

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الإستدراكية 2010
الموضوع

7	المعامل:	RS30 M1)	الفيزياء والكيمياء	المادة:
4	مدة الإنجاز:		شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (ة) أو المسلك:

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

يتضمن الموضوع أربعة تمارين:
تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء

(4 نقط)	دراسة حمضية محلولين مائيين.....	الكيمياء
(3 نقط)	الطلاء الكهربائي.....	
(1,75 نقطة)	تحديد قطر خيط رفيع.....	فيزياء 1
(2 نقطة)	دراسة التذبذبات الكهربائية.....	فيزياء 2
(3,25 نقطة)	التواصل بواسطة الموجات الكهرومغناطيسية.....	
(3 نقط)	فرز نظيري عنصر كيميائي.....	فيزياء 3
(3 نقط)	الدراسة الطاقية لنواس وازن.....	

الكيمياء : (7 نقط) الجزء الأول و الثاني مستقلان

الجزء الأول : (4 نقط) دراسة حمضية محلولين مائيين

يهدف هذا التمرين إلى دراسة محلول حمض البنزويك و مقارنة حمضيته مع حمضية محلول حمض الساليسيليك.

1- دراسة محلول حمض البنزويك :

حمض البنزويك جسم صلب أبيض اللون صيغته C_6H_5COOH يستعمل كحافظ غذائي و يوجد طبيعيا في بعض النباتات . للتبسيط نرمز لحمض البنزويك بـ HA_1 .
معطيات:

الكتلة المولية الجزيئية للحمض HA_1 : $M(HA_1) = 122 \text{ g.mol}^{-1}$ ؛
الجداء الأيوني للماء عند $25^\circ C$: $K_e = 10^{-14}$

نذيب كتلة $m = 305 \text{ mg}$ من حمض البنزويك في الماء المقطر للحصول على محلول مائي S_A حجمه $V = 250 \text{ mL}$

نقيس pH المحلول S_A فنجد: $pH = 3,10$.

1.1- احسب التركيز المولي C_A للمحلول S_A .

1.2- اكتب معادلة تفاعل حمض البنزويك مع الماء .

1.3- عبر عن الثابتة pK_A للمزدوجة HA_1/A_1^- بدلالة C_A و τ نسبة التقدم النهائي لتفاعل الحمض HA_1 مع الماء .

1.4- احسب pK_A ، و استنتج النوع الكيميائي المهيمن في المحلول S_A علما أن $\tau = 7,94\%$.

2- تفاعل محلول حمض البنزويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم .

نمزج حجما $V_A = 40,0 \text{ mL}$ من المحلول S_A لحمض البنزويك مع حجم $V_B = 5,00 \text{ mL}$ من محلول S_B لهيدروكسيد الصوديوم تركيزه $C_B = 2,50 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.

نقيس pH الخليط فنجد $pH = 3,80$.

2.1- اكتب معادلة التفاعل الحاصل .

2.2- احسب كمية المادة $n(HO^-)_f$ الموجودة في الخليط في الحالة النهائية .

2.3- استنتج نسبة التقدم النهائي للتفاعل . نهمل أيونات HO^- الناتجة عن تفكك جزيئات الماء . (يمكن الاستعانة بالجدول الوصفي لتطور المجموعة)

3 - مقارنة حمضية محلولين .

نحضر محلولاً مائياً (S_1) لحمض البنزويك و محلولاً مائياً (S_2) لحمض الساليسيليك لهما نفس التركيز المولي C ، و نقيس موصلية كل منهما فنجد :

- بالنسبة للمحلول (S_1) : $\sigma_1 = 2,36 \cdot 10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$ ؛

- بالنسبة للمحلول (S_2) : $\sigma_2 = 0,86 \cdot 10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$.

نرمز لحمض الساليسيليك بـ HA_2 .

نذكر بتعبير موصلية محلول أيوني : $\sigma = \sum \lambda_i \cdot [X_i]$ حيث λ_i الموصلية المولية الأيونية للأيون X_i و $[X_i]$ تركيزه في المحلول .

نعطي : $\lambda(H_3O^+) = 35,0 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

؛ $\lambda(A_1^-) = 3,20 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

• $\lambda(A_2^-) = 3,62 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

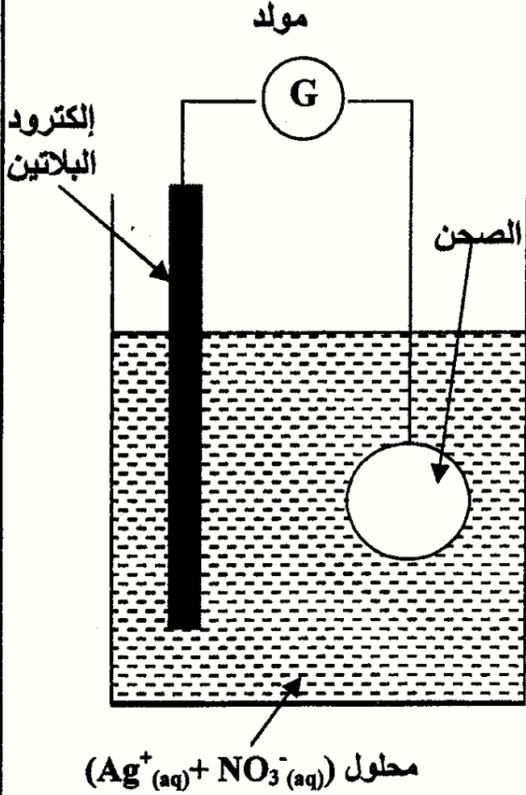
نهمل مساهمة الأيونات HO^- في موصلية المحلول .

نرمز لنسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض البنزويك مع الماء بـ τ_1 ؛ و نرمز لنسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض الساليسيليك مع الماء بـ τ_2 .

احسب النسبة $\frac{\tau_2}{\tau_1}$. ماذا تستنتج بخصوص حمضية المحلولين S_1 و S_2 ؟

الجزء الثاني: (3 نقط) التفضيض بواسطة التحليل الكهربائي

يستخدم التحليل الكهربائي لطلاء بعض الفلزات ، حيث يتم تغطيتها بطبقة رقيقة من فلز آخر لحمايتها من التآكل أو لتحسين مظهرها كعملية التزنيك و التفضيض الخ...



معطيات :

الكثافة الحجمية لفلز الفضة : $\rho = 10,5 \text{ g.cm}^{-3}$

الكثافة المولية للفضة : $M(\text{Ag}) = 108 \text{ g.mol}^{-1}$

الحجم المولي للغازات في ظروف التجربة : $V_m = 25 \text{ L.mol}^{-1}$

$1F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C.mol}^{-1}$

نريد تفضيض صحن فلزي مساحته الكلية $S = 190,5 \text{ cm}^2$ ، و ذلك

بتغطية سطحه بطبقة رقيقة من الفضة كتلتها m وسمكها $e = 20 \mu\text{m}$.

لتحقيق هذا الهدف ننجز تحليلا كهربائيا يكون فيه هذا الصحن

أحد الإلكترودين . الإلكترود الآخر قضيب من البلاتين غير قابل

للتأثر في ظروف التجربة .

الإلكتروليت المستعمل هو محلول مائي لنترات الفضة

$(\text{Ag}^+(\text{aq}) + \text{NO}_3^-(\text{aq}))$ حجمه $V = 200 \text{ mL}$ ، (انظر الشكل جانبه) .

تساهم في التفاعل فقط المزدوجتان $\text{Ag}^+(\text{aq})/\text{Ag}(\text{s})$ و $\text{O}_2(\text{g})/\text{H}_2\text{O}(\text{l})$.

1- هل يجب أن يكون الصحن هو الأنود أو الكاثود ؟

0,25

2- اكتب المعادلة الحصيلة للتحليل الكهربائي .

0,5

3- احسب الكتلة m لطبقة الفضة المتوضعة على سطح الصحن .

0,5

4- ما هو التركيز المولي البدئي الأدنى لمحلول نترات الفضة ؟

0,5

5- يستغرق التحليل الكهربائي المدة $\Delta t = 30,0 \text{ min}$ بتيار شدته I ثابتة .

5.1- أنشئ الجدول الوصفي للتحويل الحاصل على مستوى الكاثود ، و استنتج تعبير شدة التيار I بدلالة

0,75

m و $M(\text{Ag})$ و F و Δt . احسب قيمة I .

5.2- احسب الحجم $V(\text{O}_2)$ لغاز ثنائي الأوكسجين المتكون خلال المدة Δt .

0,5

فيزياء 1: (1,75 نقطة) تحديد قطر خيط رفيع

عندما يصادف الضوء حاجزا رقيقا ، فإنه لا ينتشر وفق خط مستقيمي، حيث تحدث ظاهرة الحيود .

