

<p>حل المعادلات التالية: $\sqrt{2}x = x + 5$ ، $\frac{x}{2} + 4 = \frac{x}{3}$ ، $2x - 3 = -x + 15$</p> <p>حل المتراجحة: $-4(x - 1) > 7$</p>	4 ن 1,5
<p>x عدد حقيقي ، نضع: $A = (x - 1)(x + 1) + 4(x + 1)$</p> <p>1 أنشرو بسط A</p> <p>2 عمل A</p> <p>3 حل المعادلة: $x^2 + 4x + 3 = 0$</p>	3 ن 2
<p>ليكن ABC مثلثا حيث: $AB = 4$ و $AC = 5$ و $BC = 6 \text{ cm}$</p> <p>1 أنشئ النقطة E حيث: $\vec{BE} = \frac{1}{3}\vec{BC}$</p> <p>2 أنشئ النقطة F حيث: $\vec{AF} = 2\vec{AB} + \vec{AC}$</p> <p>3 بين أن: $\vec{AE} = \frac{2}{3}\vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{AC}$</p> <p>4 استنتج أن النقط A و E و F مستقيمية</p>	3 ن 2 ن 1 ن
<p>يملك كريم مبلغا من المال ، أنفق نصفه في شراء محفظة و ثلثه في شراء دفاتر ، فتبقى له عشرون درهما حدد المبلغ الذي كان يملكه كريم.</p>	2 ن

أذسمير لخريسي - مدة الانجاز 55 دقيقة

تمرين 1 :

$$\begin{aligned} \frac{x}{2} + 4 &= \frac{x}{3} \\ \frac{3x}{6} + \frac{24}{6} &= \frac{2x}{6} \\ 3x + 24 &= 2x \\ 3x - 2x &= -24 \\ x &= -24 \end{aligned}$$

لدينا :

حل هذه المعادلة هو العدد -24

$$\begin{aligned} 2x - 3 &= -x + 15 \\ 2x + x &= 15 + 3 \\ 3x &= 18 \\ x &= \frac{18}{3} \\ x &= 6 \end{aligned}$$

لدينا :

حل هذه المعادلة هو العدد 6

1

$$\begin{aligned} -4(x-1) &> 7 \\ -4x + 4 &> 7 \\ -4x &> 7 - 4 \\ -4x &> 3 \\ 4x &< -3 \\ x &< \frac{-3}{4} \end{aligned}$$

لدينا :

حل هذه المتراجحة هي جميع الأعداد الحقيقية الأصغر قطعاً من $\frac{-3}{4}$

$$\begin{aligned} \sqrt{2}x &= x + 5 \\ \sqrt{2}x - x &= 5 \\ (\sqrt{2} - 1)x &= 5 \\ x &= \frac{5}{\sqrt{2} - 1} \\ x &= \frac{5(\sqrt{2} + 1)}{2 - 1} \\ x &= 5\sqrt{2} + 5 \end{aligned}$$

لدينا :

حل هذه المعادلة هو العدد $5\sqrt{2} + 5$

يجب الانتباه في حل متراجحة حيث يجب عكس منحاهي لآخر مرحلة في حالة ما إذا كان معامل المجهول سالبا.

تمرين 2 : $A = (x-1)(x+1) + 4(x+1)$

$$A = (x-1)(x+1) + 4(x+1) = x^2 - 1 + 4x + 4 = x^2 + 4x + 3$$

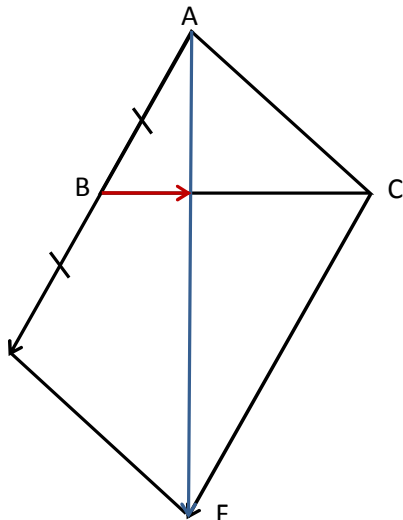
$$A = (x-1)(x+1) + 4(x+1) = (x+1)[(x-1) + 4] = (x+1)(x+3)$$

حسب السؤالين السابقين نستنتج أن : $x^2 + 4x + 3 = (x+1)(x+3)$

3 منه المعادلة : $x^2 + 4x + 3 = 0$ تعني : $(x+1)(x+3) = 0$ منه : $x+1=0$ أو $x+3=0$

منه : $x=-1$ أو $x=-3$ ، إذن لهذه المعادلة حلان هما : -1 و -3

تمرين 3 : مثلث ABC ، $AB = 4$ و $AC = 5$ و $BC = 6$ cm



$$\vec{AF} = 2\vec{AB} + \vec{AC} \quad , \quad \vec{BE} = \frac{1}{3}\vec{BC}$$

إنشاء النقطة F يتطلب أولاً إنشاء ممثلة A بالنسبة لـ B ، و ذلك بغية إنشاء المتجهة $2\vec{AB}$ و بعدها إنشاء متوازي أضلاع لتطبيق تعريف مجموع متجهتين.

لنبين أن: $\vec{AE} = \frac{2}{3}\vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{AC}$ ، لدينا:

$$\vec{AE} = \vec{AB} + \vec{BE} = \vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{BC} = \vec{AB} + \frac{1}{3}(\vec{BA} + \vec{AC}) = \vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{BA} + \frac{1}{3}\vec{AC}$$

3

$$\vec{AE} = \frac{3}{3}\vec{AB} - \frac{1}{3}\vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{AC} = \frac{2}{3}\vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{AC}$$

لدينا: $\vec{AE} = \frac{2}{3}\vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{AC} = \frac{1}{3}(2\vec{AB} + \vec{AC})$ و بما أن: $\vec{AF} = 2\vec{AB} + \vec{AC}$ فإن: $\vec{AE} = \frac{1}{3}\vec{AF}$

4

بالتالي: النقط A و E و F مستقيمية

تمرين 4 :

يملك كريم مبلغا من المال ، أنفق نصفه في شراء محفظة و ثلثه في شراء دفاتر ، فتبقى له عشرون درهما

ليكن المبلغ x الذي كان يملكه كريم.

$$\text{إذن: } x = \frac{x}{2} + \frac{x}{3} + 20 \text{ منه: } 5x + 120 = 6x \text{ منه: } 5x - 6x = -120$$

$$\text{منه: } -x = -120 \text{ بالتالي: } x = 120$$

أنفق كريم $\frac{120}{2} = 60$ درهما في شراء محفظة

و $\frac{120}{3} = 40$ درهما في شراء دفاتر

فيكون الباقي: $120 - (60 + 40) = 120 - 100 = 20$ درهما.