

الامتحان الجهوي الموحد  
لنيل شهادة السلك الإعدادي  
دورة يونيو 2019



الصفحة  
1  
2

الموضوع

مدة الإنجاز: ساعتان

مادة : الرياضيات

المعامل : 3

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

التمرين الأول: (5 ن)

(1) أ) حل المعادلة التالية:  $2(3x-5) = 2x-1$  0,75

ب) حل المعادلة التالية:  $(x+6)(3x-4) = 0$  0,75

$$\frac{x+1}{3} \leq \frac{14-x}{6}$$

(2) حل المتراجحة التالية و مثل الحل على مستقيم مدرج 1

(3) أ) حل النظمة التالية:  $\begin{cases} x + y = 123 \\ x - 2y = -9 \end{cases}$  1,5

ب) أحمد و يوسف صديقان من هواة جمع الطوابع البريدية ، مجموع ما لديهما 123 طابعا بريديا.

إذا أعطى يوسف لأحمد ثلاثة طوابع بريدية سيصبح عند أحمد ضعف ما عند يوسف من الطوابع البريدية.

ما هو عدد الطوابع البريدية عند أحمد ؟ 1

التمرين الثاني: (2 ن)

الجدول التالي يعطي عدد ساعات غياب تلاميذ أحد الأقسام بمؤسسة تعليمية، خلال الأسدوس الأول من السنة الدراسية الماضية.

5	4	3	2	1	0	عدد ساعات الغياب
1	3	12	5	9	10	الحصيص (عدد التلاميذ)

(1) حدد منوال هذه المتسلسلة الإحصائية. 0,5

(2) أحسب المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة الإحصائية . 0,5

(3) حدد القيمة الوسطية لهذه المتسلسلة الإحصائية . 0,5

(4) حدد النسبة المئوية لتلاميذ هذا القسم الذين لم يتغيبوا خلال هذا الأسدوس. 0,5

التمرين الثالث: (4 ن)

في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O, I, J)$  ، نعتبر النقط  $A(-2,1)$  و  $B(1,4)$  و  $C(5,0)$

(1) مثل النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  0,75

(2) حدد إحداثيتي المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  و استنتج المسافة  $AB$  0,75

(3) بين أن ميل المستقيم  $(AB)$  هو 1 0,5

(4) بين أن المعادلة المختصرة للمستقيم  $(BC)$  هي  $y = -x + 5$  0,5

(5) بين أن النقطة  $K(3,2)$  هي منتصف القطعة  $[BC]$  0,5

(6) نعتبر النقطة  $H(2,1)$  ، حدد المعادلة المختصرة للمستقيم  $(D)$  المار من النقطة  $H$  و الموازي للمستقيم  $(AB)$  0,5

(7) استنتج أن المستقيم  $(D)$  هو واسط القطعة  $[BC]$  0,5

## التمرين الرابع: (2 ن)

$ABCD$  معين مركزه  $I$  . نعتبر الإزاحة  $t$  ذات المتجهة  $\overline{AI}$

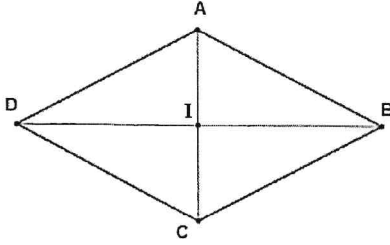
(1) أنشئ النقطة  $F$  صورة  $D$  بالإزاحة  $t$  0,5

(2) بين أن النقطة  $C$  هي صورة النقطة  $I$  بالإزاحة  $t$  0,5

(3) بين أن الرباعي  $ICFD$  مستطيل. 0,5

(4) ليكن  $(\Delta)$  المستقيم المار من النقطة  $I$  و الموازي للمستقيم  $(AB)$  0,5

بين أن المستقيم  $(DC)$  هو صورة المستقيم  $(\Delta)$  بالإزاحة  $t$



## التمرين الخامس: (4 ن)

(1) نعتبر الدالة الخطية  $f$  بحيث  $f(x) = 2x$

(أ) حدد صورة 1 بالدالة  $f$  0,5

(ب) حدد العدد الذي صورته  $\sqrt{3}$  بالدالة  $f$  0,5

(2) لتكن  $g$  دالة تآلفية بحيث  $g(7) - g(5) = 8$  و تمثيلها المبياني يمر من النقطة  $M(1,3)$

(أ) بين أن  $g(x) = 4x - 1$  1

(ب) تحقق أن النقطة  $N(0, -1)$  تنتمي إلى التمثيل المبياني للدالة  $g$  0,5

(3) (أ) أنشئ التمثيل المبياني للدالة التآلفية  $g$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, I, J)$  0,75

(ب) بين أن التمثيل المبياني للدالة التآلفية  $g$  يقطع محور الأفاصل في النقطة  $G\left(\frac{1}{4}, 0\right)$  0,75