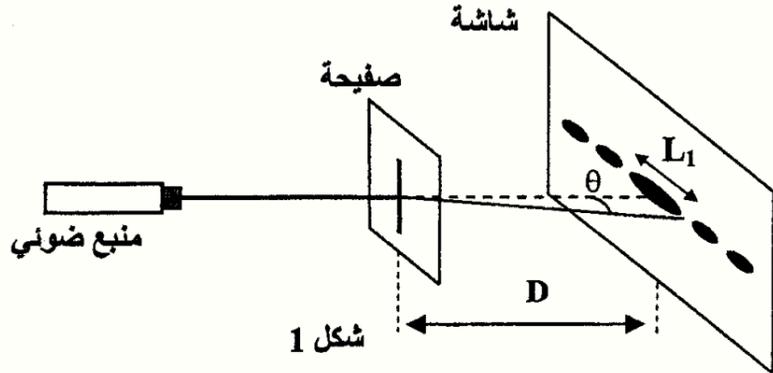
يمكن استعمال ظاهرة الحيود لتحديد قطر سلك أو خيط رفيع .

معطيات :

- يُعبر عن الفرق الزاوي θ بين وسط البقعة المركزية وأول بقعة مظلمة بالعلاقة $\theta = \frac{\lambda}{a}$ حيث

λ طول الموجة و a عرض الشق أو قطر الخيط.

- سرعة انتشار الضوء في الهواء : $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$.



شكل 1

1- حيود الضوء :

ننجز تجربة الحيود باستعمال ضوء أحادي اللون تردده $\nu = 4,44.10^{14} \text{ Hz}$. نضع على بعد بضع سنتمترات من المنبع الصوتي صفيحة بها شق رأسي عرضه a ، نشاهد شكل الحيود على شاشة رأسية توجد على بعد $D = 50,0 \text{ cm}$ من الشق. يتكون شكل الحيود من بقع ضوئية توجد وفق اتجاه عمودي على الشق، تتوسطها بقعة ضوئية مركزية أكثر إضاءة عرضها $L_1 = 6,70.10^{-1} \text{ cm}$. (الشكل 1)

1.1- ما هي طبيعة الضوء التي تبرزها هذه التجربة ؟

0,25

1.2- أوجد تعبير a بدلالة L_1 و D و ν و c . احسب a .

0,75

2- نضع بين الصفيحة و الشاشة قطعة زجاج

0,5

على شكل متوازي المستطيلات كما يبين الشكل (2).

معامل انكسار الزجاج بالنسبة للضوء الأحادي

اللون المستعمل سابقا هو $n = 1,61$.

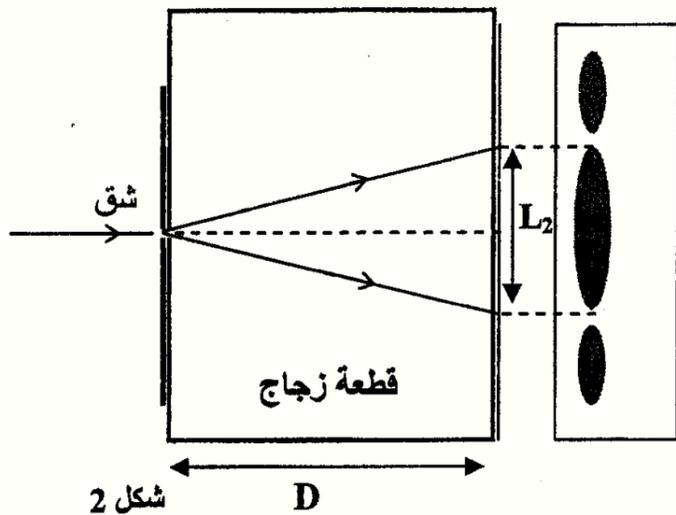
نلاحظ على الشاشة أن عرض البقعة الضوئية

المركزية يأخذ قيمة L_2 .

أوجد تعبير L_2 بدلالة L_1 و n .

3- تحديد قطر خيط نسيج العنكبوت.

0,25



شكل 2

نحتفظ بالمنبع الصوتي و الشاشة في موضعيهما، نزيل القطعة الزجاجية و الصفيحة،

و نضع مكان الشق خيطا رأسي من نسيج العنكبوت.

نقيس عرض البقعة المركزية على الشاشة فنجد $L_3 = 1,00 \text{ cm}$.

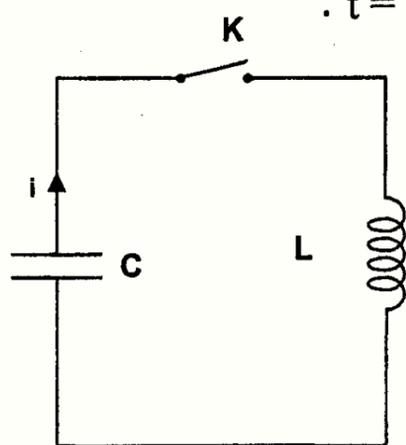
حدد القطر d لخيط العنكبوت.

فيزياء 2 : (5,25 نقطة) الجزءان الأول و الثاني مستقلان

الجزء الأول (2 نقط) : دراسة التذبذبات الكهربائية الحرة .

نشحن مكثفا سعته $C = 10 \mu\text{F}$ ، تحت توتر مستمر $U = 6\text{V}$ ، و نربطه بطرفي وشيعة معامل

تحريضها L و مقاومتها مهملة (الشكل 1). نغلق قاطع التيار K عند لحظة $t = 0$.



شكل 1

1- أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة q للمكثف.

0,25

2- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل $q = Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$

0,75

حيث T_0 الدور الخاص للمتذبذب LC. احسب Q_m و أوجد تعبير T_0 بدلالة برامترات الدارة.

3.1- 3- نرمز بـ E_e للطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف عند لحظة t

0,25

و نرمز بـ E للطاقة الكلية للدارة. بيّن أن : $\frac{E_e}{E} = \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$

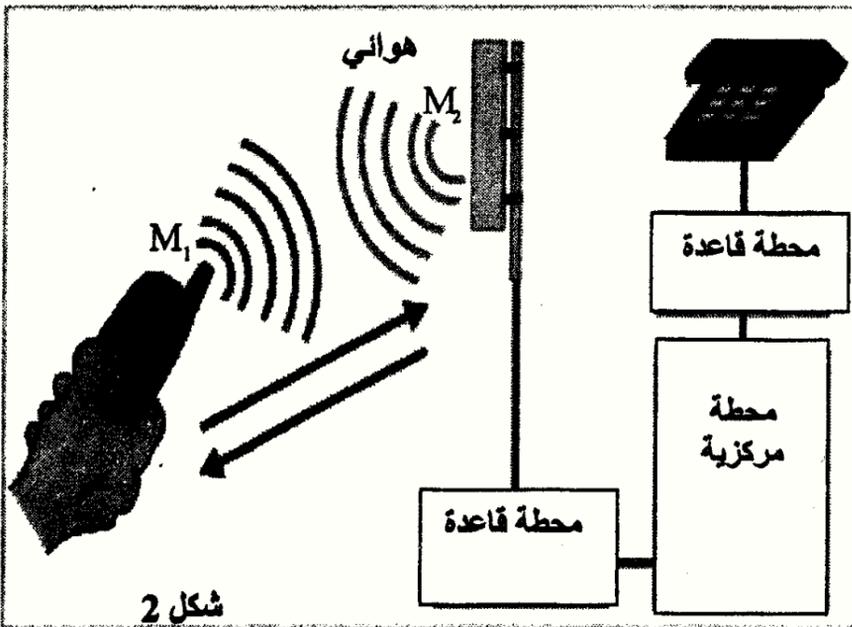
3.2- أتمم الجدول التالي بعد نقله على ورقة التحرير بحساب النسبة $\frac{E_e}{E}$.

0,75

اللحظة t	0	$\frac{T_0}{8}$	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{3T_0}{8}$	$\frac{T_0}{2}$
النسبة $\frac{E_e}{E}$

استنتج الدور T لتبادل الطاقة بين المكثف و الوشيعه بدلالة T_0 .

الجزء الثاني (3,25 نقطة) : التواصل بواسطة الموجات الكهرمغناطيسية



خلال التواصل بواسطة الهاتف المحمول ، يتم تحويل الصوت إلى إشارة كهربائية بواسطة ميكروفون ، وذلك بفضل التحويل الرقمي و التضخيم ، وبعد ذلك يتم تضمين موجة حاملة بهذه الإشارة و إرسالها بعد تضخيمها إلى أقرب هوائي الذي ينقلها إلى محطة قاعدة .
تبعث المحطة القاعدة الإشارة المضمّنة إلى محطة مركزية إما عن طريق خط هاتفي عادي أو عن طريق موجات كهرمغناطيسية ؛ فترسل المحطة المركزية المكالمة إلى الهاتف المستقبل .

