

التمرين الأول: (2 نقط)

حل في  $\mathbb{R}$  المترافقين:

$$-x^2 - 3x + 4 < 0 \quad ; \quad (x^2 + 4x + 4)(x^2 + 2x + 2) \leq 0$$

التمرين الثاني: (3 نقط)

مثل القوس التي تنتهي إليها النقاط ذات الأفاسيل المنحني من المجال  $I$  في كل حالة :

$$I = \left[ -2\pi; \frac{-7\pi}{8} \right] ; I = \left[ \frac{-5\pi}{6}; \frac{-2\pi}{3} \right] ; I = \left[ -\frac{\pi}{3}; \frac{\pi}{4} \right]$$

التمرين الثالث: (2.5 نقط)

.  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) \equiv \frac{\pi}{5}[2\pi]$  حيث:  $A$  مثلث قائم الزاوية في النقطة  $A$  بحيث:

ن 0.5

أنشئ المثلث  $ABC$

ن 1

$$(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CB}) \equiv (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) + (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) [2\pi]$$

ن 1

(3) احسب القياس الرئيسي للزاوية الموجهة:

التمرين الرابع: (3 نقط)

$$(1) \text{ احسب: } \tan \frac{37\pi}{4} ; \sin \frac{-5\pi}{6} ; \cos \frac{-3\pi}{4}$$

$$(2) \text{ احسب: } \sin \frac{2\pi}{3} + \sin \frac{4\pi}{3} + \sin \frac{13\pi}{4} + \sin \frac{8\pi}{3}$$

التمرين الخامس: (2.5 نقط)

$\alpha$  عدد حقيقي بحيث:  $\tan \alpha = 0.2$

ن 1

(1) اكتب:  $\sin^2 \alpha$  بدلالة:

ن 1.5

(2) استنتج قيمة:  $\sin \alpha$  ثم بالمحسبة أعط قيمة مقربة للعدد  $\alpha$  بالدرجة

التمرين السادس: (7 نقط)

الجدول التالي يعطينا أوزان تلاميذ أحد أقسام الجدع المشترك العلمي (بالكيلوغرام)

$I_i$	الصنف
$n_i$	الحصص
[65;70[	[60;65[
2	3
[55;60[	15
[50;55[	10
[45;50[	10

1) انشئ مدرجاً للمتسلسلة ومضلع باستعمال الحصصات في نفس المبيان 2 ن

2) احسب: المعدل الحسابي  $\bar{x}$  والانحراف الطراري  $\sigma$ . 2 ن

3) انشئ مضلعاً متراكماً ثم حدد القيمة الوسطية  $M$  3 ن

التمرين الأول:

حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحتين:

$$-x^2 - 3x + 4 < 0 \quad ; \quad (x^2 + 4x + 4)(x^2 + 2x + 2) \leq 0$$

حلول:

$$(1) \text{ المتراجحة : } (x^2 + 4x + 4)(x^2 + 2x + 2) \leq 0$$

إشارة ثلاثة الحدود: .

مميز الحدوية هو:  $a = b^2 - 4ac = -4 < 0$  إذن إشارتها هي إشارة

x	-∞	+∞
$x^2 + 2x + 2$		+

إشارة ثلاثة الحدود: .

مميز الحدوية:  $x_0 = \frac{-b}{2a} = -2$  إذن لها جذر وحيد  $\Delta = b^2 - 4ac = 0$  إذن إشارتها هي إشارة a لـ

x	-∞	-2	+∞	$x \neq -2$
$x^2 + 4x + 4$	+	0	+	
$x^2 + 2x + 2$	+		+	

ومنه نستنتج إشارة الجداء:  $(x^2 + 4x + 4)(x^2 + 2x + 2)$

x	-∞	-2	+∞
$x^2 + 4x + 4$	+	0	+
$x^2 + 2x + 2$	+		+
$(x^2 + 4x + 4)(x^2 + 2x + 2)$	+	0	+

وبالتالي:  $S = \{-2\}$

$$(2) \text{ المتراجحة: } -x^2 - 3x + 4 < 0$$

مميز الحدوية  $\Delta = b^2 - 4ac = 25$  إذن لها جدران مختلفان هما:

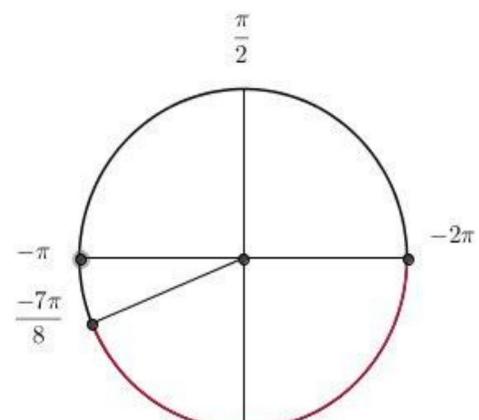
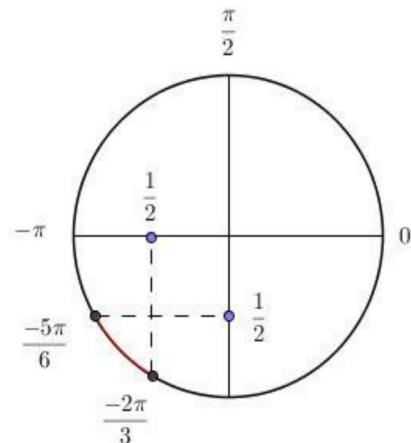
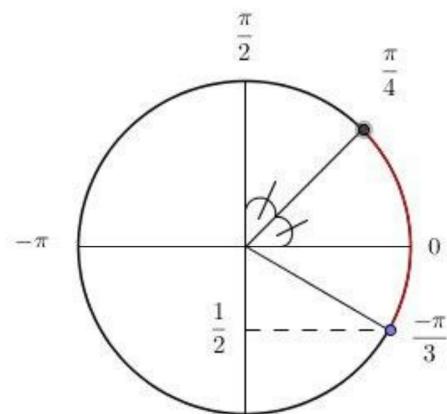
$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = 1 \quad \text{و} \quad x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = -4$$

إذن جدول إشارتها على الشكل التالي:

x	-∞	-4	1	+∞
$-x^2 - 3x + 4$	-	0	+	-

إشارة a

حلول:



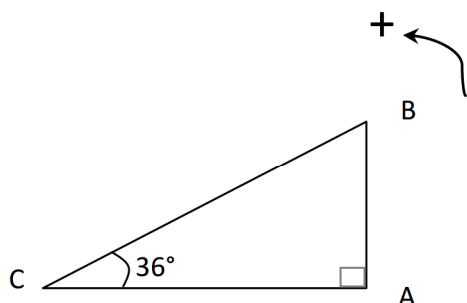
التمرين الثالث: (2.5 نقط)

. $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) \equiv \frac{\pi}{5}[2\pi]$  بحيث: مثلث قائم الزاوية في النقطة  $A$

1) أنشئ المثلث  $ABC$

$$(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CB}) \equiv (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) + (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})[2\pi]$$

2) بين أن: احسب القياس الرئيسي للزاوية الموجبة:



حلول:

(1)

حسب علاقة شال للزوايا الموجبة

$$\begin{aligned} (\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CB}) &\equiv (\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CA}) + (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})[2\pi] \\ &\equiv (-\overrightarrow{BA}, -\overrightarrow{CA}) + (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})[2\pi] \\ &\equiv (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) + (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})[2\pi] \end{aligned}$$

3) حسب السؤال السابق:

$$\begin{aligned} (\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CB}) &\equiv (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) + (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})[2\pi] \\ &\equiv \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{5}[2\pi] \\ &\equiv \frac{7\pi}{10}[2\pi] \end{aligned}$$

إذن القياس الرئيسي للزاوية الموجبة  $\hat{(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CB})} = \frac{7\pi}{10}$  لأن  $\frac{7\pi}{10} \in [-\pi, \pi]$

### التمرين الرابع: (3 نقط)

1) احسب:  $\tan \frac{37\pi}{4} ; \sin \frac{-5\pi}{6} ; \cos \frac{-3\pi}{4}$

2) احسب:  $\sin \frac{2\pi}{3} + \sin \frac{4\pi}{3} + \sin \frac{13\pi}{4} + \sin \frac{8\pi}{3}$

حلول:

(1)

$$\begin{aligned}\cos \frac{-3\pi}{4} &= \cos \frac{3\pi}{4} \\&= \cos(\pi - \frac{\pi}{4}) \\&= -\cos \frac{\pi}{4} \\&= -\frac{\sqrt{2}}{2}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sin \frac{-5\pi}{6} &= -\sin \frac{5\pi}{6} \\&= -\sin(\pi - \frac{\pi}{6}) \\&= -\sin \frac{\pi}{6} \\&= -\frac{1}{2}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\tan \frac{37\pi}{4} &= \tan(9\pi + \frac{\pi}{4}) \\&= \tan \frac{\pi}{4} \\&= 1\end{aligned}$$

(2)

$$\begin{aligned}\sin \frac{2\pi}{3} + \sin \frac{4\pi}{3} + \sin \frac{13\pi}{4} + \sin \frac{8\pi}{3} &= \sin(\pi - \frac{\pi}{3}) + \sin(\pi + \frac{\pi}{3}) + \sin(3\pi + \frac{\pi}{4}) + \sin(2\pi + \frac{2\pi}{3}) \\&= \sin(\frac{\pi}{3}) - \sin(\frac{\pi}{3}) + \sin(\pi + \frac{\pi}{4}) + \sin(\frac{2\pi}{3}) \\&= -\sin(\frac{\pi}{4}) + \sin(\pi - \frac{\pi}{3}) \\&= -\sin(\frac{\pi}{4}) + \sin(\frac{\pi}{3}) \\&= -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \\&= \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2}\end{aligned}$$

### التمرين الخامس: (2.5 نقط)

$\alpha$  عدد حقيقي بحيث:  $\tan \alpha = 0.2$

(1) اكتب:  $\tan \alpha ; \sin^2 \alpha$  بدلالة:

(2) استنتج قيمة:  $\sin \alpha$  ثم بالمحسبة أعط قيمة مقربة للعدد  $\alpha$  بالدرجة

حلول:

(1) لدينا: لكل:  $\alpha \in D_{\tan}$

**ملاحظة:** مجموعة تعريف دالة الظل

$$\begin{aligned}D_{\tan} &= \left\{ x \in \mathbb{R} / x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi; k \in \mathbb{Z} \right\} \\&= \mathbb{R} - \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi; k \in \mathbb{Z} \right\}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sin^2 \alpha &= 1 - \cos^2 \alpha \\&= 1 - \frac{1}{1 + \tan^2 \alpha} \\&= \frac{\tan^2 \alpha}{1 + \tan^2 \alpha}\end{aligned}$$

لدينا: (2)

$$\begin{aligned}\sin^2 \alpha &= \frac{\tan^2 \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} \\ &= \frac{0.2^2}{1 + 0.2^2} \\ &= \frac{0.04}{1.04} \\ &= \frac{1}{26}\end{aligned}$$

وبالتالي:  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{26}}{26}$

$$\begin{aligned}\alpha &\simeq 11.31^\circ + 180^\circ \\ &= 191.31^\circ\end{aligned}$$

وبالمحسبة نجد:

$$\alpha \simeq 11.31^\circ$$

ملاحظة هامة:

لا يمكن تحديد إشارة  $\alpha$  من خلال إشارة  $\tan \alpha$  وبالتالي هناك قيمتان متقابلتان  
التمرین السادس: (7 نقط)

الجدول التالي يعطينا أوزان تلاميذ أحد أقسام الجدع المشترك العلمي (بالكيلوغرام)

الصنف $I_i$	الحصص $n_i$
[65; 70[	2
[60; 65[	3
[55; 60[	15
[50; 55[	10
[45; 50[	10

- 1) أنشئ مدراجاً للمتسلسلة ومضلعاً باستعمال الحصصات في نفس المبيان 2 ن
- 2) احسب: المعدل الحسابي  $\bar{x}$  والانحراف الطراري  $s$ .
- 3) أنشئ مضلعاً للحصصات المتراكمة ثم حدد القيمة الوسطية  $M$  3 ن

حل:

1) مدراج ومضلعاً للحصصات للمتسلسلة.