## التمرين السادس: (3 ن)

في الشكل جانبه ،  $SABCD$  هرم منتظم قاعدته المربع  $ABCD$

و ارتفاعه  $[SE]$  بحيث  $BD = 10 \text{ cm}$  و  $SE = 9 \text{ cm}$

(1) بين أن  $AB = 5\sqrt{2} \text{ cm}$  1

(2) بين أن حجم الهرم  $SABCD$  هو  $V = 150 \text{ cm}^3$  0,75

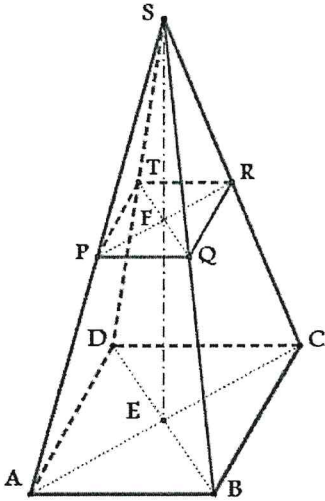
لتكن النقطة  $F$  منتصف القطعة  $[SE]$  . قمنا بتقطيع الهرم  $SABCD$

بمستوى يوازي القاعدة و يمر من  $F$  فصلنا على الهرم  $SPQRT$

الذي يمثل تصغيرا للهرم  $SABCD$  نسبته  $k$

(3) (أ) بين أن  $k = \frac{1}{2}$  0,5

(ب) أحسب  $V'$  حجم الهرم  $SPQRT$  0,75



الامتحان الجهوي الموحد  
لنيل شهادة السلك الإعدادي  
دورة: يونيو 2019



الصفحة  
1  
2

عناصر الإجابة و سلم التنقيط

المعامل : 3

مادة : الرياضيات

التمرين الأول: (5 ن)

- (1) أ) حل المعادلة ..... 0,75 ن (0,5 ن لمراحل الحل و 0,25 ن للنتيجة)  
ب) حل المعادلة ..... 0,75 ن (0,25 ن لمراحل الحل و 0,5 ن للنتيجة)
- (2) المتراجحة ..... 1 ن (0,5 ن للحل و 0,5 ن لتمثيل الحلول)
- (3) أ) النظمة ..... 1,5 ن (0,5 ن لمراحل الحل و 1 ن للنتيجة)  
ب) المسألة ..... 1 ن (0,5 ن لترجمة الوضعية إلى نظمة و 0,5 ن للنتيجة)

التمرين الثاني: (2 ن)

- (1) المنوال ..... 0,5 ن  
(2) المعدل الحسابي ..... 0,5 ن  
(3) القيمة الوسطية ..... 0,5 ن  
(4) النسبة المئوية ..... 0,5 ن

التمرين الثالث: (4 ن)

- (1) تمثيل النقط ..... 0,75 ن (0,25 ن لكل نقطة)
- (2) إحداثيات المتجهة  $\overline{AB}$  ..... 0,5 ن  
المسافة  $AB$  ..... 0,25 ن
- (3) ميل المستقيم  $(AB)$  ..... 0,5 ن (0,25 ن للطريقة و 0,25 ن للنتيجة)
- (4) المعادلة المختصرة للمستقيم  $(BC)$  ..... 0,5 ن (0,25 ن للطريقة و 0,25 ن للنتيجة)
- (5)  $K(3,2)$  منتصف القطعة  $[BC]$  ..... 0,5 ن (0,25 ن للطريقة و 0,25 ن للنتيجة)
- (6) المعادلة المختصرة للمستقيم  $(D)$  ..... 0,5 ن (0,25 ن للطريقة و 0,25 ن للنتيجة)
- (7)  $(D)$  هو واسط القطعة  $[BC]$  ..... 0,5 ن (0,25 ن للطريقة و 0,25 ن للنتيجة)

التمرين الرابع: ( 2 ن )

- (1) إنشاء النقطة  $F$  ..... ن 0,5
- (2)  $C$  هي صورة النقطة  $I$  بالإزاحة  $t$  ..... ن 0,5
- (3) الرباعي  $ICFD$  مستطيل ..... ن 0,5
- (4)  $(DC)$  هو صورة المستقيم  $(\Delta)$  بالإزاحة  $t$  ..... ن 0,5

التمرين الخامس: ( 4 ن )

- (1) أ) صورة 1 بالدالة  $f$  ..... ن 0,5
- ب) تحديد العدد الذي صورته  $\sqrt{3}$  بالدالة  $f$  ..... ن 0,5
- (2) أ)  $g(x) = 4x - 1$  ..... ن 1 ( 0,5 ن للطريقة و 0,5 ن للنتيجة )
- ب)  $N(0, -1)$  تنتمي إلى  $(Cg)$  ..... ن 0,5
- (3) أ) إنشاء  $(Cg)$  ..... ن 0,75
- ب)  $(Cg)$  يقطع محور الأفاصل في  $G\left(\frac{1}{4}, 0\right)$  ..... ن 0,75

التمرين السادس: ( 3 ن )

- (1)  $AB = 5\sqrt{2} \text{ cm}$  ..... ن 1 ( منها 0,5 ن للاستعمال السليم لمبرهنة فيثاغورس المباشرة )
- (2)  $V = 150 \text{ cm}^3$  ..... ن 0,75 ( 0,25 ن للقاعدة و 0,5 ن للنتيجة )
- (3) أ)  $k = \frac{1}{2}$  ..... ن 0,5
- ب) حساب  $V'$  ..... ن 0,75 ( 0,25 ن للقاعدة و 0,5 ن للنتيجة )