1- إرسال موجة كهرمغناطيسية بواسطة الهاتف المحمول

تستعمل الموجات الكهرمغناطيسية في البث التلفزيوني و الإذاعي و في الرادارات ، مما جعل مجالات التردد المستعملة في الهواتف المحمولة جد محدودة .

يمتد أحد مجالات التردد المستعملة في الهواتف المحمولة من 900MHz إلى 1800MHz .
معطيات : سرعة الضوء في الفراغ و في الهواء هي : $c = 3,00.10^8 \text{ ms}^{-1}$ ؛
 $1\text{MHz} = 10^6\text{Hz}$

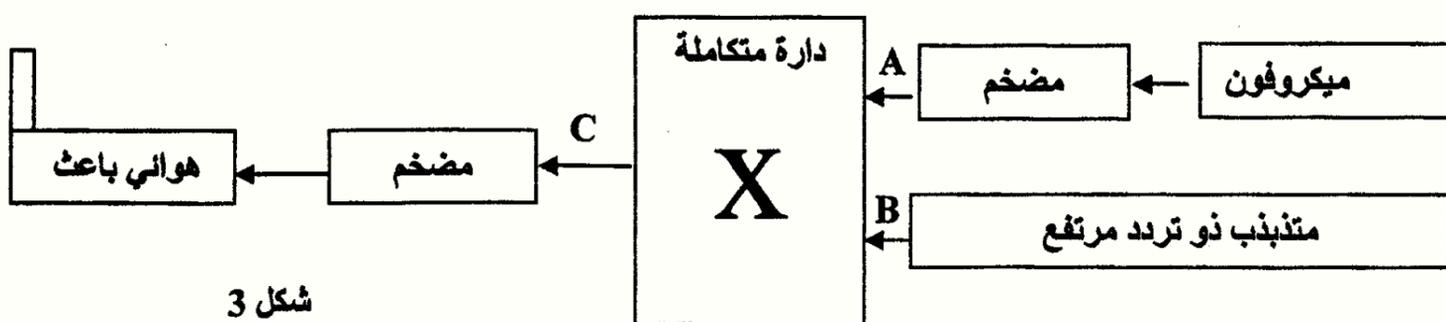
1.1- احسب المدة الزمنية التي تستغرقها موجة كهرمغناطيسية ترددها 900 MHz لتقطع المسافة $M_1M_2 = 1 \text{ km}$ الفاصلة بين الهاتف المحمول و الهوائي (شكل 2) .

0,25

1.2- ماذا تعني العبارة « الهواء وسط غير مبدد بالنسبة للموجات الكهرمغناطيسية » ؟

0,25

1.3- تبين الخطأ الممثلة في الشكل (3) مبدأ إرسال معلومة (مكالمة) .



عند أي نقطة A أو B أو C نجد :

أ- الموجة الحاملة ؟

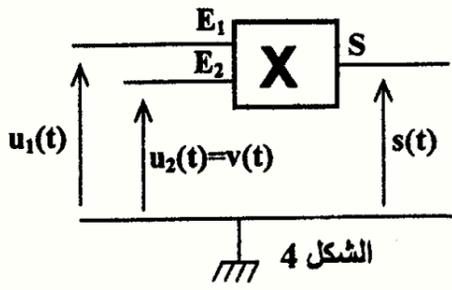
0,25

ب- الإشارة المضمّنة ؟

0,25

2- تضمين الوسع

تتكون دائرة التضمين من دائرة متكاملة X منجزة للجداء ، تتوفر على مدخلين E_1 و E_2 و مخرج S (شكل 4) . لمحاكاة تضمين الوسع، نطبق عند :

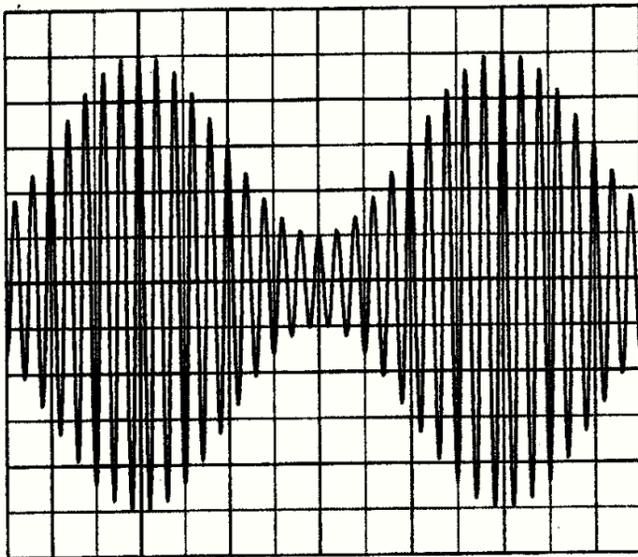


- المدخل E_1 الإشارة $u_1(t) = u(t) + U_0$ حيث $u(t) = U_m \cos(2\pi \cdot f \cdot t)$ الإشارة المضمّنة و U_0 مركبة مستمرة (توتر الانزياح) .
- المدخل E_2 الإشارة الحاملة $u_2(t) = v(t) = V_m \cdot \cos(2\pi \cdot F \cdot t)$ ،

تعطي الدائرة المتكاملة X توترا مُضمّنا $s(t)$ يتناسب مع جداء التوترين $s(t) = k \cdot u_1(t) \cdot u_2(t)$ مع k ثابتة تتعلق فقط بالدائرة المتكاملة X . يكتب $s(t)$ على الشكل $s(t) = S_m \cos(2\pi \cdot F \cdot t)$.

2.1- بيّن أن S_m وسع الإشارة المضمّنة يمكن أن يكتب على الشكل $S_m = A[m \cdot \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + 1]$ مع تحديد تعبير كل من نسبة التضمين m و الثابتة A . 0,5

2.2- يعطي المبيان الممثل في الشكل (5) التوتر المضمّن $s(t)$ بدلالة الزمن t .



حدد انطلاقا من هذا المبيان :

أ- التردد F للموجة الحاملة . 0,25

ب- التردد f للإشارة المضمّنة . 0,25

ج- الوسع الأدنى $S_{m(\min)}$ و الوسع الأقصى $S_{m(\max)}$ للإشارة المضمّنة . 0,5

2.3- أعط تعبير m بدلالة $S_{m(\max)}$ و $S_{m(\min)}$. احسب قيمة m . 0,5

2.4- هل تضمين الوسع جيد ؟ علل الجواب . 0,25

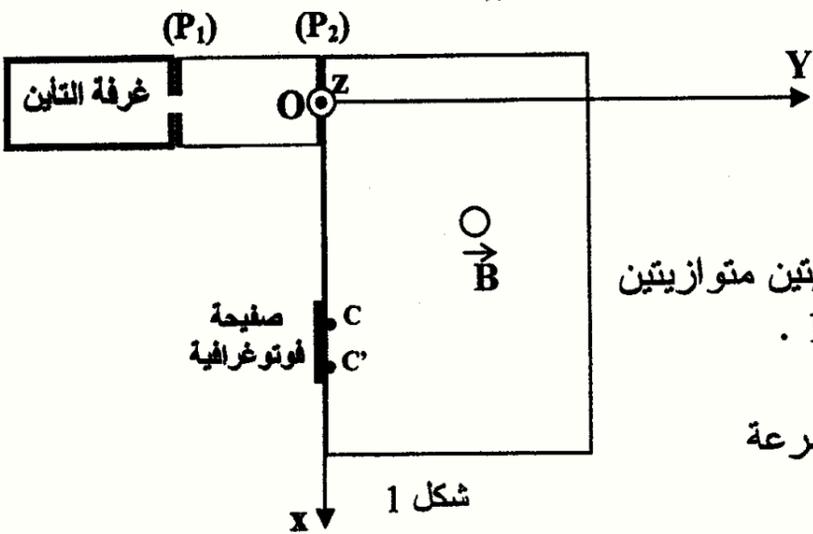
الحساسية الرأسية : 1V/div
الحساسية الأفقية : 0,25 ms/div

شكل 5

فيزياء 3 (6 نقطة)

الجزء الأول (3 نقط) : فرز نظيري عنصر كيميائي

إن قياس طيف الكتلة تقنية ذات حساسية كبيرة ، فقد استعملت هذه التقنية في الأصل للكشف عن مختلف نظائر العناصر الكيميائية وأصبحت اليوم تستعمل لدراسة بنية الأنواع الكيميائية .



نريد فرز نظيري الزنك بواسطة راسم الطيف للكتلة . تنتج غرفة التأين الأيونات $^{68}\text{Zn}^{2+}$

و $^{70}\text{Zn}^{2+}$ كتلتاهما ، تباعا ، هما : m_1 و m_2 .

