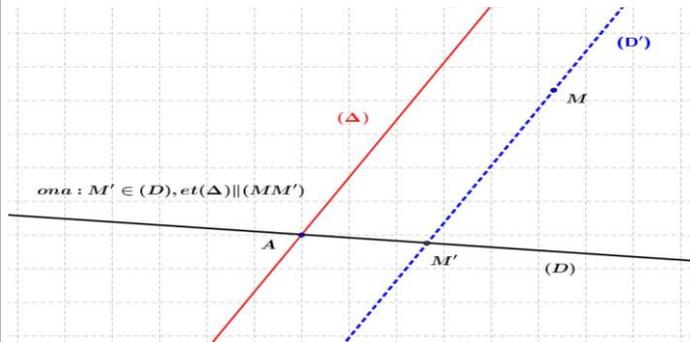


La projection dans le plan

1) La projection sur une droite parallèlement à une autre droite



a) Soient (D) et (Δ) deux droites sécantes en un point A , et soit M un point du plan

La droite qui passe par M et parallèle à (Δ) coupe (D) en un point M'

le point M' s'appelle la projection du point M sur (D) parallèlement à (Δ) ou le projeté M sur

(D) parallèlement à (Δ) ou l'Image du point M par la projection $P_{(D; \Delta)}$ sur (D) parallèlement à (Δ) et on écrit : $P_{(D; \Delta)}(M) = M'$ ou $P(M) = M'$

la droite (Δ) s'appelle la direction de la projection

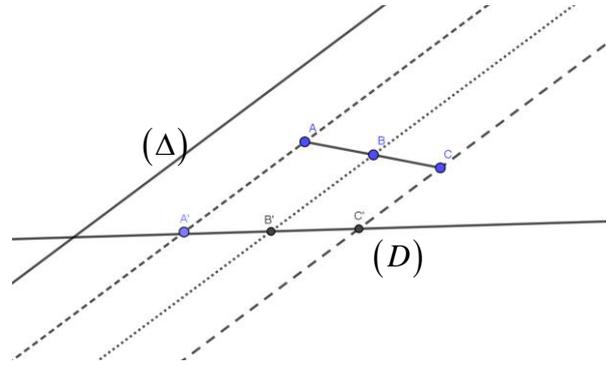
$P(M) = M'$: M' l'Image du point M par la projection P
 si $B \in (D)$ alors $P(B) = B$ on dit alors que le point B est invariant par la projection P

2) Propriétés

- Chaque point de (D) est confondu avec sa projection
- Est tout point confondu avec sa projection est un point de (D)
- On dit que la droite (D) est invariante par la projection sur (D) parallèlement à (Δ)
- L'image du segment $[AB]$ par la projection P est le segment $[A'B']$ et on écrit : $P([AB]) = [A'B']$
- La projection conserve les milieux

remarque : Si les droite (D) et (Δ) sont perpendiculaire On dit que M' est la projection orthogonale de M sur (D)

3) Théorème de Thales : Soient (D) et (Δ) deux droites sécantes en un point, et soient $A ; B ; C$ trois points alignés du plan tel que (AB) et (Δ) ne sont pas parallèles



soient $A' ; B' ; C'$ et D' respectivement les projetés des points $A ; B ; C$ et D sur (D) parallèlement à (Δ)

a) Alors : $\frac{AB}{AC} = \frac{A'B'}{A'C'}$

b) Si : $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC}$ avec $k \in \mathbb{R}$ alors $\overrightarrow{A'B'} = k\overrightarrow{A'C'}$
 La projection conserve le coefficient d'alignement de trois points

c) si $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{CD}$ Alors : $\overrightarrow{A'B'} = k\overrightarrow{C'D'}$
 La projection conserve le coefficient de colinéarité de deux vecteurs

4) le théorème réciproque de Thales

Soient (D) et (D') deux droites non parallèles a une troisième (Δ) , et soient $A ; B$ deux points de la droite (D) tel que A' et B' respectivement les projetés des points $A ; B$ sur (D') parallèlement à (Δ)

Si C un point de la droite (D) et C' un point de la droite (D') tel que $\frac{AB}{AC} = \frac{A'B'}{A'C'}$

Et les points $A ; B$ et C sont dans le même ordre sur la droite (D) que les points $A' ; B'$ et C' sur la droite (D')

Alors : le point C' est la projection de C sur la droite (D') parallèlement à (Δ) et on a $(AA') \parallel (BB') \parallel (CC')$

