

التمرين 1

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ \forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = \frac{u_n}{2} + 2 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية } (u_n)$$

1. أ. أحسب u_1 و u_3 1
- ب. بين أن $\forall n \in \mathbb{N} : u_n < 4$ 1
- ج. أدرس رتبة (u_n) ثم استنتج أن $(\forall n \in \mathbb{N}) : 3 \leq u_n$ 2.5
رد: استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة.
2. نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة بـ $\forall n \in \mathbb{N} : v_n = u_n - 4$ 1
أ. بين أن (v_n) متتالية هندسية. 1.5
ب. أحسب $S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ 2
ج. أحسب v_n و u_n بدلالة n

التمرين 2

$$\begin{cases} u_0 = -5 \\ u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 2n + \frac{5}{3} \end{cases} \quad \forall n \in \mathbb{N} \quad \text{لتكن المتتالية } (u_n)$$

1. أ. أحسب u_1 0.5
- ب. باستعمال البرهان بالترجع بين أن $(\forall n \in \mathbb{N}) u_n < u_{n-1}$ ، استنتج رتبة المتتالية (u_n) 1
2. لتكن المتتالية (v_n) بحيث $\forall n \in \mathbb{N} : v_n = u_n - 3n + 2$ 1.5
أ. بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{3}$ وحدها الأول $v_0 = -3$ 2
ب. أحسب المجموع $S = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n-1}$

التمرين 3

1. حل في المجال $[-\pi, 2\pi]$ المعادلة $\cos(x) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ 2
2. حل في المجال $[-\pi, 2\pi]$ المتراجحة $\cos(x) \leq -\frac{\sqrt{2}}{2}$ 2
3. حل في المجال $[-\pi, \pi]$ المتراجحة $(2\cos(x) - \sqrt{3})(\sin(x) - 1) \geq 0$ 2