تُسرع هذه الأيونات، في الفراغ، بين صفيحتين فلزيتين متوازيتين

(P_1) و (P_2) بواسطة توتر U قيمته $1,00 \cdot 10^3$ V .

(الشكل 1)

نفترض أن الأيونات تخرج من غرفة التأين بدون سرعة بدئية وأن وزن الأيون مهمل أمام القوى الأخرى .

معطيات :

الشحنة الابتدائية : $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ؛

كتلة بروتون m_p تساوي كتلة نوترون m_n : $m_p = m_n = m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$.

1- عين ، معلا جوابك ، الصفيحة التي يجب أن يكون لها أكبر جهد كهربائي . 0,25

2- بين أنه يكون للأيونين $^{68}\text{Zn}^{2+}$ و $^A\text{Zn}^{2+}$ نفس الطاقة الحركية عند النقطة O . 0,25

3- عبر عن السرعة v_1 للأيون $^{68}\text{Zn}^{2+}$ ، عند النقطة O ، بدلالة U و e و m . استنتج تعبير السرعة v_2 للأيون $^A\text{Zn}^{2+}$ ، عند نفس النقطة O ، بدلالة v_1 و A . 0,5

4- تدخل الأيونات $^{68}\text{Zn}^{2+}$ و $^A\text{Zn}^{2+}$ ، عند $t = 0$ ، حيزا من الفضاء يوجد فيه مجال مغناطيسي منتظم عمودي على مستوى الشكل ، شدته $B = 0,10 \text{ T}$ و تتحرك حيث يصطدم الأيونان $^{68}\text{Zn}^{2+}$ و $^A\text{Zn}^{2+}$ بالصفيحة الفوتوغرافية ، تباعا ، عند النقطتين C و C' .

4.1- عين على تبيانة ، معلا جوابك ، منحى متجهة المجال المغناطيسي \vec{B} . 0,25

4.2- بين أن حركة الأيونات Zn^{2+} تتم في المستوى (O, x, y) . 0,5

4.3- أثبت طبيعة حركة الأيونات Zn^{2+} داخل المجال المغناطيسي \vec{B} . 0,5

4.4- نعط المسافة : $CC' = 8,0 \text{ mm}$. استنتج قيمة A . 0,75

الجزء الثاني: (3 نقط) الدراسة الطاقية لنواس وازن

نعتبر نواسا وازنا ينجز تذبذبات حرة باحتكاكات مهملة .

النواس المدروس عبارة عن ساق متجانسة AB ، كتلتها m وطولها $AB = \ell = 60,0 \text{ cm}$ ،

يمكنها الدوران في مستوى رأسي حول محور أفقي (Δ) ثابت يمر من طرفها A (الشكل 2) .

عزم قصور الساق بالنسبة للمحور (Δ) هو : $J_{\Delta} = \frac{1}{3} m \cdot \ell^2$

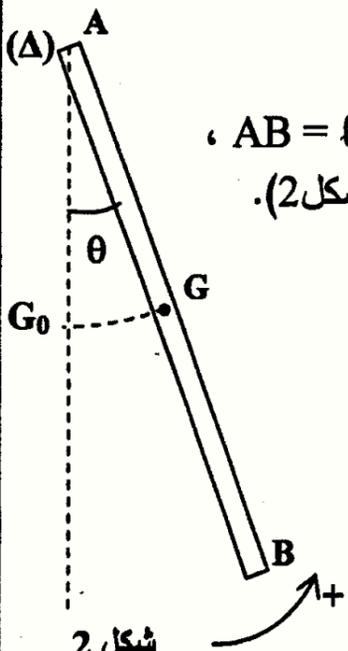
ندرس حركة النواس في معلم مرتبط بمراجع أرضي نعتبره غاليليا .

نمعلم ، في كل لحظة ، موضع النواس بأفصوله الزاوي θ و هو الزاوية التي

تكونها الساق مع الخط الرأسي المار من النقطة A .

نختار المستوى الأفقي المار من النقطة G_0 موضع مركز القصور G

للساق AB ، عند التوازن المستقر ، مرجعا لطاقة الوضع الثقالية $(E_p = 0)$.



شكل 2

نقبل في حالة التذبذبات الصغيرة أن : $\cos \theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2}$ (θ بالراديان) و نأخذ $g = 9,80 \text{ m.s}^{-2}$.

1- المعادلة التفاضلية لحركة النواس

1.1- بين أن تعبير طاقة الوضع الثقالية E_p للساق AB يكتب على الشكل التالي : $E_p = m \cdot g \cdot \frac{\ell}{2} (1 - \cos \theta)$. 0,25

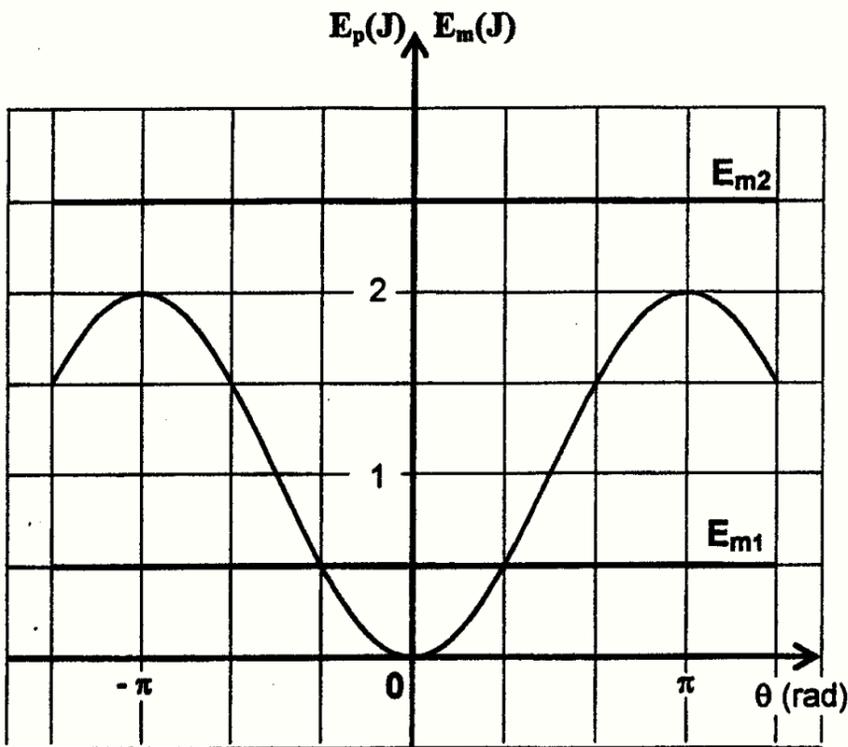
1.2- اكتب ، في حالة التذبذبات الصغيرة ، تعبير الطاقة الميكانيكية E_m للساق ، عند لحظة t ، بدلالة m و ℓ و g . 0,5

θ و $\frac{d\theta}{dt}$.

1.3- استنتج المعادلة التفاضلية للحركة التي يحققها الأفصول الزاوي θ في حالة التذبذبات الصغيرة . 0,5

2- الدراسة الطاقية

نعطي للساق AB، انطلاقا من موضع توازنها المستقر، سرعة بدئية تمكنها من اكتساب طاقة ميكانيكية E_m .



شكل 3

يعطي الشكل 3 مخطط تطور كل من طاقة الوضع الثقالية E_p والطاقة الميكانيكية E_m للساق AB في تجربتين مختلفتين حيث يتم إرسال العارضة انطلاقا من موضع توازنها المستقر في كل مرة بسرعة بدئية معينة فتكتسب بذلك طاقتين ميكانيكيتين مختلفتين :

- في التجربة (1) : $E_m = E_{m1}$ ؛
 - في التجربة (2) : $E_m = E_{m2}$.
- 2.1- اعتمادا على المبيان (الشكل 3)، حدد طبيعة حركة الساق AB خلال كل تجربة .

0,5

2.2- عين، مبيانيا، القيمة القصوى

0,75

للأصول الزاوي θ للنواس خلال التجربة (1). استنتج الكتلة m للساق.

2.3- خلال التجربة (2) تتغير الطاقة الحركية للساق بين قيمة دنيا $E_{C(min)}$ وقيمة قصوى $E_{C(max)}$.

0,5

أوجد قيمة كل من $E_{C(max)}$ و $E_{C(min)}$.

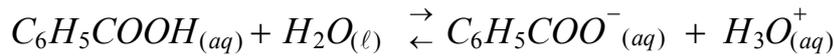
الكيمياء

الجزء الأول: دراسة حمضية محلولين مائيين
1- دراسة محلول حمض البنزويك:

1.1- حساب التركيز C_A المولي للمحلول S_A :

$$C_A = \frac{n_0(HA_1)}{V} = \frac{m}{M(HA_1).V} = \frac{0,305}{122 \times 0,25} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

2.1- معادلة تفاعل الحمض C_6H_5COOH مع الماء:



3.1- تعبير الثابتة pK_A للمزدوجة HA_1 / A_1^{-} بدلالة C_A و τ .

