

## التمرين الأول

نعتد المجموعات  $E = \{x = 6p + 1 / p \in \mathbb{Z}\}$  و  $B = \{x = 5k' + 2 / k' \in \mathbb{Z}\}$  ،  $A = \{x = 2k + 5 / k \in \mathbb{Z}\}$

؟  $27 \in B$  .  $27 \in A$  . هل

ـ أ- برهن أن  $E \subseteq A$  و  $E \not\subseteq B$

ـ ب- حدد التقاطع  $A \cap B$

## التمرين الثاني

نعتد المتتالية  $(U_n)_n$  المعرفة بما يلي :

$$W_n = U_{n+1} + \frac{1}{3}U_n \quad \text{و} \quad V_n = U_{n+1} - \frac{1}{2}U_n$$

ـ أ- برهن أن  $(V_n)_n$  متتالية هندسية واحسب  $V_n$  بدلاة  $n$

ـ ب- برهن أن  $(W_n)_n$  متتالية هندسية واحسب  $W_n$  بدلاة  $n$

$$T_n = \sum_{k=0}^{n-1} U_k \quad \text{و} \quad S_n = \sum_{k=0}^{n-1} W_k$$

ـ أ- احسب  $S_n$  بدلاة  $n$

ـ ب- استنتج من السؤال 1) الدد العام  $U_n$  بدلاة  $n$

$$T_n = \frac{3}{2} - \frac{3}{10} \left( -\frac{1}{3} \right)^n - \frac{6}{5} \left( \frac{1}{2} \right)^n$$

## التمرين الثالث

نعتد التطبيق  $f$  المعرف في المجال  $[-1, +\infty)$  نحو  $\mathbb{R}$  بما يلي :

ـ أ- حل في المجال  $[-1, +\infty)$  الاعادلة  $f(x) = 0$

ـ ب- هل التطبيق  $f$  تبالي ؟

$$f^{-1}([-1, 0]) = (\sqrt{x+1} - 1)^2 - 1$$

ـ أ- برهن أن  $f(x) \geq -1$  (ـ  $\forall x \in [-1, +\infty)$ )

ـ ب- هل  $f$  تطبيق شمولي ؟

ـ أ- لتكن  $F$  قصور التطبيق  $f$  على المجال  $I = [0, +\infty[$

ـ ب- برهن أن  $F$  تبالي على المجال  $I$

ـ ب- برهن أن  $F$  تقابل من  $I$  نحو المجال  $J = [-1, +\infty[$  و احسب  $F^{-1}(x)$  لـ  $x$  في المجال  $J$