

النهايات

أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 + x} - \sqrt{x^2 - x}$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow -3 \\ x > -3}} \frac{2x^2 + 1}{x^2 + 3x}$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x^2 + 7x + 2}{x^2 + x - 2}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{xE(2x) - 1}{x^2 - 4}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \tan^2 x + x \sin 2x}{1 - \cos 3x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + \sqrt{x} - 2}{3x^2 - \sqrt{x} - 2}$$

أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 5x - 6\sqrt{x+2} + 10}{(x+1)^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 6} \frac{\sqrt{x + \sqrt{x+3}} - 3}{\sqrt{x - \sqrt{x-2}} - 2}$$

النهايات

لأنه a عدد ما .]0, +∞[

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^n(ax)}{x^2} = \frac{na^2}{2} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^5(x\sqrt{13})}{1 - \cos\left(\frac{x}{\sqrt{31}}\right)} \quad \text{استنتج قيمة النهاية} \quad (2)$$

النهايات

لأنه a عدد حقيقي غير منعدم . نعتبر المتالية $(U_n)_n$ المعروفة بما يلي :

$$V_n = U_{n+1} - U_n \quad \text{نوف} \quad \begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+2} = \frac{1}{2}a^2 U_{n+1} + (a-3)U_n \end{cases} \quad \text{و} \quad U_1 = 3$$

$$a = 2 \quad (1)$$

أ- تحقق أن المتالية $(V_n)_n$ ناقبة و استنتاج طبيعة المتالية $(U_n)_n$

$$n \quad S_n = \sum_{k=0}^{k=n} U_k \quad \text{بدالة}$$

$$a = -4 \quad (2)$$

أ- تتحقق أن المتالية $(V_n)_n$ هندسية و حدد V_n بدالة n

$$n \quad T_n = \sum_{k=0}^{k=n-1} V_k \quad \text{و استنتاج بدالة } U_n$$

$$b - \text{أحسب الجملة} \quad (2)$$