(2) المعدل الحسابي للمتسلسلة:

$c_i$	المركز الصنف	$n_i$	الحصيص
67.5	62.5	57.5	52.5
2	3	15	10
			47.5

$$\begin{aligned}\bar{x} &= \frac{\sum_{i=1}^5 n_i c_i}{N} \\ &= \frac{475+525+862.5+187.5+135}{40} \\ &= \frac{2185}{40} \\ &= 54.625\end{aligned}$$

الانحراف الطراري:

المغایرة:

$$\begin{aligned}\sigma^2 &= \frac{\sum_{i=1}^5 n_i (c_i)^2}{N} - \bar{x}^2 \\ &= \frac{10 \times 47.5^2 + 10 \times 52.5^2 + 15 \times 57.5^2 + 3 \times 62.5^2 + 2 \times 67.5^2}{40} \\ &= \frac{2256.25 + 2756.25 + 3306.25 + 3906.25 + 4556.25}{40} - 54.625^2 \\ &= 3013.75 - 2983.89063 \\ &= 29.859375\end{aligned}$$

الانحراف الطراري:

$$\begin{aligned}\sigma &= \sqrt{\sigma^2} \\ &= \sqrt{29.859375} \\ &= 5.46437325 \\ &\approx 5.46\end{aligned}$$

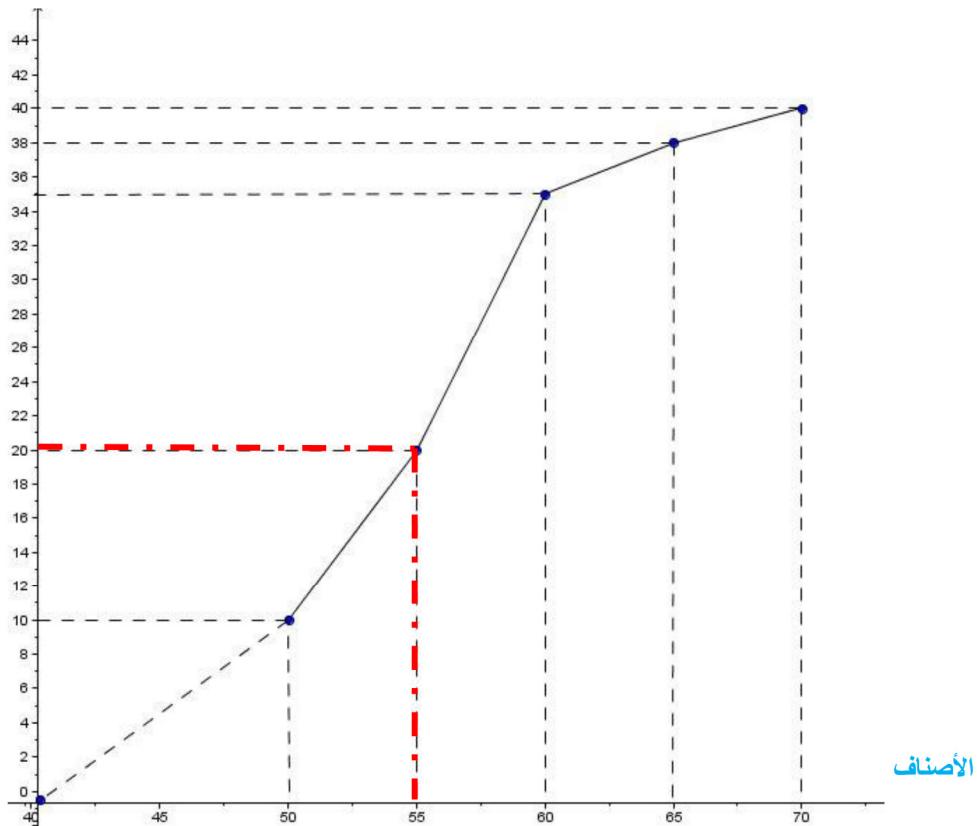
(3) جدول الحصيصات المتراكمة:

$I_i$	الصنف	$n_i$	الحصيص	$N_i$	الحصisce المتراكم
[65; 70[	[60; 65[	[55; 60[	[50; 55[	[45; 50[	
2	3	15	10	10	
40	38	35	20	10	

## مطلع الحصيصات المترادفة:

الحصيصات المترادفة

$$\frac{N}{2} = 20$$



القيمة الوسطية هي  $\frac{N}{2}$  لأن  $M = 55$  لأن  $\frac{N}{2} = 20$  هي أرتب معلوم على المطلع