- إنشاء الجدول الوصفي:

$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$				معادلة التفاعل	
كميات المادة				التقدم x	
$C_A.V$	وفير	0	0	$x=0$	الحالة البدئية
$C_A.V - x_{\acute{e}q}$	وفير	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x = x_{\acute{e}q}$	حالة التوازن
$C_A.V - x_m$	وفير	x_m	x_m	$x = x_m$	عند تحول كلي

- حسب التعريف، يكتب تعبير K_A على النحو التالي:

$$K_A = \frac{[H_3O^{+}]_{\acute{e}q} \times [C_6H_5COO^{-}]_{\acute{e}q}}{[C_6H_5COOH]_{\acute{e}q}}$$

نعلم أن :

$$pK_A = -\log(K_A) = -\log\left(\frac{[H_3O^{+}]_{\acute{e}q} \times [C_6H_5COO^{-}]_{\acute{e}q}}{[C_6H_5COOH]_{\acute{e}q}}\right)$$

- حسب الجدول نجد :

$$n_{\acute{e}q}(H_3O^{+}) = x_{\acute{e}q} \Rightarrow [H_3O^{+}]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \Rightarrow x_{\acute{e}q} = [H_3O^{+}]_{\acute{e}q} \cdot V$$

$$C_A V - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C_A \cdot V$$

$$\tau = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_m} = \frac{[H_3O^{+}]_{\acute{e}q} \cdot V}{C_A \cdot V} \Rightarrow [H_3O^{+}]_{\acute{e}q} = \tau \cdot C_A$$

- من الجدول الوصفي نجد كذلك ::

$$n_{\acute{e}q}(C_6H_5CO_2H) = C_A \cdot V - x_{\acute{e}q} \quad \text{و:}$$

$$\Rightarrow [C_6H_5CO_2H]_{\acute{e}q} = \frac{C_A \cdot V - x_{\acute{e}q}}{V}$$

$$\Rightarrow [C_6H_5CO_2H]_{\acute{e}q} = C_A - \frac{x_{\acute{e}q}}{V}$$

$$\Rightarrow [C_6H_5CO_2H]_{\acute{e}q} = C_A - [H_3O^{+}]_{\acute{e}q} = C_A \cdot (1 - \tau)$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

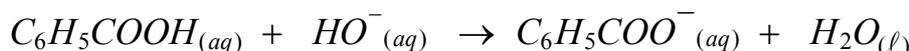
$$pK_A = -\log \left[\frac{\tau^2 \cdot C_A}{1-\tau} \right] \quad \text{ومنه :}$$

$$pK_A = -\log \left[\frac{(7,94 \cdot 10^{-2})^2 \times 10^{-2}}{1-7,94 \cdot 10^{-2}} \right] \approx 4,16 \quad \text{: } pK_A \text{ حساب *}$$

* $pH = 3,10 < pK_A \approx 4,16$: النوع المهيمن هو الشكل الحمضي C_6H_5COOH .

2- تفاعل محلول حمض البنزويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم

1.2- كتابة المعادلة المنمذجة لتفاعل المعايرة بين النوعين C_6H_5COOH و HO^- :



2.2- حساب كمية المادة $n(HO^-)_f$ الموجودة في الخليط في الحالة النهائية:

- إنشاء الجدول الوصفي لتطور المجموعة:

$C_6H_5COOH + HO^- \rightarrow C_6H_5COO^- + H_2O$				معادلة التفاعل	
كميات المادة				التقدم x	حالة المجموعة
$C_A \cdot V_A$	$C_B \cdot V_B$	0	0	$x=0$	الحالة البدئية
$C_A \cdot V_A - x$	$C_B \cdot V_B - x$	x	x	x	قبل حالة التكافؤ
$C_A \cdot V_A - x_f$	$C_B \cdot V_B - x_f$	$x = x_f$	$x = x_f$	$x = x_f$	حالة التكافؤ

- نحسب الجداثين $C_A \cdot V_A$ و $C_B \cdot V_B$: * $n(HA_1)_i = C_A \cdot V_A = 10^{-2} \times 40 \cdot 10^{-3} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

* $n(HO^-)_i = C_B \cdot V_B = 2,5 \cdot 10^{-2} \times 5 \cdot 10^{-3} = 1,25 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

- نلاحظ أن $n(HA_1)_i > n(HO^-)_i$ ، وبالتالي المتفاعل المحد هي أيونات الهيدروكسيد HO^-

- نستعمل الجداء الأيوني للماء : $[HO^-]_f \cdot [H_3O^+]_f = Ke$ ، أي : $[HO^-]_f = \frac{Ke}{[H_3O^+]_f} = \frac{10^{-14}}{10^{-pH}}$

$$n(HO^-)_f = 10^{pH-14} \cdot (V_A + V_B) \quad \text{ومنه :}$$

$$n(HO^-)_f = 10^{3,80-14} \cdot (40 + 5) \cdot 10^{-3} = 2,84 \cdot 10^{-12} \text{ mol} \quad \text{تطبيق عددي :}$$

3.2- استنتاج نسبة التقدم النهائي للتفاعل : $n(HO^-)_f = C_B \cdot V_B - x_f \Rightarrow x_f = C_B \cdot V_B - n(HO^-)_f$

$$C_B \cdot V_B - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C_B \cdot V_B \quad \text{و}$$

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{C_B \cdot V_B - n(HO^-)_f}{C_B \cdot V_B}$$

$$\Rightarrow \tau = \frac{1,25 \cdot 10^{-4} - 2,84 \cdot 10^{-12}}{1,25 \cdot 10^{-4}} \approx 1$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

3- مقارنة حمضية محلولين

* حساب النسبة $\frac{\tau_1}{\tau_2}$:

- نحدد أولا تعبير نسبة التقدم النهائي للتفاعل بدلالة موصلية المحلول:

$$\sigma = \lambda_{H_3O^+} \times [H_3O^+] + \lambda_{A^-} \times [A^-] \quad - \text{ يكتب تعبير الموصلية للمحلول:}$$

$$n(A^-) = n(H_3O^+) = x_{\acute{e}q} \quad - \text{ من الجدول الوصفي نتوصل إلى:}$$

$$[A^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \quad (*) \quad \text{ومنه:}$$

$$\sigma = (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-}) \cdot [H_3O^+]_{\acute{e}q} \quad - \text{ تكتب موصلية المحلول:}$$

$$[H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-}} \quad (1) \quad - \text{ نستنتج تعبير التركيز المولي:}$$

- التوصل إلى تعبير نسبة التقدم النهائي τ :

$$x_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot V \quad \text{من العلاقة (*) نجد:}$$

$$CV - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C \cdot V \quad \text{و كذلك:}$$

$$\tau = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_m} = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot V}{C \cdot V} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q}}{C} \quad (2)$$

$$\tau = \frac{\sigma}{C \cdot (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-})} \quad - \text{ من العلاقتين (1) و(2) نستنتج:}$$

$$\frac{\tau_2}{\tau_1} = \frac{\sigma_2}{\sigma_1} \times \frac{C \cdot (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A_1^-})}{C \cdot (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A_2^-})} \quad - \text{ نحدد النسبة المطلوبة:}$$

$$\frac{\tau_2}{\tau_1} = \frac{\sigma_2 \cdot (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A_1^-})}{\sigma_1 \cdot (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A_2^-})} \quad \text{أو:}$$

$$\frac{\tau_2}{\tau_1} = \frac{0,86 \cdot 10^{-2} \times (35 \cdot 10^{-3} + 3,20 \cdot 10^{-3})}{2,36 \cdot 10^{-2} \times (35 \cdot 10^{-3} + 3,62 \cdot 10^{-3})} = 0,36 \quad \text{تطبيق عددي:}$$

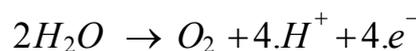
* نلاحظ أن $\tau_1 > \tau_2$ ، ومنه فإن محلول حمض البنزويك أكثر حمضية من محلول حمض الساليسيليك.

الجزء الثاني: التفضيخ بواسطة التحليل الكهربائي

1- يجب أن يكون الصحن هو الكاثود.

