

التمرين الثاني :

p عدد طبيعي أولي أكبر أو يساوي 5

$$(1) \text{ بيه أه : } p^2 \equiv 1 [3]$$

$$(2) \text{ باستعمال زوجية العدد } p \text{ بيه أه : } p^2 \equiv 1 [8]$$

$$(3) \text{ لـ } a \text{ و } b \text{ عدديـن طبيعـيين بحيث } 3a = 8b$$

$$- 1 \text{ بيه أه } 3/b \text{ و استنتج أه}$$

$$(4) \text{ بـ } p^2 \equiv 1 [24]$$

التمرين الأول :

أسئلة مستقلة :

$$(1) \text{ حدد الأعداد الطبيعية } n \text{ بحيث } n + 2 / 2n - 4$$

$$(2) \text{ بـ } 3n + 5 \wedge (6n^2 + 16n + 9) = 1$$

(3) حدد العددين a و b حلماً أن :

$$2(a \vee b) - 3(a \wedge b) = 9 \text{ و } a \leq b$$

$$(4) \text{ حدد باقي قسمة 2014 على العدد } 13$$

$$\frac{1}{13} / 2014^{2014} - 1$$

التمرين الثالث :

الجزء الأول :

لـ f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$(1) \text{ أـ حدد مجموعة تعرف الدالة } f \text{ و بـ } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$$

$$(2) \text{ بـ تحقق أه } \frac{f(x)}{x} = 1 - \frac{2}{x} - 2\sqrt{\frac{3}{x^2} - \frac{1}{x}} \quad (\forall x \in]-\infty, 0[) \text{ و أدرس الفرع الانهائي للمنحنى } (C) \text{ عند } -\infty$$

$$(3) \text{ أـ بـ } \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = 1 - \frac{2}{\sqrt{3-x}} \quad (\forall x < 3)$$

بـ أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على يسار 3 و أـعـط تـؤـيلاً هـنـسـيـاً لـ التـيـجـةـ

$$(4) \text{ أـ بـ } f'(x) = \frac{2-x}{\sqrt{3-x}(1+\sqrt{3-x})} \quad (\forall x < 3)$$

بـ أدرس تغيرات الدالة f لم يـذـكـرـ جـرـوـلـ تـغـيـرـاتـها

$$(5) \text{ أـ بـ } \frac{2(2-x)}{1+\sqrt{3-x}} \quad (\forall x < 3)$$

بـ أدرس الوظـفـةـ النـسـبـيـ للـمـنـحـنـىـ (C) و المـسـقـيمـ $(\Delta) \text{ } y = x$

(5) أرسم المـنـحـنـىـ (C) (المـنـحـنـىـ (C) يـقطـنـ مـحـورـ الأـفـاصـيلـ فيـ نـقـطـةـ أـفـصـولـهـاـ) $\alpha \approx -2,8$

الجزء الثاني :

نـعـتـبـ الـمـتـتـالـيـةـ (U_n) المـعـرـفـةـ بماـ يـلـيـ :

$$(1) \text{ أـ بـ } U_0 = 1 \text{ و } U_{n+1} = f(U_n) \quad (\forall n \in \mathbb{N}) \quad 0 < U_n < 2$$

بـ أدرس زـايـدةـ الـمـتـتـالـيـةـ (U_n) و استـنـجـ أـهـ $1 \leq U_n < 2$

$$(2) \text{ أـ تـحـقـقـ أـهـ } U_{n+1} - 2 = (U_n - 2) \left(1 - \frac{2}{1 + \sqrt{3 - U_n}} \right)$$

$$(3) \text{ بـ بـ } |U_{n+1} - 2| \leq \frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2} + 1} |U_n - 2| \quad (\forall n \in \mathbb{N})$$

$$(4) \text{ بـ بـ بالـتـرـجـهـ أـهـ : } |U_n - 2| \leq \left(\frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2} + 1} \right)^n$$