

### التمرين 1

أسئلة مستقلة :

1. ليكن  $x$  عددا حقيقيا و  $y$  عدد حقيقي موجب قطعاً

$$A = e^{\ln(y)} - \ln(2e^y) - \ln\left(\frac{e}{2}\right) : \text{بسّط ما يلي}$$

$$B = \frac{(e^x)^5 \times e^{3-x}}{\left(e^{1+\frac{3}{2}x}\right)^2}$$

2. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلتين :  $e^{1-x} \times e^{2x} = e$

$$\frac{e^{2-x}}{e^{1+2x}} = e^{x-1}$$

3. أحسب النهايات التالية :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 - x + 1)e^x$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x - 1}{x^2}$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x - x$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 + x + 1 - e^x \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{\ln x}$$

### التمرين 2

1. حل في  $\mathbb{C}$  المعادلة  $z^2 - 6z + 25 = 0$

2. نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب للمعلم المتعامد المباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  ، النقط

$E, D, C, B, A$  التي أحاقها على الوالي هي :

$$e = 3 + 8i, d = 5 + 6i, c = 2 + 3i, b = 3 - 4i, a = 3 + 4i$$

أ. أحسب  $\frac{d-c}{a-c}$  ثم استنتج أن النقط  $D, C, A$  مستقيمية

ب. نعتبر التحاكي  $h$  الذي مركزه  $B$  و نسبته  $\frac{3}{2}$  و لتكن النقطة  $M(z)$  من المستوى

العقدي و  $M'(z')$  صورتها بالتحاكي  $h$

بين أن  $z' = \frac{3}{2}z - \frac{3}{2} + 2i$  ثم استنتج أن النقطة  $E$  هي صورة النقطة  $A$  بالتحاكي  $h$

التنقيط

2

2

3

1.5

1.5

1.5

التمرين 3

I - نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $g(x) = e^x - x - 1$

1. أدرس تغيرات الدالة  $g$

2. استنتج أن :  $g(x) \geq 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$

II - نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $f(x) = e^{2x} - 2xe^x - 1$

ليكن  $(C)$  منحنى  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

1. بين أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$  ، ثم أول النتيجة هندسيا.

2. أ. بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  وأن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$

$$( \text{لاحظ } f(x) = xe^x \left( \frac{e^x}{x} - 2 \right) - 1 )$$

ب. تحقق من أن  $(C)$  يقبل فلرعا شلجميا بجوار  $+\infty$  ، يتم تحديد إتجاهه

3. أ. بين أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  ،  $f'(x) = 2g(x)e^x$

ب. استنتج أن الدالة  $f$  تزايدية على  $\mathbb{R}$

ج . أحسب  $f'(0)$  ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة

د . أنشئ المنحنى  $(C)$