2- كتابة المعادلة الحصيلة للتحليل الكهربائي:

- عند الأنود تحدث أكسدة لجزيئات الماء وفق المعادلة الإلكترونية التالية:



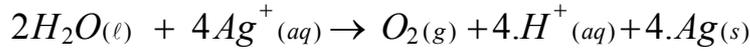
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

- عند الكاثود يحدث اختزال لأيونات الفضة وفق المعادلة الإلكترونية التالية:



- المعادلة الحصيلة هي:

-3 حساب m الكتلة لطبقة الفضة المتوضعة على سطح الصحن:

$$m = \rho.V = \rho.S.e = 10,5 \times 190,5 \times 20 \cdot 10^{-4} = 4 \text{ g}$$

-4 التركيز المولي البدئي الأدنى لمحلول نترات الفضة:

$$[Ag^+]_i = \frac{n(Ag^+)_i}{V} = \frac{m}{M(Ag).V} = \frac{4}{108 \times 0,2} = 0,185 \text{ mol.L}^{-1}$$

-5 يستغرق التحليل الكهربائي المدة الزمنية $\Delta t = 30 \text{ min}$

-1.5 * الجدول الوصفي للتحول عند الكاثود، باعتبار عدد الإلكترونات المتبادل بين المختزل والمؤكسد:

معادلة التفاعل			$4Ag^+ + 4e^- \rightarrow 4Ag$	
حالة المجموعة	التقدم x	كميات المادة (mol)		كمية مادة الإلكترونات المتبادلة
الحالة البدئية	$x = 0$	0	n_i
حالة وسيطية	$x(30 \text{ min}) = x_1$	$4.x_1$	$n(e^-) = 4.x_1$

* استنتاج قيمة شدة التيار الكهربائي:

- كمية مادة الإلكترونات المتبادلة: $n(e^-) = 4.x_1$ و $n(e^-) = \frac{I.\Delta t}{F}$ ، ومنه: (1) $x_1 = \frac{I.\Delta t}{4.F}$ - حسب الجدول الوصفي: $n(Ag) = 4.x_1$ و $n(Ag) = \frac{m}{M(Ag)}$ ، ومنه: (2) $x_1 = \frac{m}{4.M(Ag)}$

$$I = \frac{m.F}{M(Ag).\Delta t} = \frac{4 \times 9,65 \cdot 10^4}{108 \times 30 \times 60} = 1,98 \text{ A}$$

ومن العلاقتين (1) و(2)، نستنتج:

-2.5 حساب الحجم $V(O_2)$ لغاز ثنائي الأوكسجين المتكون خلال المدة $\Delta t = 30 \text{ min}$:- حسب الجدول الوصفي: $n(O_2) = x_1$ و $\frac{V(O_2)}{V_m} = n(O_2) = x_1$ ، ومنه:

$$V(O_2) = \frac{m.V_m}{4.M(Ag)} = \frac{4 \times 25}{4 \times 108} = 0,23 \text{ L}$$

فيزياء

فيزياء 1 - تحديد قطر خيط رفيع

1- حيود الضوء في الهواء

1.1- تبرز هذه التجربة الطابع الموجي للضوء.

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

2.1- أيجاد تعبير a بدلالة L_1 و D و v و c :

$$(1) \quad \theta = \frac{\lambda}{a} \quad \text{مع} \quad \lambda = \frac{c}{v}, \quad \text{ومنه} \quad : \quad \theta = \frac{c}{v \cdot a}$$

$$\text{- حسب الشكل جانبه} \quad : \quad \tan(\theta_1) = \frac{L_1/2}{D} = \frac{L_1}{2.D}$$

$$\theta_1 = \frac{L_1}{2.D} \quad (2) \quad \text{ومنه} \quad , \quad \tan(\theta_1) \approx \theta_1 \text{ (rad)} \quad \text{نستعمل التقريب}$$

$$a = \frac{2 \cdot c \cdot D}{v \cdot L_1} \quad (*) \quad \text{- من العلاقتين (1) و (2)، نستنتج:}$$

$$a = \frac{2 \times 3.10^8 \times 0,5}{4,44.10^{14} \times 0,67} \approx \frac{10^{-6} \text{ m}}{1} = 1 \mu\text{m} \quad \text{- تطبيق عددي:}$$

2- حيود الضوء في الزجاج :

نضع بين الصفيحة والشاشة قطعة زجاج على شكل متوازي المستطيلات.
إيجاد تعبير L_2 بدلالة L_1 و n معامل انكسار الزجاج:

بما أن عرض الشق لم يتغير، وحسب العلاقة (*)، نكتب: $\frac{2 \cdot c \cdot D}{v \cdot L_1} = \frac{2 \cdot V \cdot D}{v \cdot L_2}$ ، حيث V سرعة الضوء في الزجاج.

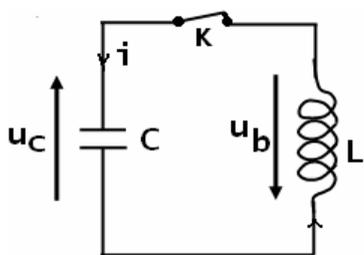
$$\text{من العلاقة السابقة نجد:} \quad L_2 = \frac{V}{c} \times L_1 \quad , \quad \text{وباستعمال العلاقة:} \quad n = \frac{c}{V} \quad , \quad \text{نستنتج أن:} \quad L_2 = \frac{L_1}{n}$$

3- تحديد القطر d لخيط نسيج العنكبوت:

$$d = \frac{2 \cdot c \cdot D}{v \cdot L_3} \quad \text{نعيد كتابة العلاقة (*)، بتعويض} \quad a \quad \text{بـ} \quad d$$

$$d = \frac{2 \times 3.10^8 \times 0,5}{4,44.10^{14} \times 10^{-2}} \approx \frac{6,76.10^{-5} \text{ m}}{1} = 67,6 \mu\text{m} \quad \text{تطبيق عددي:}$$

فيزياء 2



الجزء الأول: دراسة التذبذبات الكهربائية الحرة.

1- إثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة q للمكثف.- يكتب قانون إضافية التوترات: (*) $u_b + u_c = 0$ - في اصطلاح المستقبل: $u_c = \frac{q}{C}$ و $u_b = L \cdot \frac{di}{dt}$ - لدينا: $i = \frac{dq}{dt}$ و $\frac{di}{dt} = \frac{d^2q}{dt^2}$ ، ومنه $u_b = L \cdot \frac{d^2q}{dt^2}$

$$\text{تكتب المعادلة (*)} \quad : \quad \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{LC} q = 0$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

* 2- حساب الشحنة القصوى Q_m :

$$Q_m = q(0) = C.U$$

$$= 10.10^{-6} \times 6 = \underline{6.10^{-5} C}$$

عند اللحظة $t = 0$ ، تتحقق العلاقة* إيجاد تعبير الدور الخاص T_0 للتذبذبات:

حل هذه المعادلة يكتب على الشكل التالي: $q(t) = Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$ و $\frac{d^2q}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot Q_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$

- نعوض تعبير كل من q و $\frac{d^2q}{dt^2}$ في المعادلة التفاضلية الأخيرة:

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) + \frac{1}{LC} \cdot Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) = 0$$

$$\Rightarrow \left[-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{1}{LC} \right] \cdot Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) = 0$$

من المعادلة نستنتج أن: $-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{1}{LC} = 0$ ، ومنه نحصل على التعبير: $T_0 = 2\pi \sqrt{LC}$

$$1.3- \text{ نبيّن أن : } \frac{Ee}{E} = \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$$

- نكتب تعبير كل من الطاقة الكلية للدارة E والطاقة الكهربائية Ee المخزونة في المكثف عند اللحظة t .

$$Ee = \frac{1}{2C} q^2 = \frac{1}{2C} Q_m^2 \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \quad \text{الطاقة الكهربائية } Ee :$$

الطاقة الكلية للدارة E :

$$E = Ee + Em$$

$$= \frac{1}{2C} q^2 + \frac{1}{2} \cdot L \cdot \left[\frac{dq}{dt} \right]^2$$

$$= \frac{1}{2C} Q_m^2 \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) + \frac{1}{2} \cdot L \cdot \left[-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right) \cdot Q_m \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \right]^2$$

$$= \frac{1}{2C} Q_m^2 \quad \left(\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{1}{LC} \text{ و } \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) + \sin^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) = 1 \right)$$

نلاحظ أن: $Ee = E \cdot \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$ ، ومنه: $\frac{Ee}{E} = \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$

* 2.3- إتمام الجدول:

اللحظة t	0	$\frac{T_0}{8}$	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{3T_0}{8}$	$\frac{T_0}{2}$
النسبة: $\frac{Ee}{E} = \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$	1	0,5	0	0,5	1

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

* استنتاج الدور T لتبادل الطاقة بين المكثف والوشيجة بدلالة T_0 .

$$\text{حسب الجدول نلاحظ أن الدالة } f(t) = \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \text{ ، دورية بحيث: } T = \frac{T_0}{2}$$

الجزء الثاني: التواصل بواسطة الموجات الكهرمغناطيسية.

