



فرض کتابی 7 لیوم : 02 / 05 / 2014

نقط 8

.01

١. أعط جدول يمثل الضرب في  $\mathbb{Z}/4\mathbb{Z}$  ..... (١,٥ ن)

٢. أوجد باقي القسمة للعدد  $2013^{2014}$  على العدد ٥ ..... (١,٥ ن)

٣. بين أن :  $2014^{2014} \equiv 1$  [١١ ن]

٤. ليكن  $k$  من  $\mathbb{N}$  نضع  $p \gcd(2k+1, 9k+4) = d$ . بين أن  $2k+1$  و  $9k+4$  أوليان فيما بينهما ..... (١,٥ ن)

٥. عدد صحيح طبيعي حيث  $2 \leq n$  عدد قيم  $n$  من أجلها يكون  $27 \equiv 5 \pmod{n}$  ..... (٢ ن)

نقط 12

.02

- ١.** بين أن :  $[7] \cdot [13] \equiv 1$  و  $4^{30} \equiv 1$  ..... (٢ ن)

**٢.** بين أن :  $1 - 4^{30}$  يقبل القسمة على ٩١ ..... (١ ن)

**٣.** في هذا السؤال  $x$  و  $y$  من  $\mathbb{Z}$  .

**أ.** بين أن المعادلة  $18x - 30y = 1$  ليس لها حل ..... (١ ن)

**ب.** بين أن المعادلة  $19x - 30y = 1$  لها على الأقل حل ..... (١ ن)

**ج.** حدد باستعمال خوارزمية أقليدس زوج  $(x_0, y_0)$  من  $\mathbb{Z}^2$  هو حل ل  $(E')$  ..... (٢ ن)

**د.** حل المعادلة  $(E')$  ..... (٣ ن)

**٥.** لنعتبر المستوى  $(P)$  منسوب إلى م.م.م  $(O, i, j)$  و المستقيم  $(D)$  الذي معادلته الديكارتية هي  $19x - 30y - 1 = 0$  . حدد النقط  $M(x, y)$  التي تنتمي إلى المستقيم  $(D)$  حيث احداثياتها  $(x, y)$  من  $\mathbb{Z}^2$  و  $-20 \leq x \leq 20$  ..... (١ ن)

**٦.**  $a$  و  $b$  من  $\mathbb{N}$  بين أن :  $(a^{19} \equiv b [91]) \Rightarrow b^{19} \equiv a [91]$  ..... (١ ن)