) \times (10^{-2})^2\right)}{\text{Ln}(0,21)} = \underline{\underline{1}}$$

فيزياء 4: نواس اللي لكفانديش

1- تحديد سرعة قمر اصطناعي:

- المجموعة المدروسة : { القمر الاصطناعي }

- تخضع المجموعة إلى وزنها \vec{P}

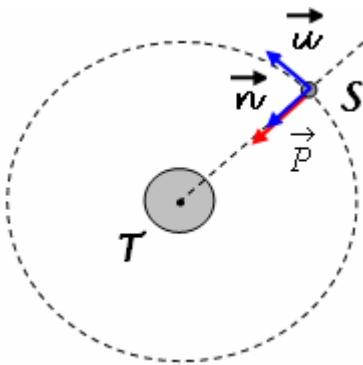
- تطبق القانون الثاني لنيوتن في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m \cdot \vec{a} \text{ (*)}$$

- بما أن مدار القمر دائري فإن التسارع \vec{a} مركزي انجذابي، فنسقط العلاقة (*)في معلم فريني وبالنسبة للمركبة المنظمة \vec{n} فنحصل على:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{r}} \text{ ومنه: } G \cdot \frac{M_T \cdot m}{r^2} = m \cdot \frac{v^2}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \times 5,98 \cdot 10^{24}}{7000 \cdot 10^3}} = \underline{\underline{7548,56 \text{ m.s}^{-1}}} \text{ ت.ع:}$$



تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

2- دراسة نواس اللي:

1.1- المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفضول الزاوي θ :

- المجموعة المدروسة: { العارضة + الجسمان }

- تخضع المجموعة إلى التأثيرات التالية:

وزنها \vec{P} - تأثير السلك \vec{T} - تأثير مزدوجة اللي عزمها $M_c = -C.\theta$ - نطبق العلاقة الأساسية للديناميك: (*) $M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) + M_c = J_{\Delta}\ddot{\theta}$ * بما أن اتجاهها \vec{P} و \vec{T} يقطعان المحور (Δ) ، فإن: $M_{\Delta}(\vec{P}) = M_{\Delta}(\vec{R}) = 0$ تكتب المعادلة (*) : $-C.\theta = J_{\Delta} \frac{d^2\theta}{dt^2}$ أو: (1) $\frac{d^2\theta}{dt^2} + (\frac{C}{J_{\Delta}}).\theta = 0$ 2.2- * تعبير الدور الخاص T_0 :لدينا: $\theta(t) = \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi)$ ومنه $\frac{d\theta}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m \sin(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi)$ وبالتالي $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -(\frac{2\pi}{T_0})^2 \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi)$ أي: $\frac{d^2\theta}{dt^2} + (\frac{2\pi}{T_0})^2 \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi) = 0$ أو: (2) $\frac{d^2\theta}{dt^2} + (\frac{2\pi}{T_0})^2 \theta = 0$ وبمطابقة (1) و (2)، نستنتج أن: $(\frac{2\pi}{T_0})^2 = \frac{C}{J_{\Delta}}$ ، ومنه: $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C}}$ * استنتاج قيمة ثابتة اللي C للسلك.

$$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{J_{\Delta}}{C} \Rightarrow C = \frac{4\pi^2 J_{\Delta}}{T_0^2}$$

$$C = \frac{4 \times 10 \times 1,46}{(7 \times 60)^2} = 3,31 \cdot 10^{-4} \text{ N.m.rad}^{-1} \quad \text{ت.ع.}$$

3- استغلال المخطط $\theta = f(t)$

1.3- المنحنى الموافق للنظام شبه الدوري هو المنحنى -أ-، لأنه يبرز ظاهرة الخمود حيث يتناقص وسع التذبذبات بشكل شبه دوري مع مرور الزمن.

2.3- قيمة السرعة الزاوية $\dot{\theta}_0$ عند اللحظة $t=0$:لدينا $\theta(t) = \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi)$ و $\frac{d\theta}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m \sin(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi)$ - نلاحظ من المنحنى أن عند اللحظة $t_0=0$ فإن $\theta(0) = \theta_0 = 0$ ، ومنه: $\cos(\frac{2\pi}{T_0}t_0 + \varphi) = 0$ أو $\sin(\frac{2\pi}{T_0}t_0 + \varphi) = \pm 1$ - نلاحظ من المنحنى أن عند اللحظة $t_0=0$ فإن $(\frac{d\theta}{dt})_{t_0=0} < 0$ ، إذا:

$$(\frac{d\theta}{dt})_{t=0} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m = -\frac{2\pi}{7 \times 60} \times 0,8 = -1,2 \cdot 10^{-2} \text{ rad.s}^{-1}$$