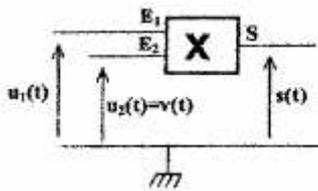
1- إرسال موجة كهرمغناطيسية بواسطة الهاتف المحمول:

1.1- حساب المدة الزمنية Δt :

$$\Delta t = \frac{M_1 M_2}{c} = \frac{10^3}{3 \cdot 10^8} \approx 3,33 \cdot 10^{-6} \text{ s} = 3,33 \mu\text{s} \quad \text{ومنه } M_1 M_2 = c \cdot \Delta t$$

2.1- الهواء وسط غير مبدد بالنسبة للموجات الكهرمغناطيسية، لأن سرعة هذه الموجات في الهواء ($c = 3 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$)لا تتعلق بتردد (هذه الموجات الكهرمغناطيسية) المحصور في المجال: $[900 \text{ MHz}; 1800 \text{ MHz}]$.3.1- أ- نجد الموجة الحاملة عند النقطة B .ب- نجد الإشارة المضمّنة عند النقطة C .

2- تضمين الوسع:

1.1- نبين أن وسع الإشارة المضمّنة يكتب على الشكل: $S_m(t) = A \cdot [m \cdot \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + 1]$ التوتر عند المخرج S :

$$\begin{aligned} s(t) &= k \cdot u_1(t) \cdot u_2(t) \\ \Rightarrow s(t) &= k \cdot [u(t) + U_0] \cdot V_m \cos(2\pi \cdot F \cdot t) \\ \Rightarrow s(t) &= k \cdot [U_m \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + U_0] \cdot V_m \cos(2\pi \cdot F \cdot t) \\ \Rightarrow s(t) &= k U_0 \cdot \left[\frac{U_m}{U_0} \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + 1 \right] \cdot V_m \cos(2\pi \cdot F \cdot t) \\ \Rightarrow s(t) &= k U_0 V_m \cdot \left[\frac{U_m}{U_0} \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + 1 \right] \cdot \cos(2\pi \cdot F \cdot t) \end{aligned}$$

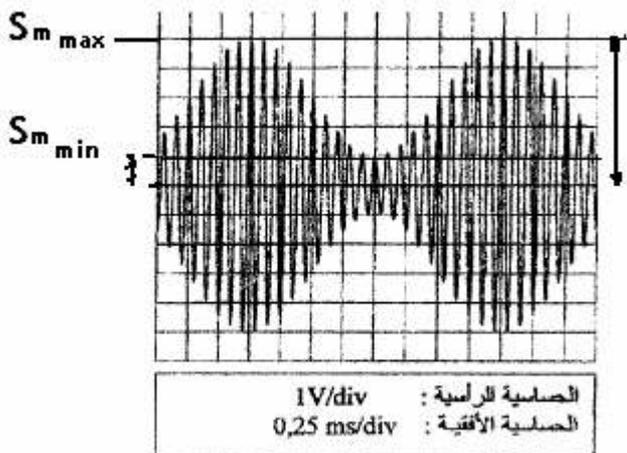
يكتب هذا التعبير على الشكل: $S_m(t) = A \cdot [m \cdot \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + 1]$ ، حيث: $A = k U_0 V_m$ و $m = \frac{U_m}{U_0}$ 2.2- الشكل جانبه يعطي التوتر المضمّن $s(t)$ بدلالة الزمن t .

أ- تردد الموجة الحاملة:

$$\begin{aligned} 5 \cdot T &= 2 \text{ div} \times 0,25 \text{ ms} / \text{div} = 0,5 \text{ ms} \\ \Rightarrow T &= 0,1 \text{ ms} = 10^{-4} \text{ s} \\ \Rightarrow F &= \frac{1}{T} = \frac{1}{10^{-4}} = 10^4 \text{ Hz} \end{aligned}$$

ب- تردد الإشارة المضمّنة:

$$\begin{aligned} T' &= 8 \text{ div} \times 0,25 \text{ ms} / \text{div} \\ \Rightarrow T' &= 2 \text{ ms} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ s} \\ \Rightarrow f &= \frac{1}{T'} = \frac{1}{2 \cdot 10^{-3}} = 500 \text{ Hz} \end{aligned}$$

ج- الوسع الأدنى: $S_{m \min} = 1 \text{ div} \times 1 \text{ V} / \text{div} = 1 \text{ V}$ الوسع الأقصى: $S_m = 5 \text{ div} \times 1 \text{ V} / \text{div} = 5 \text{ V}$ 

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$3.2- \text{تعبير نسبة التضمين وقيمتها: } m = \frac{Sm_{\max} - Sm_{\min}}{Sm_{\max} + Sm_{\min}} = \frac{5 - 1}{5 + 1} \approx 0,66$$

4.2- بما أن $m < 1$ و $f = 500 \text{ Hz}$ و $F = 10^4 \text{ Hz} \gg f$ ، فنحصل على تضمين الواسع جيد.

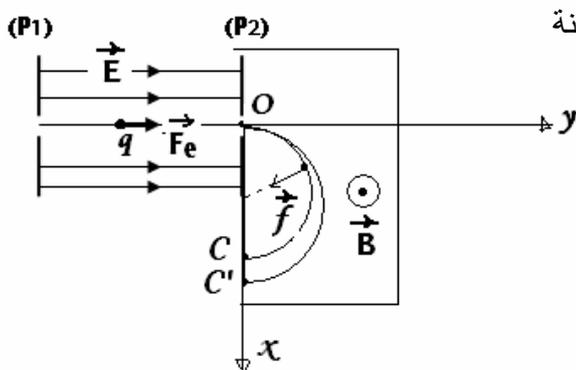
فيزياء 3

الجزء الأول: فرز نظيري عنصر كيميائي

1- الصفحة التي يجب أن يكون لها أكبر جهد كهربائي هي (P_1) ، لأن شحنة الأيونات Zn^{2+} موجبة: $q(Zn^{2+}) = +2.e$ ويجب أن يخضع الأيون لقوة كهروستاتيكية $\vec{F}_e = q(Zn^{2+}) \cdot \vec{E}$ ، حيث المجال الكهروستاتيكي \vec{E} المحدث بين الصفيحتين يكون موجهاً نحو الجهد الأدنى أي نحو الصفحة (P_2) .

2- للأيونين $^{68}Zn^{2+}$ و $^A Z_n^{2+}$ نفس الطاقة الحركية عند النقطة O.

يخضع الأيون بين (P_1) و (P_2) إلى القوة الكهروستاتيكية \vec{F}_e ، وبتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية، نكتب:



$$Ec_{(P_2)} - Ec_{(P_1)} = W_{P_1 \rightarrow P_2}(\vec{F}_e)$$

$$\Rightarrow Ec - 0 = q \cdot (V_{P_1} - V_{P_2}) = q \cdot U$$

$$\Rightarrow Ec = 2.e.U \quad (*)$$

ومن هنا فإن الطاقة الحركية هي نفسها بالنسبة للأيونين $^{68}Zn^{2+}$ و $^A Z_n^{2+}$.

3- * تعبير v_1 سرعة الأيون $^{68}Zn^{2+}$ عند النقطة O:

$$Ec(^{68}Zn^{2+}) = 2.e.U \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot v_1^2 = 2.e.U \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot (68.m) \cdot v_1^2 = 2.e.U \Rightarrow v_1 = \sqrt{\frac{4.e.U}{68.m}} \quad (*)$$

$$m_1 \cdot v_1 = m_1 \cdot \sqrt{\frac{4.e.U}{68.m}} = \sqrt{272.m.e.U} \quad \text{ملحوظة:}$$

* تعبير v_2 سرعة الأيون $^A Z_n^{2+}$ عند النقطة O:

$$Ec(^A Z_n^{2+}) = 2.e.U \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot m_2 \cdot v_2^2 = 2.e.U \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot (A.m) \cdot v_2^2 = 2.e.U \Rightarrow v_2 = \sqrt{\frac{4.e.U}{A.m}}$$

$$v_2 = v_1 \cdot \sqrt{\frac{68}{A}} \quad \text{ومن هنا يكتب تعبير } v_2 \text{ كما يلي:}$$

$$m_2 \cdot v_2 = m_2 \cdot v_1 \cdot \sqrt{\frac{68}{A}} = m \cdot v_1 \cdot \sqrt{68.A} = m \cdot \sqrt{\frac{4.e.U}{68.m}} \cdot \sqrt{68.A} = \sqrt{4.m.A.e.U} \quad \text{ملحوظة:}$$

4- تدخل الأيونات حيزاً من الفضاء يوجد فيه مجال مغناطيسي منتظم شدته $B = 0,10 \text{ T}$.

1.4- يكون منحى متجهة المجال المغناطيسي موجهاً نحو خارج التبيانة المبينة أعلاه، بتطبيق قاعدة الأصابع الثلاثة لليد اليمنى.

2.4- حركة الأيونات Zn^{2+} تتم في المستوى (O, x, y)

- يكتب تعبير متجهة المجال \vec{B} في الأساس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$: $\vec{B} = B \cdot \vec{k}$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

- يخضع الأيون إلى قوة لورنتز \vec{f} ، بحيث: $\vec{f} = q \cdot \vec{v} \wedge \vec{B} = qB \cdot \vec{v} \wedge \vec{k}$ - نطبق القانون الثاني لنيوتن في المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ المرتبط بالأرض الذي نعتبره غاليليا:

$$\vec{f} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow m \cdot \vec{a} = qB \cdot \vec{v} \wedge \vec{k} \Rightarrow \vec{a} = \frac{qB}{m} \cdot \vec{v} \wedge \vec{k} (*)$$

- حسب هذه العلاقة المتجهية، فإن متجهة التسارع عمودية على المحور (Oz) ، أي أن $a_z = 0$ ، وبإيجاز تكاملين متتاليين، وباعتبار الشروط البدئية، (عند $t = 0$ ، $(v_z)_0 = 0$ و $(z)_0 = 0$) نتوصل إلى $z = 0$ ، فتكون حركة الأيونات مستوية.

3.4- طبيعة حركة الأيونات داخل المجال المغنطيسي:

- تخضع الأيونات أثناء حركتها في مجال المغنطيسي المنتظم إلى قوة لورنتز \vec{f} التي تكون دائما عمودية على \vec{v} ، أي أن

$$\vec{f} \cdot \vec{v} = 0 \text{، إذن قدرة هذه القوة منعدمة: } P(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \vec{v} = 0 \text{، وبما أن } P(\vec{F}) = 0 \text{، نستنتج أن } E_c = Cte.$$

نتيجة: الطاقة الحركية للأيون Zn^{2+} تحفظ، فتكون حركته منتظمة.- حسب هذه العلاقة المتجهية السابقة، فإن متجهة التسارع عمودية على المتجهة الواحدية \vec{n} لأساس فرييني (\vec{u}, \vec{n}) :

$$\vec{a} = a_n \cdot \vec{n} \text{، ومنه } a_T (= \frac{dv}{dt}) = 0 \text{ و } a = a_n = \frac{v_0^2}{\rho}$$

$$\rho = \frac{m \cdot v_0}{|q| \cdot B} = Cte \Leftrightarrow \frac{|q| \cdot B}{m} v_0 = \frac{v_0^2}{\rho} \text{، إذن: } a = \frac{|q| \cdot B}{m} v_0 \cdot \sin(\pi/2) = \frac{|q| \cdot B}{m} v_0 (*)$$

$$\text{نتيجة: مسار الدقيقة دائري وشعاعه يساوي: } R = \frac{m \cdot v_0}{|q| \cdot B}$$

4.4- استنتاج قيمة عدد الكتلة A للأيون Zn^{2+} :

من التبيانة السابقة نلاحظ أن:

$$CC = D' - D$$

$$\Rightarrow CC = 2 \cdot R' - 2 \cdot R$$

$$\Rightarrow CC = 2 \times \frac{m_2 \cdot v_2}{2 \cdot e \cdot B} - 2 \times \frac{m_1 \cdot v_1}{2 \cdot e \cdot B}$$

$$\Rightarrow CC = \frac{\sqrt{4 \cdot A \cdot m \cdot e \cdot U} - \sqrt{272 \cdot m \cdot e \cdot U}}{e \cdot B}$$

$$\Rightarrow CC \cdot e \cdot B + \sqrt{272 \cdot m \cdot e \cdot U} = \sqrt{4 \cdot A \cdot m \cdot e \cdot U}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{4 \cdot m \cdot e \cdot U} \left(CC \cdot e \cdot B + \sqrt{272 \cdot m \cdot e \cdot U} \right)^2$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{4 \times 1,67 \cdot 10^{-27} \times 1,6 \cdot 10^{-19} \times 10^3} \left(8 \cdot 10^{-3} \times 1,6 \cdot 10^{-19} \times 0,1 + \sqrt{272 \times 1,67 \cdot 10^{-27} \times 1,6 \cdot 10^{-19} \times 10^3} \right)^2$$

$$\Rightarrow \underline{A = 70}$$

الجزء الثاني: الدراسة الطاقية لنواس وازن

1- المعادلة التفاضلية لحركة النواس

$$1.1- \text{تعبير طاقة الوضع الثقالية للساق، يكتب على الشكل التالي: } Ep = m \cdot g \cdot \frac{\ell}{2} (1 - \cos(\theta))$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

- نعلم أن : $Ep(z) = mgz + Cte$ (*) ، حيث المحور Oz موجه نحو الأعلى، وحسب الحالة

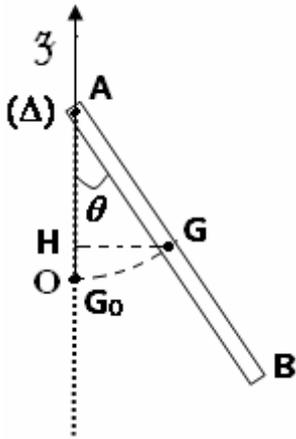
المرجعية $Ep(0) = 0$ فإن $Cte = 0$ ، فتكتب العلاقة (*) : $E_{pp}(z) = mgz$

- من الشكل جانبه يكون تعبير الأنسوب z للنقطة G هو :

$$z = OH = OA - HA = \frac{\ell}{2} - \frac{\ell}{2} \cdot \cos(\theta) = \frac{\ell}{2} \cdot (1 - \cos(\theta))$$

$$Ep(\theta) = mg \frac{\ell}{2} \cdot (1 - \cos(\theta))$$

يصبح تعبير طاقة الوضع الثقالية هو :



2.1- كتابة تعبير الطاقة الميكانيكية للساق عند لحظة t ، في حالة التذبذبات الصغيرة.

$$Em = Ec(t) + Ep(t)$$

$$= \frac{1}{2} J_{\Delta} (\dot{\theta})^2 + mg \frac{\ell}{2} \cdot (1 - \cos(\theta))$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{3} m \cdot \ell^2\right) \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 + mg \frac{\ell}{4} \cdot \theta^2$$

$$= \frac{1}{6} m \ell^2 \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 + \frac{1}{4} m g \ell \cdot \theta^2$$

3.1- استنتاج المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفضول الزاوي θ في حالة التذبذبات الصغيرة :

- تحتفظ الطاقة الميكانيكية للمجموعة المتذبذبة، أي $\frac{dEm}{dt} = 0$ ، أو $\frac{d}{dt} \left[\frac{1}{6} m \ell^2 \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 + \frac{1}{4} m g \ell \cdot \theta^2 \right] = 0$

$$\text{فنجد : } \frac{1}{6} m \ell^2 \cdot \left[2 \cdot \frac{d\theta}{dt} \cdot \frac{d^2\theta}{dt^2} \right] + \frac{1}{4} m g \ell \cdot \left[2 \cdot \theta \cdot \frac{d\theta}{dt} \right] = 0$$

$$\Rightarrow \frac{d\theta}{dt} \neq 0 \times \underbrace{\left(\frac{1}{3} \ell \cdot \frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{1}{2} g \cdot \theta \right)}_{=0} = 0$$

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{3g}{2\ell} \cdot \theta = 0$$

فيكون تعبير المعادلة التفاضلية هو :

2- الدراسة الطاقية :

1.1- طبيعة حركة الساق خلال كل تجربة :

- في التجربة (1) ، تكون حركة الساق دورانية تذبذبية.

- في التجربة (2) ، تكون حركة الساق دورانية غير تذبذبية.

2.2- * مبيانيا، خلال التجربة (1) ، القيمة القصوى للأفضول الزاوي هي : $\theta_m = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$

* استنتاج الكتلة m للساق :

عند الأفضول الزاوي $\theta = \theta_m$ ، تتحقق العلاقة $Em(\theta_m) = Ep(\theta_m)$ ، أي : $m \cdot g \frac{\ell}{2} \cdot (1 - \cos(\theta_m)) = Em$ ، ومنه :

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$m = \frac{2.E_m}{g.l.(1 - \cos(\theta_m))}$$

$$= \frac{2 \times 0,5}{9,80 \times 0,60 \times (1 - \cos(\pi/3))}$$

$$= 0,34 \text{ kg}$$

3.2- * خلال التجربة (2)، القيمة القصوى للطاقة الحركية للساق هي: $Ec_{(\max)} = E_{m2} - Ep_{(\min)} = 2,5 - 0 = 2,5 \text{ J}$

* خلال التجربة (2)، القيمة الدنيا للطاقة الحركية للساق هي: $Ec_{(\min)} = E_{m2} - Ep_{(\max)} = 2,5 - 2 = 0,5 \text{ J}$